

2013 年四川省遂宁市中考真题数学

一、选择题：本大题共 10 个小题，每小题 4 分，共 40 分，在每个小题给出的四个选项中，只有一个符合题目要求

1. (4 分) -3 的相反数是()

A. 3

B. -3

C. ± 3

D. $\frac{1}{3}$

解析： -3 的相反数是 $-(-3)=3$.

答案：A.

2. (4 分) 下列计算错误的是()

A. $-|-2|=-2$

B. $(a^2)^3=a^5$

C. $2x^2+3x^2=5x^2$

D. $\sqrt{8}=2\sqrt{2}$

解析：A、 $-|-2|=-2$ ，故 A 选项正确；

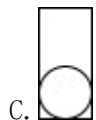
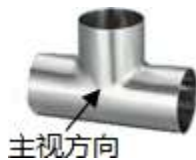
B、 $(a^2)^3=a^6$ ，故 B 选项错误；

C、 $2x^2+3x^2=5x^2$ ，故 C 选项正确；

D、 $\sqrt{8}=2\sqrt{2}$ ，故 D 选项正确.

答案：B.

3. (4 分) 如图所示的是三通管的立体图，则这个几何体的俯视图是()



解析：所给图形的俯视图是 A 选项所给的图形.

答案：A.

4. (4分) 以下问题, 不适合用全面调查的是()

- A. 了解全班同学每周体育锻炼的时间
- B. 旅客上飞机前的安检
- C. 学校招聘教师, 对应聘人员面试
- D. 了解全市中小学生每天的零花钱

解析: A、了解全班同学每周体育锻炼的时间, 数量不大, 宜用全面调查, 故 A 选项错误;
B、旅客上飞机前的安检, 意义重大, 宜用全面调查, 故 B 选项错误;
C、学校招聘教师, 对应聘人员面试必须全面调查, 故 C 选项错误;
D、了解全市中小学生每天的零花钱, 工作量大, 且普查的意义不大, 不适合全面调查, 故 D 选项正确.

答案: D.

5. (4分) 已知反比例函数 $y = \frac{k}{x}$ 的图象经过点 (2, -2), 则 k 的值为()

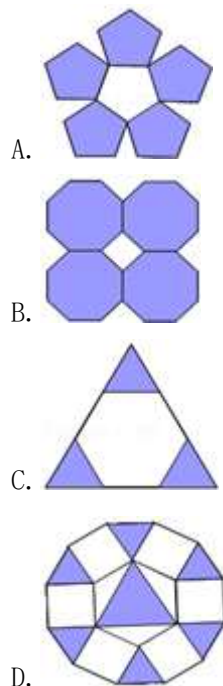
- A. 4
- B. $-\frac{1}{2}$
- C. -4
- D. -2

解析: \because 反比例函数 $y = \frac{k}{x}$ 的图象经过点 (2, -2),

$\therefore k = xy = 2 \times (-2) = -4.$

答案: C.

6. (4分) 下列图案由正多边形拼成, 其中既是轴对称图形又是中心对称图形的是()



解析: A、是轴对称图形, 不是中心对称图形, 故 A 选项不符合题意;

B、是轴对称图形, 也是中心对称图形, 故 B 选项符合题意;

C、是轴对称图形，不是中心对称图形，故 C 选项不符合题意；

D、是轴对称图形，不是中心对称图形，故 D 选项不符合题意.

答案：B.

7. (4 分) 将点 A(3, 2) 沿 x 轴向左平移 4 个单位长度得到点 A'，点 A' 关于 y 轴对称的点的坐标是()

A. (-3, 2)

B. (-1, 2)

C. (1, 2)

D. (1, -2)

解析：∵将点 A(3, 2) 沿 x 轴向左平移 4 个单位长度得到点 A'，

∴点 A' 的坐标为(-1, 2)，

∴点 A' 关于 y 轴对称的点的坐标是(1, 2).

答案：C.

8. (4 分) 用半径为 3cm，圆心角是 120° 的扇形围成一个圆锥的侧面，则这个圆锥的底面半径为()



A. 2π cm

B. 1.5cm

C. π cm

D. 1cm

解析：设此圆锥的底面半径为 r，

根据圆锥的侧面展开图扇形的弧长等于圆锥底面周长可得，

$$2\pi r = \frac{120\pi \times 3}{180},$$

解得：r=1cm.

