

## 2018 年山东省德州市宁津县中考二模数学

一. 选择题：本大题共 12 小题，每小题 4 分，共 48 分.

1. 16 的算术平方根是( )

- A.  $\pm 2$
- B. 4
- C. -2
- D. 16

解析：16 的算术平方根就是平方是 16 的非负数，故 16 的算术平方根是 4.

答案：B

2. 下面四个手机应用图标中，属于中心对称图形的是( )



解析：根据中心对称图形的概念进行判断即可.

A 图形不是中心对称图形；

B 图形是中心对称图形；

C 图形不是中心对称图形；

D 图形不是中心对称图形.

答案：B

3. 中国移动数据中心 IDC 项目近日在高新区正式开工建设，该项目规划建设规模 12.6 万平方米，建成后将成为山东省最大的数据业务中心. 其中 126000 用科学记数法表示应为( )

- A.  $1.26 \times 10^6$
- B.  $12.6 \times 10^4$
- C.  $0.126 \times 10^6$
- D.  $1.26 \times 10^5$

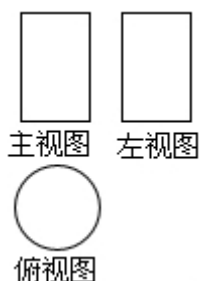
解析：科学记数法的表示形式为  $a \times 10^n$  的形式，其中  $1 \leq |a| < 10$ ， $n$  为整数. 确定  $n$  的值时，

要看把原数变成  $a$  时，小数点移动了多少位， $n$  的绝对值与小数点移动的位数相同. 当原数绝对值  $>1$  时， $n$  是正数；当原数的绝对值  $<1$  时， $n$  是负数.

126000 用科学记数法表示应为  $1.26 \times 10^5$ .

答案：D

4. 如图所示是一个几何体的三视图，这个几何体的名称是( )



- A. 圆柱体
- B. 三棱锥
- C. 球体
- D. 圆锥体

解析：主视图、左视图、俯视图是分别从物体正面、左面和上面看，所得到的图形.

由于主视图和左视图为长方形可得此几何体为柱体，

由俯视图为圆可得为圆柱体.

答案：A

5. 下列计算中，正确的是( )

A.  $2a+3b=5ab$

B.  $(3a^3)^2=6a^6$

C.  $a^6+a^2=a^8$

D.  $-3a+2a=-a$

解析：根据幂的乘方、合并同类项法则一一判断即可；

A、错误. 不是同类项不能合并；

B、错误.  $3(a^3)^2=9a^6$ ；

C、错误. 不是同类项不能合并；

D、正确.

答案：D

6. 下列事件中是必然事件的是( )

A.  $-a$  是负数

B. 两个相似图形是位似图形

C. 随机抛掷一枚质地均匀的硬币，落地后正面朝上

D. 平移后的图形与原来对应线段相等

解析：根据必然事件指在一定条件下，一定发生的事件，可得答案.

A、 $-a$  是非正数，是随机事件，故 A 错误；

B、两个相似图形是位似图形是随机事件，故 B 错误；

C、随机抛掷一枚质地均匀的硬币，落地后正面朝上是随机事件，故 C 错误；

D、平移后的图形与原来对应线段相等是必然事件，故 D 正确.

答案：D

7. 当  $-2 < x < 2$  时，下列函数中，函数值  $y$  随自变量  $x$  增大而增大的有 ( ) 个.

①  $y=2x$ ; ②  $y=2-x$ ; ③  $y=-\frac{2}{x}$ ; ④  $y=x^2+6x+8$ .

A. 1

B. 2

C. 3

D. 4

解析：一次函数当  $a > 0$  时，函数值  $y$  总是随自变量  $x$  增大而增大，反比例函数当  $k < 0$  时，在每一个象限内， $y$  随自变量  $x$  增大而增大，二次函数根据对称轴及开口方向判断增减性.

①为一次函数，且  $a > 0$  时，函数值  $y$  总是随自变量  $x$  增大而增大；

②为一次函数，且  $a < 0$  时，函数值  $y$  总是随自变量  $x$  增大而减小；

③为反比例函数，当  $x > 0$  或者  $x < 0$  时，函数值  $y$  随自变量  $x$  增大而增大，当  $-2 < x < 2$  时，就不能确定增减性了；

④为二次函数，对称轴为  $x=-3$ ，开口向上，故当  $-2 < x < 2$  时，函数值  $y$  随自变量  $x$  增大而增大，

符合题意的是①④.

答案：B

8. 不等式组  $\begin{cases} x-2 > 1 \\ -2x \leq 4 \end{cases}$  的解集为 ( )

A.  $x \geq -2$

B.  $-2 < x < 3$

C.  $x > 3$

D.  $-2 \leq x < 3$

解析：分别求出两不等式的解集，进而得出它们的公共解集.

$$\begin{cases} x-2 > 1 \text{ ①} \\ -2x \leq 4 \text{ ②} \end{cases},$$

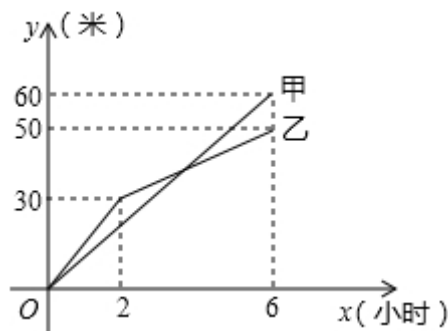
解①得：  $x > 3$ ,

解②得：  $x \geq -2$ ,

所以不等式组的解集为：  $x > 3$ .