答案：D.

9. (4 分) 一个不透明的口袋里有 4 张形状完全相同的卡片，分别写有数字 1, 2, 3, 4，口袋外有两张卡片，分别写有数字 2, 3，现随机从口袋里取出一张卡片，求这张卡片与口袋外的两张卡片上的数能构成三角形的概率是()

A. $\frac{1}{4}$

B. $\frac{1}{2}$

C. $\frac{3}{4}$

D. 1

解析：列表如下：

	1	2	3	4
2, 3	1, 2, 3	2, 2, 3	3, 2, 3	4, 2, 3

共有 4 种等可能的结果数，其中三个数能构成三角形的有 2, 2, 3; 3, 2, 3; 4, 2, 3.

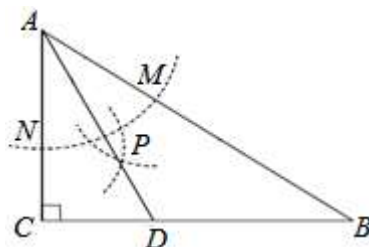
所以这张卡片与口袋外的两张卡片上的数能构成三角形的概率 = $\frac{3}{4}$.

答案：C.

10. (4 分) 如图，在 $\triangle ABC$ 中， $\angle C=90^\circ$ ， $\angle B=30^\circ$ ，以 A 为圆心，任意长为半径画弧分别交 AB、AC 于点 M 和 N，再分别以 M、N 为圆心，大于 $\frac{1}{2}MN$ 的长为半径画弧，两弧交于点 P，连

结 AP 并延长交 BC 于点 D，则下列说法中正确的个数是 ()

① AD 是 $\angle BAC$ 的平分线；② $\angle ADC=60^\circ$ ；③ 点 D 在 AB 的中垂线上；④ $S_{\triangle DAC} : S_{\triangle ABC}=1:3$.

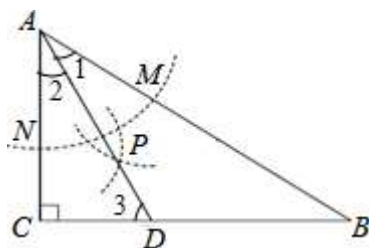


- A. 1
- B. 2
- C. 3
- D. 4

解析：① 根据作图的过程可知，AD 是 $\angle BAC$ 的平分线.

故①正确；

② 如图，



\because 在 $\triangle ABC$ 中， $\angle C=90^\circ$ ， $\angle B=30^\circ$ ，

$\therefore \angle CAB=60^\circ$.

又 \because AD 是 $\angle BAC$ 的平分线，

$\therefore \angle 1 = \angle 2 = \frac{1}{2} \angle CAB = 30^\circ$ ，

$\therefore \angle 3 = 90^\circ - \angle 2 = 60^\circ$ ，即 $\angle ADC=60^\circ$.

故②正确；

③ $\because \angle 1 = \angle B = 30^\circ$ ，

$\therefore AD=BD$,

∴点 D 在 AB 的中垂线上.

故③正确;

④∵如图, 在直角△ACD 中, $\angle 2=30^\circ$,

$$\therefore CD = \frac{1}{2}AD,$$

$$\therefore BC = CD + BD = \frac{1}{2}AD + AD = \frac{3}{2}AD, \quad S_{\triangle DAC} = \frac{1}{2}AC \cdot CD = \frac{1}{4}AC \cdot AD.$$

$$\therefore S_{\triangle ABC} = \frac{1}{2}AC \cdot BC = \frac{1}{2}AC \cdot \frac{3}{2}AD = \frac{3}{4}AC \cdot AD,$$

$$\therefore S_{\triangle DAC} : S_{\triangle ABC} = \frac{1}{4}AC \cdot AD : \frac{3}{4}AC \cdot AD = 1 : 3.$$

故④正确.

综上所述, 正确的结论是: ①②③④, 共有 4 个.

答案: D.

二、填空题: 本大题共 5 个小题, 每小题共 4 分, 共 20 分, 把答案填在题中的横线上.