答案：C

9. 甲、乙两个工程队分别同时开挖两段河渠，所挖河渠的长度  $y$  (m) 与挖掘时间  $x$  (h) 之间的关系如图所示. 根据图象所提供的信息有：①甲队挖掘 30m 时，用了 3h；②挖掘 6h 时甲队比乙队多挖了 10m；③乙队的挖掘速度总是小于甲队；④开挖后甲、乙两队所挖河渠长度相等时， $x=4$ . 其中一定正确的有 ( )



- A. 1 个
- B. 2 个
- C. 3 个
- D. 4 个

解析：根据函数图象可以判断题目中的各个小题是否正确，从而可以解答本题.

由图象可得，

甲队挖掘 30m 时，用的时间为： $30 \div (60 \div 6) = 3h$ ，故①正确，

挖掘 6h 时甲队比乙队多挖了： $60 - 50 = 10m$ ，故②正确，

前两个小时乙队挖得快，在 2 小时到 6 小时之间，甲队挖的快，故③错误，

设  $0 \leq x \leq 6$  时，甲对应的函数解析式为  $y = kx$ ，

则  $60 = 6k$ ，得  $k = 10$ ，

即  $0 \leq x \leq 6$  时，甲对应的函数解析式为  $y = 10x$ ，

当  $2 \leq x \leq 6$  时，乙对应的函数解析式为  $y = ax + b$ ，

$$\begin{cases} 2a + b = 30 \\ 6a + b = 50 \end{cases}, \text{ 得 } \begin{cases} a = 5 \\ b = 20 \end{cases},$$

即  $2 \leq x \leq 6$  时，乙对应的函数解析式为  $y = 5x + 20$ ，

$$\text{则 } \begin{cases} y = 10x \\ y = 5x + 20 \end{cases}, \text{ 得 } \begin{cases} x = 4 \\ y = 40 \end{cases},$$

即开挖后甲、乙两队所挖河渠长度相等时， $x = 4$ ，故④正确，

由上可得，一定正确的是①②④.

答案：C

10. 某服装加工厂加工校服 960 套的订单，原计划每天做 48 套. 正好按时完成. 后因学校要求提前 5 天交货，为按时完成订单，设每天就多做  $x$  套，则  $x$  应满足的方程为( )

- A.  $\frac{960}{48+x} - \frac{960}{48} = 5$
- B.  $\frac{960}{48+5} = \frac{960}{48+x}$
- C.  $\frac{960}{48} - \frac{960}{x} = 5$
- D.  $\frac{960}{48} - \frac{960}{48+x} = 5$

解析：要求的未知量是工作效率，有工作总量，一定是根据时间来列等量关系的. 关键描述

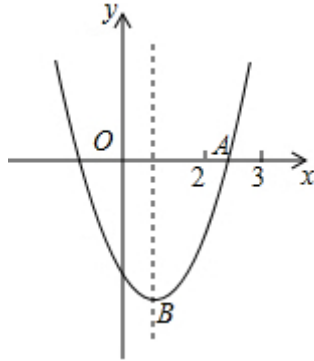
语是：“提前 5 天交货”；等量关系为：原来所用的时间-实际所用的时间=5.

原来所用的时间为： $\frac{960}{48}$ ，实际所用的时间为： $\frac{960}{48+x}$ ，

所列方程为： $\frac{960}{48} - \frac{960}{48+x} = 5$ .

答案：D

11. 如图，抛物线  $y=ax^2+bx+c$  的顶点为  $B(1, -3)$ ，与  $x$  轴的一个交点  $A$  在  $(2, 0)$  和  $(3, 0)$  之间，下列结论中：① $bc>0$ ；② $2a+b=0$ ；③ $a-b+c>0$ ；④ $a-c=3$ ，正确的有( )个



A. 4

B. 3

C. 2

D. 1

解析：∵抛物线开口向上，

∴ $a>0$ ，

∵对称轴在  $y$  轴右侧，

∴ $-\frac{b}{2a}>0$ ，

∴ $b<0$ ，

∵抛物线和  $y$  轴负半轴相交，

∴ $c<0$ ，

∴ $bc>0$ ，故①正确；

∵抛物线的顶点为  $D(1, -3)$ ，

∴ $-\frac{b}{2a}=1$ ，

∴ $b=-2a$ ，

∴ $2a+b=0$ ，故②正确；

∵对称轴为  $x=1$ ，且与  $x$  轴的一个交点  $A$  在  $(2, 0)$  和  $(3, 0)$  之间，

∴与  $x$  轴的另一个交点  $B$  在  $(0, 0)$  和  $(-1, 0)$  之间

∴当  $x=-1$  时， $y>0$ ，

∴ $y=a-b+c>0$ ，故③正确；

∵抛物线的顶点为  $D(1, -3)$

∴ $a+b+c=-3$ ，

∵抛物线的对称轴为直线  $x=-\frac{b}{2a}=1$  得  $b=-2a$ ，

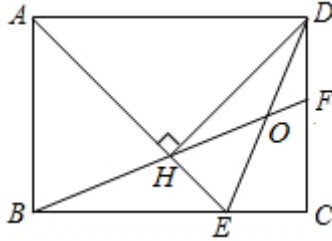
把  $b=-2a$  代入  $a+b+c=-3$ , 得  $a-2a+c=-3$ ,

$$\therefore c-a=-3,$$

$\therefore a-c=3$ , 故④正确.