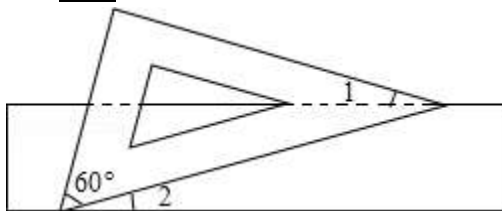
11. (4 分) 我国南海海域的面积约为 3600000 km^2 , 该面积用科学记数法应表示为 $\underline{\hspace{2cm}}$ km^2 .

解析: 科学记数法的表示形式为 $a \times 10^n$ 的形式, 其中 $1 \leq |a| < 10$, n 为整数. 确定 n 的值时, 要看把原数变成 a 时, 小数点移动了多少位, n 的绝对值与小数点移动的位数相同. 当原数绝对值 > 1 时, n 是正数; 当原数的绝对值 < 1 时, n 是负数.

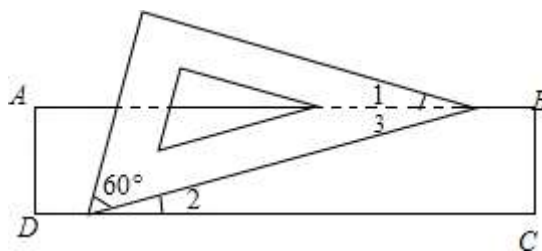
答案: 将 3600000 用科学记数法表示为 3.6×10^6 .

故答案为 3.6×10^6 .

12. (4 分) 如图, 有一块含有 60° 角的直角三角板的两个顶点放在矩形的对边上. 如果 $\angle 1 = 18^\circ$, 那么 $\angle 2$ 的度数是 $\underline{\hspace{2cm}}$.



解析: 如图,



$$\therefore \angle 1 + \angle 3 = 90^\circ - 60^\circ = 30^\circ,$$

而 $\angle 1 = 18^\circ$,

$$\therefore \angle 3 = 30^\circ - 18^\circ = 12^\circ,$$

∵ $AB \parallel CD$,

$$\therefore \angle 2 = \angle 3 = 12^\circ.$$

答案: 12° .

13. (4分) 若一个多边形内角和等于 1260° ，则该多边形边数是_____.

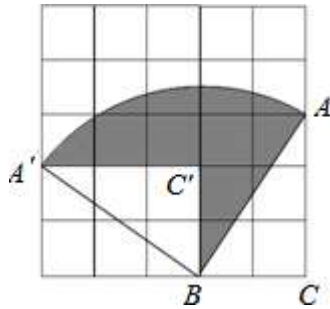
解析：∵一个多边形内角和等于 1260° ，

$$\therefore (n-2) \times 180^\circ = 1260^\circ,$$

解得， $n=9$.

答案：9.

14. (4分) 如图， $\triangle ABC$ 的三个顶点都在 5×5 的网格(每个小正方形的边长均为1个单位长度)的格点上，将 $\triangle ABC$ 绕点 B 逆时针旋转到 $\triangle A'BC'$ 的位置，且点 A' 、 C' 仍落在格点上，则图中阴影部分的面积约是_____. ($\pi \approx 3.14$ ，结果精确到 0.1)



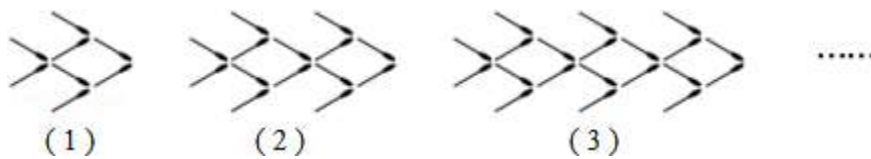
解析：由题意可得， $AB=BA'=\sqrt{2^2+3^2}=\sqrt{13}$ ， $\angle ABA'=90^\circ$ ，

$$S_{\text{扇形}BAA'} = \frac{90\pi \times (\sqrt{13})^2}{360} = \frac{13\pi}{4}, \quad S_{\triangle BA'C'} = \frac{1}{2}BC' \times B'C' = 3,$$

$$\text{则 } S_{\text{阴影}} = S_{\text{扇形}BAA'} - S_{\triangle BA'C'} = \frac{13\pi}{4} - 3 \approx 7.2.$$

答案：7.2.