答案: A

12. 如图: 在矩形 ABCD 中,  $AD=\sqrt{2}AB$ ,  $\angle BAD$  的平分线交 BC 于点 E,  $DH \perp AE$  于点 H, 连接 BH 并延长交 CD 于点 F, 连接 DE 交 BF 于点 O, 有下列结论: ①  $\angle AED = \angle CED$ ; ②  $OE = OD$ ; ③  $\triangle BEH \cong \triangle HDF$ ; ④  $BC - CF = 2EH$ ; ⑤  $AB = FH$ . 其中正确的结论有 ( )



- A. 5 个
- B. 4 个
- C. 3 个
- D. 2 个

解析:  $\because$  四边形 ABCD 是矩形,

$$\therefore \angle BAD = \angle ABC = \angle C = \angle ADC = 90^\circ, AB = DC, AD \parallel BC,$$

$$\therefore \angle ADE = \angle CED,$$

$\because$   $\angle BAD$  的平分线交 BC 于点 E,

$$\therefore \angle BAE = \angle DAH = 45^\circ,$$

$\therefore \triangle ABE$  和  $\triangle ADH$  是等腰直角三角形,

$$\therefore AE = \sqrt{2}AB, AD = \sqrt{2}AH,$$

$$\because AD = \sqrt{2}AB = \sqrt{2}AH,$$

$$\therefore AD = AE, AB = AH = DH = DC,$$

$$\therefore \angle ADE = \angle AED,$$

$$\therefore \angle AED = \angle CED,$$

$\therefore$  ① 正确;

$$\because \angle DAH = \angle ADH = 45^\circ,$$

$$\therefore \angle ADE = \angle AED = 67.5^\circ,$$

$$\because \angle BAE = 45^\circ,$$

$$\therefore \angle AHB = \angle ABH = 67.5^\circ,$$

$$\therefore \angle OHE = 67.5^\circ,$$

$$\therefore \angle OHE = \angle AED,$$

$$\therefore OE = OH,$$

同理:  $OD = OH$ ,

$$\therefore OE = OD,$$

$\therefore$  ② 正确;

$$\because \angle ABH = \angle AHB = 67.5^\circ,$$

∴ ∠HBE = ∠FHD,

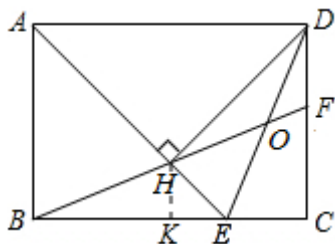
在△BEH 和△HDF 中,

$$\begin{cases} \angle HEB = \angle FDH = 45^\circ \\ BE = DH \\ \angle HBE = \angle FHD \end{cases},$$

∴ △BEH ≅ △HDF (ASA),

∴ ③正确;

BC - CF = 2HE 正确, 过 H 作 HK ⊥ BC 于 K,



可知  $KC = \frac{1}{2} BC$ ,  $HK = KE$ ,

由上知  $HE = EC$ ,

$$\therefore \frac{1}{2} BC = KE + EC,$$

又  $KE = HK = \frac{1}{2} FC$ ,  $HE = EC$ ,

故  $\frac{1}{2} BC = HK + HE$ ,  $BC = 2HK + 2HE = FC + 2HE$

∴ ④正确;

⑤ ∵  $AB = AH$ ,  $\angle BAE = 45^\circ$ ,

∴ △ABH 不是等边三角形,

∴  $AB \neq BH$ ,

∴ 即  $AB \neq HF$ , 故⑤不正确.

答案: B

二、填空题: 本大题共 6 小题, 共 24 分, 只填最后结果, 每小题填对得 4 分.

13. 如果代数式  $\frac{\sqrt{x+3}}{x-1}$  有意义, 那么 x 的取值范围是\_\_\_\_\_.

解析: 根据被开方数大于等于 0, 分母不等于 0 列式计算即可得解.

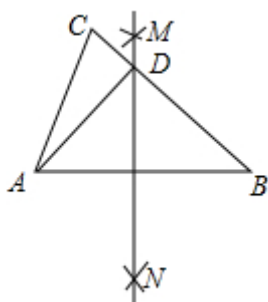
由题意得,  $x+3 \geq 0$  且  $x-1 \neq 0$ ,

解得  $x \geq -3$  且  $x \neq 1$ .

答案:  $x \geq -3$  且  $x \neq 1$

14. 在△ABC 中, 分别以点 A 和点 B 为圆心, 大于  $\frac{1}{2} AB$  的长为半径画弧, 两弧相交于 M, N,

作直线 MN，交 BC 于点 D，连接 AD. 如果 BC=5，CD=2，那么 AD=\_\_\_\_\_.