15. (4分) 为庆祝“六·一”儿童节，某幼儿园举行用火柴棒摆“金鱼”比赛. 如图所示：按照上面的规律，摆第(n)图，需用火柴棒的根数为_____.



解析：第1个图形有8根火柴棒，

第2个图形有14根火柴棒，

第3个图形有20根火柴棒，

...

第n个图形有 $6n+2$ 根火柴棒.

答案： $6n+2$.

三、(本大题共3小题，每小题7分，共21分)

16. (7分) 计算： $|-3| + \sqrt{3} \cdot \tan 30^\circ - \sqrt[3]{8} - (2013 - \pi)^0$.

解析：本题涉及零指数幂、绝对值、特殊角的三角函数值、立方根等考点. 针对每个考点分别进行计算，然后根据实数的运算法则求得计算结果.

答案：原式 $=3+\sqrt{3}\times\frac{\sqrt{3}}{3}-2-1$

$=3+1-2-1$

$=1.$

17. (7分) 先化简，再求值： $\frac{2}{a-1} + \frac{a^2-4a+4}{a^2-1} \div \frac{a-2}{a+1}$ ，其中 $a=1+\sqrt{2}$.

解析：先根据分式混合运算的法则把原式进行化简，再把 a 的值代入进行计算即可.

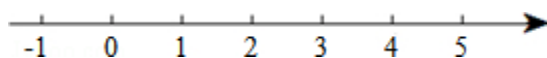
答案：原式 $=\frac{2}{a-1} + \frac{(a-2)^2}{(a+1)(a-1)} \cdot \frac{a+1}{a-2}$

$=\frac{2}{a-1} + \frac{a-2}{a-1}$

$=\frac{a}{a-1}$,

当 $a=1+\sqrt{2}$ 时，原式 $=\frac{1+\sqrt{2}}{1+\sqrt{2}-1} = \frac{1+\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}+\sqrt{2}+2}{2}$.

18. (7分) 解不等式组： $\begin{cases} 3(x+2) > x+8 \\ \frac{x}{4} \geq \frac{x-1}{3} \end{cases}$ 并把它的解集在数轴上表示出来.



解析：分别解两个不等式得到 $x > 1$ 和 $x \leq 4$ ，然后根据大于小的小于大的取中间确定不等式组的解集，最后用数轴表示解集.

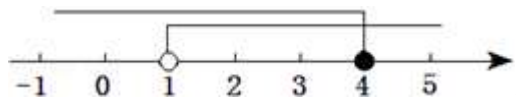
答案： $\begin{cases} 3(x+2) > x+8 \text{ ①} \\ \frac{x}{4} \geq \frac{x-1}{3} \text{ ②} \end{cases}$,

由①得： $x > 1$

由②得： $x \leq 4$

所以这个不等式的解集是 $1 < x \leq 4$,

用数轴表示为

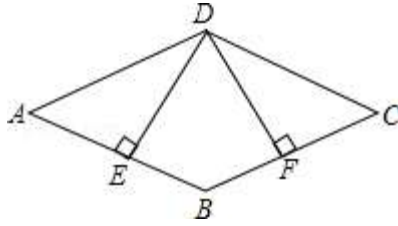


四、(本大题共 3 小题，每小题 9 分，共 27 分)

19. (9分) 如图，已知四边形 $ABCD$ 是平行四边形， $DE \perp AB$ ， $DF \perp BC$ ，垂足分别是 E 、 F ，并且 $DE=DF$. 求证：

(1) $\triangle ADE \cong \triangle CDF$;

(2) 四边形 $ABCD$ 是菱形.