解析：由作图步骤可得：MN 垂直平分 AB，则 AD=BD，

$$\because BC=5, CD=2,$$

$$\therefore BD=AD=BC-DC=5-2=3.$$

答案：3

15. 设  $x_1$ 、 $x_2$  是一元二次方程  $2x^2-4x-1=0$  的两实数根，则  $x_1^2+x_2^2$  的值是\_\_\_\_\_.

解析：根据根与系数的关系即可求出答案.

由题意可知： $\Delta > 0$ ,

$$\therefore x_1+x_2=-2,$$

$$x_1x_2=-\frac{1}{2},$$

$$\therefore \text{原式}=(x_1+x_2)^2-2x_1x_2=4+1=5.$$

答案：5

16. 在 4 张完全相同的卡片上分别画有等边三角形、平行四边形、正方形和圆，从中随机摸出两张，这两张卡片上的图形都是中心对称图形的概率是\_\_\_\_\_.

解析：根据题意列出相应的表格，得到所有等可能出现的情况数，进而找出满足题意的情况数，即可求出所求的概率.

其中 1 表示平行四边形，2 表示等边三角形，3 表示正方形，4 表示圆，

列表如下：

	1	2	3	4
1	---	(2, 1)	(3, 1)	(4, 1)
2	(1, 2)	---	(3, 2)	(4, 2)
3	(1, 3)	(2, 3)	---	(4, 3)
4	(1, 4)	(2, 4)	(3, 4)	---

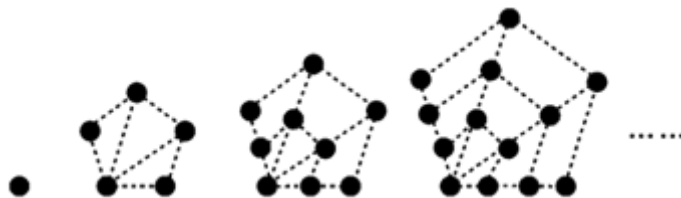
所有等可能情况数为 12 种，其中两张卡片上图形都是中心对称图形的有 6 种，

$$\text{则 } P_{\text{两个都为对称图形}} = \frac{6}{12} = \frac{1}{2}.$$



答案:  $\frac{1}{2}$

17. 观察如图给出的四个点阵, 请按照图形中的点的个数变化规律, 猜想第  $n$  个点阵中的点的个数为\_\_\_\_\_个.



解析: 由上图可以看出 4 个点阵中点的个数分别为: 1、5、9、13

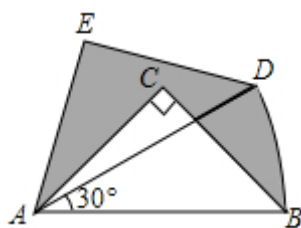
且  $5-1=4$ 、 $9-5=4$ 、 $13-9=4$ ,

所以上述几个点阵中点的个数呈现的规律为: 每一项都比前一项多 4,

即: 第  $n$  个点阵中点的个数为:  $1+4(n-1)=4n-3$ .

答案:  $4n-3$

18. 如图, 在  $Rt\triangle ABC$  中,  $\angle ACB=90^\circ$ ,  $AC=BC=2$ , 将  $Rt\triangle ABC$  绕 A 点逆时针旋转  $30^\circ$  后得到  $Rt\triangle ADE$ , 点 B 经过的路径为  $\overset{\frown}{BD}$ , 则图中阴影部分的面积是\_\_\_\_\_.



解析:  $\because \angle ACB=90^\circ$ ,  $AC=BC=2$ ,

$\therefore$  根据勾股定理可得  $AB=2\sqrt{2}$ ,

$$\therefore S_{\text{扇形}ABD} = \frac{30\pi \cdot (2\sqrt{2})^2}{360} = \frac{2\pi}{3},$$

又  $\because Rt\triangle ABC$  绕 A 点逆时针旋转  $30^\circ$  后得到  $Rt\triangle ADE$ ,

$\therefore Rt\triangle ADE \cong Rt\triangle ACB$ ,

$$\therefore S_{\text{阴影部分}} = S_{\triangle ADE} + S_{\text{扇形}ABD} - S_{\triangle ABC} = S_{\text{扇形}ABD} = \frac{2\pi}{3}.$$

答案:  $\frac{2\pi}{3}$

三、解答题: 本大题共 7 小题, 共 78 分. 解答要写出必要的文字说明、证明过程或演算步骤.

19. 先化简, 再求值: 先化简  $\frac{x^2 - 2x + 1}{x^2 - 1} \div \left( \frac{x-1}{x+1} - x + 1 \right)$ , 然后从  $-2 < x < \sqrt{5}$  的范围内选

取一个合适的整数作为  $x$  的值代入求值.

解析：先根据分式的混合运算顺序和运算法则化简原式，再根据题目所给条件及分式有意义的条件得出  $x$  的值，代入计算可得.

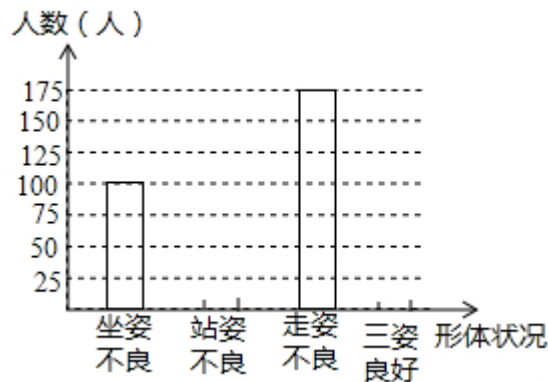
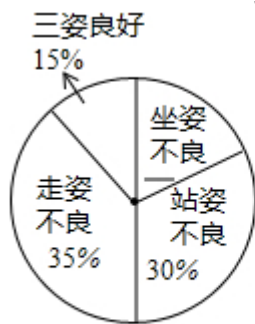
$$\begin{aligned} \text{答案：原式} &= \frac{(x-1)^2}{(x+1)(x-1)} \div \left[ \frac{x-1}{x+1} - \frac{(x+1)(x-1)}{x+1} \right] \\ &= \frac{x-1}{x+1} \div \frac{x-1-x^2+1}{x+1} \\ &= \frac{x-1}{x+1} \cdot \frac{x+1}{-x(x-1)} \\ &= -\frac{1}{x} \end{aligned}$$

$\because -2 < x < \sqrt{5}$  且  $x+1 \neq 0$ ,  $x-1 \neq 0$ ,  $x \neq 0$ ,  $x$  是整数,

$\therefore x=2$ ,

当  $x=2$  时, 原式  $= -\frac{1}{2}$ .

20. 为了了解青少年形体情况, 现随机抽查了某市若干名初中学生坐姿、站姿、走姿的好坏情况. 我们对测评数据作了适当处理 (如果一个学生有一种以上不良姿势, 以他最突出的一种作记载), 并将统计结果绘制了如下两幅不完整的统计图, 请你根据图中所给信息解答下列问题:



(1) 请问这次被抽查形体测评的学生一共是多少人?

解析: (1) 根据走姿不良的人数及其百分比求出被抽查的学生总人数.

答案: (1)  $175 \div 35\% = 500$  (名),

答: 这次被抽查形体测评的学生一共是 500 名.

(2) 请将两幅统计图补充完整.

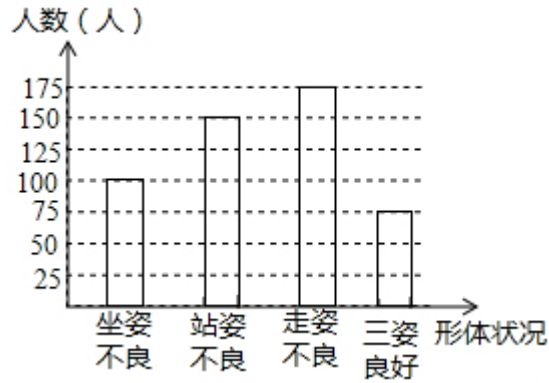
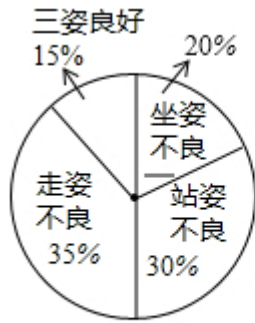
解析: (2) 求出站姿不良与三姿良好的学生人数, 最后补全统计图即可.

答案: (2) 坐姿不良所占的百分比为:  $1 - 30\% - 35\% - 15\% = 20\%$ ,

站姿不良的学生人数:  $500 \times 30\% = 150$  名,

三姿良好的学生人数:  $500 \times 15\% = 75$  名,

补全统计图如图所示:



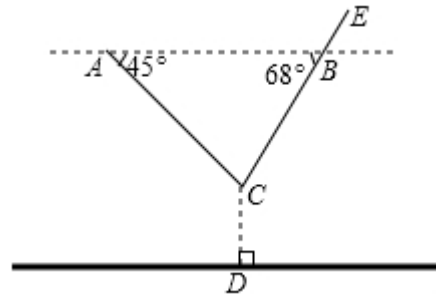
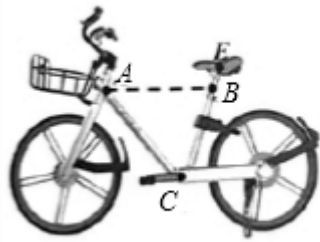
(3) 如果全市有 5 万名初中生，那么全市初中生中，坐姿和站姿不良的学生有多少人？