解析：(1) 首先根据平行四边形的性质得出 $\angle A = \angle C$ ，进而利用全等三角形的判定得出即可；
 (2) 根据菱形的判定得出即可。

答案：(1) $\because DE \perp AB, DF \perp BC$

$\therefore \angle AED = \angle CFD = 90^\circ$ ，

\because 四边形 ABCD 是平行四边形

$\therefore \angle A = \angle C$ ，

\because 在 $\triangle AED$ 和 $\triangle CFD$ 中

$$\begin{cases} \angle AED = \angle CFD \\ \angle A = \angle C \\ DE = DF \end{cases}$$

$\therefore \triangle AED \cong \triangle CFD$ (AAS)；

(2) $\because \triangle AED \cong \triangle CFD$ ，

$\therefore AD = CD$ ，

\because 四边形 ABCD 是平行四边形，

\therefore 四边形 ABCD 是菱形。

20. (9分) 2013年4月20日，我省雅安市芦山县发生了里氏7.0级强烈地震。某厂接到在规定时间内加工1500顶帐篷支援灾区人民的任务。在加工了300顶帐篷后，厂家把工作效率提高到原来的1.5倍，于是提前4天完成任务，求原来每天加工多少顶帐篷？

解析：设该厂原来每天生产 x 顶帐篷，提高效率后每天生产 $1.5x$ 顶帐篷，根据原来的时间比实际多4天建立方程求出其解即可。

答案：设该厂原来每天生产 x 顶帐篷，提高效率后每天生产 $1.5x$ 顶帐篷，据题意得：

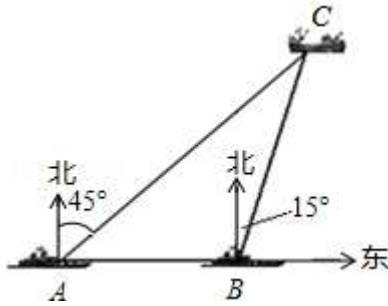
$$\frac{1500}{x} - \left(\frac{300}{x} + \frac{1500 - 300}{1.5x} \right) = 4,$$

解得： $x = 100$ 。

经检验， $x = 100$ 是原分式方程的解。

答：该厂原来每天生产100顶帐篷。

21. (9分) 钓鱼岛自古以来就是我国的神圣领土，为维护国家主权和海洋权利，我国海监和渔政部门对钓鱼岛海域实现了常态化巡航管理。如图，某日在我国钓鱼岛附近海域有两艘自西向东航行的海监船A、B，B船在A船的正东方向，且两船保持20海里的距离，某一时刻两海监船同时测得在A的东北方向，B的北偏东 15° 方向有一我国渔政执法船C，求此时船C与船B的距离是多少。(结果保留根号)



解析：首先过点 B 作 $BD \perp AC$ 于 D，由题意可知， $\angle BAC = 45^\circ$ ， $\angle ABC = 90^\circ + 15^\circ = 105^\circ$ ，则可求得 $\angle ACB$ 的度数，然后利用三角函数的知识求解即可求得答案.

答案：过点 B 作 $BD \perp AC$ 于 D.

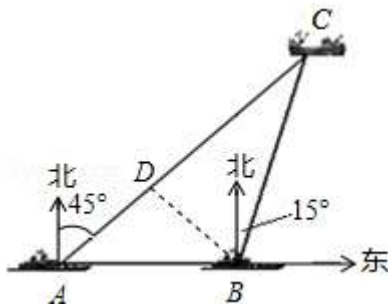
由题意可知， $\angle BAC = 45^\circ$ ， $\angle ABC = 90^\circ + 15^\circ = 105^\circ$ ，

$\therefore \angle ACB = 180^\circ - \angle BAC - \angle ABC = 30^\circ$ ，

在 $Rt\triangle ABD$ 中， $BD = AB \cdot \sin \angle BAD = 20 \times \frac{\sqrt{2}}{2} = 10\sqrt{2}$ (海里)，

在 $Rt\triangle BCD$ 中， $BC = \frac{BD}{\sin \angle BCD} = \frac{10\sqrt{2}}{\frac{1}{2}} = 20\sqrt{2}$ (海里).

答：此时船 C 与船 B 的距离是 $20\sqrt{2}$ 海里.