解析：(3) 用总人数乘以坐姿和站姿不良的学生所占的百分比，列式计算即可得解。

答案：(3)  $5 \text{ 万} \times (20\% + 30\%) = 2.5 \text{ 万}$ ，

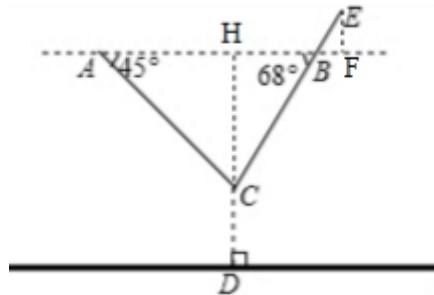
答：全市初中生中，坐姿和站姿不良的学生有 2.5 万人。

21. 如图，一辆摩拜单车放在水平的地面上，车把头下方 A 处与坐垫下方 B 处在平行于地面的水平线上，A、B 之间的距离约为 49cm，现测得 AC、BC 与 AB 的夹角分别为  $45^\circ$  与  $68^\circ$ ，若点 C 到地面的距离 CD 为 28cm，坐垫中轴 E 处与点 B 的距离 BE 为 4cm，求点 E 到地面的距离(结果保留一位小数). (参考数据： $\sin 68^\circ \approx 0.93$ ， $\cos 68^\circ \approx 0.37$ ， $\cot 68^\circ \approx 0.40$ )



解析：过点 C 作  $CH \perp AB$  于点 H，过点 E 作 EF 垂直于 AB 延长线于点 F，设  $CH = x$ ，则  $AH = CH = x$ ， $BH = CH \cot 68^\circ = 0.4x$ ，由  $AB = 49$  知  $x + 0.4x = 49$ ，解之求得 CH 的长，再由  $EF = BE \sin 68^\circ = 3.72$  根据点 E 到地面的距离为  $CH + CD + EF$  可得答案。

答案：过点 C 作  $CH \perp AB$  于点 H，过点 E 作 EF 垂直于 AB 延长线于点 F，



设  $CH = x$ ，则  $AH = CH = x$ ， $BH = CH \cot 68^\circ = 0.4x$ ，

由  $AB = 49$  知  $x + 0.4x = 49$ ，

解得： $x = 35$ ，

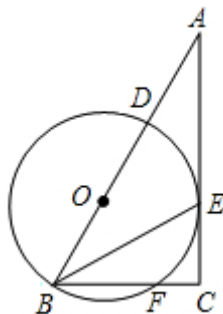
$\because BE = 4$ ，

$$\therefore EF = BE \sin 68^\circ = 3.72,$$

则点 E 到地面的距离为  $CH + CD + EF = 35 + 28 + 3.72 \approx 66.7$  (cm),

答: 点 E 到地面的距离约为 66.7 cm.

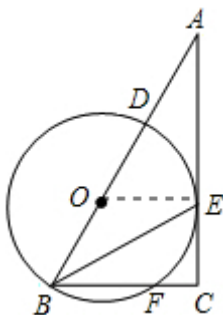
22. 在  $Rt\triangle ABC$  中,  $\angle ACB = 90^\circ$ , BE 平分  $\angle ABC$ , D 是边 AB 上一点, 以 BD 为直径的  $\odot O$  经过点 E, 且交 BC 于点 F.



(1) 求证: AC 是  $\odot O$  的切线.

解析: (1) 连接 OE, 证明  $\angle OEA = 90^\circ$  即可.

答案: (1) 证明: 连接 OE.



$$\because OE = OB,$$

$$\therefore \angle OBE = \angle OEB,$$

$$\because BE \text{ 平分 } \angle ABC,$$

$$\therefore \angle OBE = \angle EBC,$$

$$\therefore \angle EBC = \angle OEB,$$

$$\therefore OE \parallel BC,$$

$$\therefore \angle OEA = \angle C,$$

$$\because \angle ACB = 90^\circ,$$

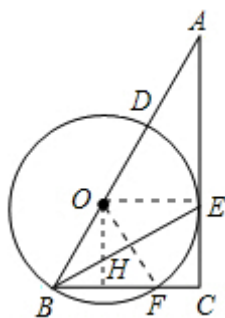
$$\therefore \angle OEA = 90^\circ$$

$\therefore AC$  是  $\odot O$  的切线.

(2) 若  $BF = 6$ ,  $\odot O$  的半径为 5, 求 CE 的长.

解析: (2) 连接 OF, 过点 O 作  $OH \perp BF$  交 BF 于 H, 由题意可知四边形 OECH 为矩形, 利用垂径定理和勾股定理计算出 OH 的长, 进而求出 CE 的长.

答案: (2) 连接 OE、OF, 过点 O 作  $OH \perp BF$  交 BF 于 H,



由题意可知四边形 OECH 为矩形,

$$\therefore OH=CE,$$

$$\because BF=6,$$

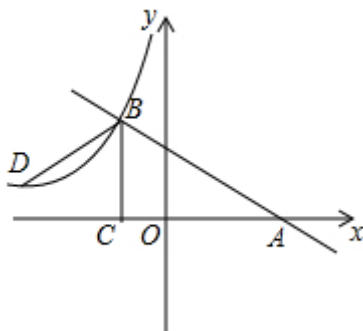
$$\therefore BH=3,$$

在  $Rt\triangle BHO$  中,  $OB=5$ ,

$$\therefore OH=\sqrt{5^2-3^2}=4,$$

$$\therefore CE=4.$$

23. 如图, 已知一次函数  $y=kx+b$  的图象与  $x$  轴交于点 A, 与反比例函数  $y=\frac{m}{x}$  ( $x<0$ ) 的图象交于点  $B(-2, n)$ , 过点 B 作  $BC\perp x$  轴于点 C, 点  $D(3-3n, 1)$  是该反比例函数图象上一点.



(1) 求  $m$  的值.

解析: (1) 由点  $B(-2, n)$ 、 $D(3-3n, 1)$  在反比例函数  $y=\frac{m}{x}$  ( $x<0$ ) 的图象上可得  $-2n=3-3n$ , 即可得出答案.

答案: (1)  $\because$  点  $B(-2, n)$ 、 $D(3-3n, 1)$  在反比例函数  $y=\frac{m}{x}$  ( $x<0$ ) 的图象上,

$$\therefore \begin{cases} -2n = m \\ 3-3n = m \end{cases},$$

$$\text{解得: } \begin{cases} n = 3 \\ m = -6 \end{cases}.$$

(2) 若  $\angle DBC=\angle ABC$ , 求一次函数  $y=kx+b$  的表达式.

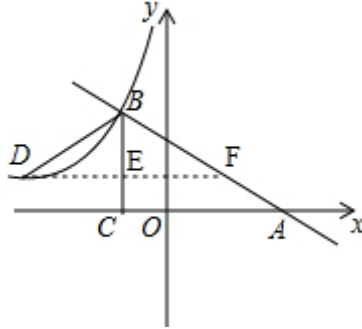
解析: (2) 由(1)得出B、D的坐标, 作  $DE \perp BC$ 、延长DE交AB于点F, 证  $\triangle DBE \cong \triangle FBE$  得  $DE=FE=4$ , 即可知点F(2, 1), 再利用待定系数法求解可得.

答案: (2) 由(1)知反比例函数解析式为  $y = -\frac{6}{x}$ ,

$\therefore n=3$ ,

$\therefore$  点B(-2, 3)、D(-6, 1),

如图, 过点D作  $DE \perp BC$  于点E, 延长DE交AB于点F,



在  $\triangle DBE$  和  $\triangle FBE$  中,

$$\therefore \begin{cases} \angle DBE = \angle FBE \\ BE = BE \\ \angle BED = \angle BEF = 90^\circ \end{cases},$$

$\therefore \triangle DBE \cong \triangle FBE$  (ASA),

$\therefore DE=FE=4$ ,

$\therefore$  点F(2, 1),

将点B(-2, 3)、F(2, 1)代入  $y=kx+b$ ,

$$\therefore \begin{cases} -2k + b = 3 \\ 2k + b = 1 \end{cases},$$

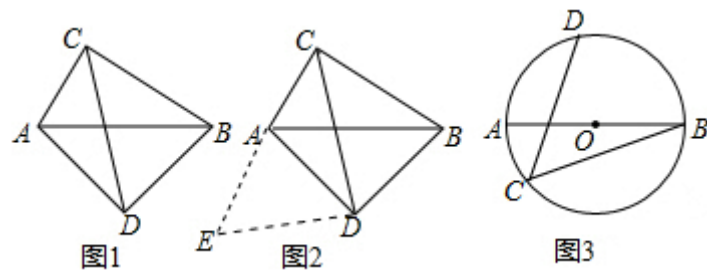
解得:  $\begin{cases} k = -\frac{1}{2} \\ b = 2 \end{cases}$ ,

$$\therefore y = -\frac{1}{2}x + 2.$$

24. 问题背景: 如图(1)在四边形ABCD中,  $\angle ACB = \angle ADB = 90^\circ$ ,  $AD=BD$ , 探究线段AC、BC、CD之间的数量关系. 小吴探究此问题的思路是: 将  $\triangle BCD$  绕点D逆时针旋转  $90^\circ$  到  $\triangle AED$  处, 点B、C分别落在点A、E处(如图(2)), 易证点C、A、E在同一条直线上, 并且  $\triangle CDE$  是等

腰直角三角形, 所以  $CE = \sqrt{2} CD$ , 从而得出结论:  $AC+BC = \sqrt{2} CD$ .

简单应用:



(1) 在图(1)中, 若  $AC = \sqrt{2}$ ,  $BC = 2\sqrt{2}$ , 则  $CD = \underline{\hspace{2cm}}$ .

解析: (1) 代入结论:  $AC + BC = \sqrt{2} CD$ , 直接计算即可.

由题意知:  $AC + BC = \sqrt{2} CD$ ,

$$\therefore \sqrt{2} + 2\sqrt{2} = \sqrt{2} CD,$$

$$\therefore CD = 3.$$

答案: (1) 3

(2) 如图(3)  $AB$  是  $\odot O$  的直径, 点  $C, D$  在  $\odot O$  上,  $AD = BD$ , 若  $AB = 13$ ,  $BC = 12$ , 求  $CD$  的长.

解析: (2) 如图 3, 作辅助线, 根据直径所对的圆周角是直角得:  $\angle ADB = \angle ACB = 90^\circ$ , 由弧

相等可知所对的弦相等, 得到满足图 1 的条件, 所以  $AC + BC = \sqrt{2} CD$ , 代入可得  $CD$  的长.