五、(本大题 2 个小题，每小题 10 分，共 20 分)

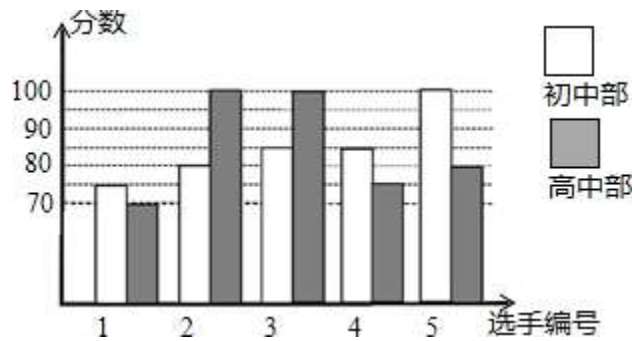
22. (10 分) 我市某中学举行“中国梦·校园好声音”歌手大赛，高、初中部根据初赛成绩，各选出 5 名选手组成初中代表队和高中代表队参加学校决赛. 两个队各选出的 5 名选手的决赛成绩如图所示.

(1) 根据图示填写下表：

(2) 结合两队成绩的平均数和中位数，分析哪个队的决赛成绩较好；

(3) 计算两队决赛成绩的方差并判断哪一个代表队选手成绩较为稳定.

	平均数(分)	中位数(分)	众数(分)
初中部	_____	85	_____
高中部	85	_____	100



解析：(1)根据成绩表加以计算可补全统计表.根据平均数、众数、中位数的统计意义回答；
 (2)根据平均数和中位数的统计意义分析得出即可；
 (3)分别求出初中、高中部的方差即可.

答案：(1)填表：初中平均数为： $\frac{1}{5}(75+80+85+85+100)=85$ (分)，

众数 85(分)；高中部中位数 80(分).

(2)初中部成绩好些.因为两个队的平均数都相同，初中部的中位数高，所以在平均数相同的情况下中位数高的初中部成绩好些.

$$(3) \because s_1^2 = \frac{1}{5}[(75-85)^2 + (80-85)^2 + (85-85)^2 + (85-85)^2 + (100-85)^2] = 70,$$

$$s_2^2 = \frac{1}{5}[(70-85)^2 + (100-85)^2 + (100-85)^2 + (75-85)^2 + (80-85)^2] = 160.$$

$\therefore s_1^2 < s_2^2$, 因此，初中代表队选手成绩较为稳定.

23. (10分)四川省第十二届运动会将于2014年8月18日在我市隆重开幕，根据大会组委会安排，某校接受了开幕式大型团体操表演任务.为此，学校需要采购一批演出服装，A、B两家制衣公司都愿成为这批服装的供应商.经了解：两家公司生产的这款演出服装的质量和单价都相同，即男装每套120元，女装每套100元.经洽谈协商：A公司给出的优惠条件是，全部服装按单价打七折，但校方需承担2200元的运费；B公司的优惠条件是男女装均按每套100元打八折，公司承担运费.另外根据大会组委会要求，参加演出的女生人数应是男生人数的2倍少100人，如果设参加演出的男生有x人.

(1)分别写出学校购买A、B两公司服装所付的总费用 y_1 (元)和 y_2 (元)与参演男生人数x之间的函数关系式；

(2)问：该学校购买哪家制衣公司的服装比较合算？请说明理由.

解析：(1)根据总费用=男生的人数×男生每套的价格+女生的人数×女生每套的价格就可以分别表示出 y_1 (元)和 y_2 (元)与男生人数x之间的函数关系式；

(2)根据条件可以知道购买服装的费用受x的变化而变化，分情况讨论，当 $y_1 > y_2$ 时，当 $y_1 = y_2$ 时，当 $y_1 < y_2$ 时，求出x的范围就可以求出结论.

答案：(1)总费用 y_1 (元)和 y_2 (元)与参演男生人数x之间的函数关系式分别是：

$$y_1 = 0.7[120x + 100(2x - 100)] + 2200 = 224x - 4800,$$

$$y_2 = 0.8[100(3x - 100)] = 240x - 8000;$$

(2)由题意，得

$$\text{当 } y_1 > y_2 \text{ 时，即 } 224x - 4800 > 240x - 8000, \text{ 解得： } x < 200$$

$$\text{当 } y_1 = y_2 \text{ 时，即 } 224x - 4800 = 240x - 8000, \text{ 解得： } x = 200$$

$$\text{当 } y_1 < y_2 \text{ 时，即 } 224x - 4800 < 240x - 8000, \text{ 解得： } x > 200$$

答：当参演男生少于 200 人时，购买 B 公司的服装比较合算；
 当参演男生等于 200 人时，购买两家公司的服装总费用相同，可任一家公司购买；
 当参演男生多于 200 人时，购买 A 公司的服装比较合算.