答案: (2) 如图 3, 连接  $AC, BD, AD$ ,

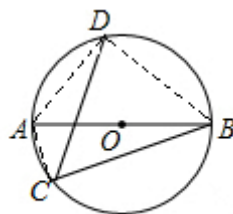


图3

$\because AB$  是  $\odot O$  的直径,

$\therefore \angle ADB = \angle ACB = 90^\circ$ ,

$\because \overset{\frown}{AD} = \overset{\frown}{BD}$ ,

$\therefore AD = BD$ ,

$\because AB = 13, BC = 12$ ,

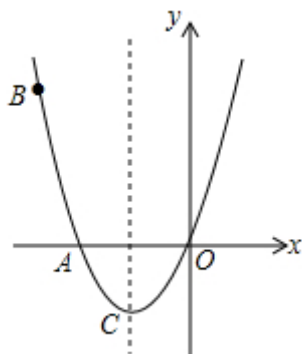
$\therefore$  由勾股定理得:  $AC = 5$ ,

由图 1 得:  $AC + BC = \sqrt{2} CD$ ,

$$5 + 12 = \sqrt{2} CD,$$

$$\therefore CD = \frac{17}{2}\sqrt{2}.$$

25. 如图，已知抛物线经过  $A(-2, 0)$ ， $B(-3, 3)$  及原点  $O$ ，顶点为  $C$ 。



(1) 求抛物线的函数解析式。

解析：(1) 设抛物线的解析式为  $y=ax^2+bx+c$  ( $a \neq 0$ )，把点  $A(-2, 0)$ ， $B(-3, 3)$ ， $O(0, 0)$ ，代入求出  $a$ ， $b$ ， $c$  的值即可。

答案：(1) 设抛物线的解析式为  $y=ax^2+bx+c$  ( $a \neq 0$ )，将点  $A(-2, 0)$ ， $B(-3, 3)$ ， $O(0, 0)$ ，代入可得：

$$\begin{cases} 4a - 2b + c = 0 \\ 9a - 3b + c = 3 \\ c = 0 \end{cases}$$

$$\text{解得：} \begin{cases} a = 1 \\ b = 2 \\ c = 0 \end{cases}$$

所以函数解析式为： $y=x^2+2x$ 。

(2) 设点  $D$  在抛物线上，点  $E$  在抛物线的对称轴上，若四边形  $AODE$  是平行四边形，求点  $D$  的坐标。

解析：(2) 首先由  $A$  的坐标可求出  $OA$  的长，再根据四边形  $AODE$  是平行四边形， $D$  在对称轴直线  $x=-1$  右侧，进而可求出  $D$  横坐标为： $-1+2=1$ ，代入抛物线解析式即可求出其横坐标。

答案：(2)  $\because AO$  为平行四边形的一边，

$\therefore DE \parallel AO$ ， $DE=AO$ ，

$\because A(-2, 0)$ ，

$\therefore DE=AO=2$ ，

$\because$  四边形  $AODE$  是平行四边形，

$\therefore D$  在对称轴直线  $x=-1$  右侧，

$\therefore D$  横坐标为： $-1+2=1$ ，代入抛物线解析式得  $y=3$ ，

$\therefore D$  的坐标为  $(1, 3)$ 。

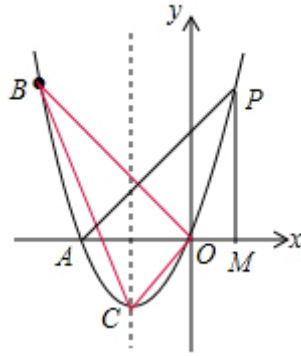
(3)  $P$  是抛物线上的第一象限内的动点，过点  $P$  作  $PM \perp x$  轴，垂足是  $M$ ，是否存在点  $p$ ，使得以  $P$ 、 $M$ 、 $A$  为顶点的三角形与  $\triangle BOC$  相似？若存在，求出点  $P$  的坐标；若不存在，请说明理由。

解析：(3) 分  $\triangle PMA \sim \triangle COB$  和  $\triangle PMA \sim \triangle BOC$  表示出  $PM$  和  $AM$ ，从而表示出点  $P$  的坐标，代入



求得的抛物线的解析式即可求得  $t$  的值，从而确定点  $P$  的坐标.

答案：(3) 假设存在点  $P$ ，使以  $P, M, A$  为顶点的三角形与  $\triangle BOC$  相似，



设  $P(x, y)$ ，由题意知  $x > 0, y > 0$ ，且  $y = x^2 + 2x$ ，

由题意， $\triangle BOC$  为直角三角形， $\angle COB = 90^\circ$ ，且  $OC : OB = 1 : 3$ ，

①若  $\triangle PMA \sim \triangle COB$ ，则  $\frac{AM}{BO} = \frac{PM}{CO}$ ，

即  $x + 2 = 3(x^2 + 2x)$ ，得

$$x_1 = \frac{1}{3}, x_2 = -2 \text{ (舍去)}$$

②若  $\triangle PMA \sim \triangle BOC$ ， $\frac{AM}{CO} = \frac{PM}{BO}$ ，

即： $x^2 + 2x = 3(x + 2)$ ，

得： $x_1 = 3, x_2 = -2$  (舍去) 当  $x = 3$  时， $y = 15$ ，即  $P(3, 15)$ 。

故符合条件的点  $P$  有两个，分别  $(\frac{1}{3}, \frac{7}{9})$  或  $(3, 15)$ 。