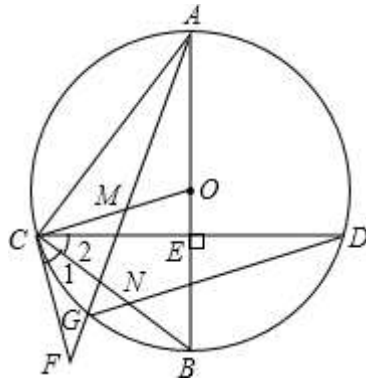
六、(本大题 2 个小题，第 24 题 10 分，第 25 题 12 分，共 22 分)

24. (10 分) 如图，在 $\odot O$ 中，直径 $AB \perp CD$ ，垂足为 E ，点 M 在 OC 上， AM 的延长线交 $\odot O$ 于点 G ，交 BC 于点 N ， $\angle 1 = \angle 2$ ，连结 CB 与 DG 交于点 N .

(1) 求证： CF 是 $\odot O$ 的切线；

(2) 求证： $\triangle ACM \sim \triangle DCN$ ；

(3) 若点 M 是 CO 的中点， $\odot O$ 的半径为 4， $\cos \angle BOC = \frac{1}{4}$ ，求 BN 的长.



解析：(1) 根据切线的判定定理得出 $\angle 1 + \angle BCO = 90^\circ$ ，即可得出答案；

(2) 利用已知得出 $\angle 3 = \angle 2$ ， $\angle 4 = \angle D$ ，再利用相似三角形的判定方法得出即可；

(3) 根据已知得出 OE 的长，进而利用勾股定理得出 EC ， AC ， BC 的长，即可得出 CD ，利用 (2) 中相似三角形的性质得出 NB 的长即可.

答案：(1) $\because \triangle BCO$ 中， $BO = CO$ ，

$$\therefore \angle B = \angle BCO,$$

在 $Rt\triangle BCE$ 中， $\angle 2 + \angle B = 90^\circ$ ，

又 $\because \angle 1 = \angle 2$ ，

$$\therefore \angle 1 + \angle BCO = 90^\circ,$$

即 $\angle FCO = 90^\circ$ ，

$\therefore CF$ 是 $\odot O$ 的切线；

(2) $\because AB$ 是 $\odot O$ 直径，

$$\therefore \angle ACB = \angle FCO = 90^\circ,$$

$$\therefore \angle ACB - \angle BCO = \angle FCO - \angle BCO,$$

即 $\angle 3 = \angle 1$ ，

$$\therefore \angle 3 = \angle 2,$$

$$\because \angle 4 = \angle D,$$

$\therefore \triangle ACM \sim \triangle DCN$ ；

(3) $\because \odot O$ 的半径为 4，即 $AO = CO = BO = 4$ ，

$$\text{在 } Rt\triangle COE \text{ 中，} \cos \angle BOC = \frac{1}{4},$$

$$\therefore OE = CO \cdot \cos \angle BOC = 4 \times \frac{1}{4} = 1,$$

由此可得： $BE = 3$ ， $AE = 5$ ，由勾股定理可得：

$$CE = \sqrt{CO^2 - EO^2} = \sqrt{4^2 - 1^2} = \sqrt{15},$$

$$AC = \sqrt{CE^2 + AE^2} = \sqrt{(\sqrt{15})^2 + 5^2} = 2\sqrt{10},$$

$$BC = \sqrt{CE^2 + BE^2} = \sqrt{(\sqrt{15})^2 + 3^2} = 2\sqrt{6},$$

∵ AB 是 ⊙O 直径, AB ⊥ CD,

∴ 由垂径定理得: CD = 2CE = 2√15,

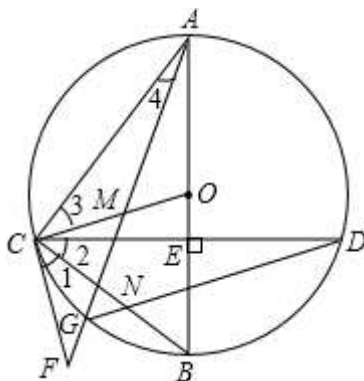
∴ △ACM ∽ △DCN,

$$\therefore \frac{CM}{CN} = \frac{AC}{CD},$$

∵ 点 M 是 CO 的中点, $CM = \frac{1}{2}AO = \frac{1}{2} \times 4 = 2,$

$$\therefore CN = \frac{CM \cdot CD}{AC} = \frac{2 \times 2\sqrt{15}}{2\sqrt{10}} = \sqrt{6},$$

$$\therefore BN = BC - CN = 2\sqrt{6} - \sqrt{6} = \sqrt{6}.$$

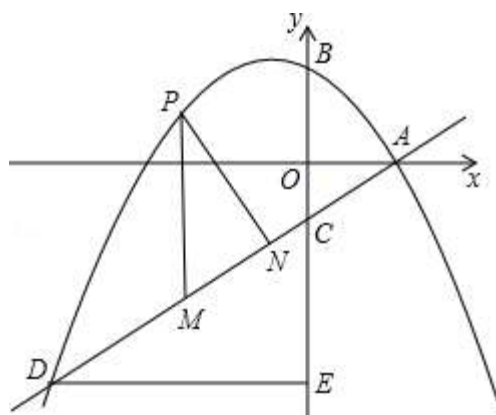


25. (12分) 如图, 抛物线 $y = -\frac{1}{4}x^2 + bx + c$ 与 x 轴交于点 A(2, 0), 交 y 轴于点 B(0, $\frac{5}{2}$). 直线 $y = kx - \frac{3}{2}$ 过点 A 与 y 轴交于点 C, 与抛物线的另一个交点是 D.

(1) 求抛物线 $y = -\frac{1}{4}x^2 + bx + c$ 与直线 $y = kx - \frac{3}{2}$ 的解析式;

(2) 设点 P 是直线 AD 上方的抛物线上一动点 (不与点 A、D 重合), 过点 P 作 y 轴的平行线, 交直线 AD 于点 M, 作 DE ⊥ y 轴于点 E. 探究: 是否存在这样的点 P, 使四边形 PMEC 是平行四边形? 若存在请求出点 P 的坐标; 若不存在, 请说明理由;

(3) 在 (2) 的条件下, 作 PN ⊥ AD 于点 N, 设 △PMN 的周长为 l, 点 P 的横坐标为 x, 求 l 与 x 的函数关系式, 并求出 l 的最大值.



解析：(1)将 A, B 两点分别代入 $y = -\frac{1}{4}x^2 + bx + c$ 进而求出解析式即可；

(2)首先假设出 P, M 点的坐标, 进而得出 PM 的长, 将两函数联立得出 D 点坐标, 进而得出 CE 的长, 利用平行四边形的性质得出 $PM = CE$, 得出等式方程求出即可；

(3)利用勾股定理得出 DC 的长, 进而根据 $\triangle PMN \sim \triangle CDE$, 得出两三角形周长之比, 求出 l 与 x 的函数关系, 再利用配方法求出二次函数最值即可.

答案：(1) $\because y = -\frac{1}{4}x^2 + bx + c$ 经过点 A(2, 0) 和 B(0, $\frac{5}{2}$)

$$\therefore \text{由此得} \begin{cases} -1 + 2b + c = 0 \\ c = \frac{5}{2} \end{cases},$$

$$\text{解得} \begin{cases} b = -\frac{3}{4} \\ c = \frac{5}{2} \end{cases}.$$

\therefore 抛物线的解析式是 $y = -\frac{1}{4}x^2 - \frac{3}{4}x + \frac{5}{2}$,

\because 直线 $y = kx - \frac{3}{2}$ 经过点 A(2, 0)

$$\therefore 2k - \frac{3}{2} = 0,$$

解得: $k = \frac{3}{4}$,

\therefore 直线的解析式是 $y = \frac{3}{4}x - \frac{3}{2}$,

(2) 设 P 的坐标是 $(x, -\frac{1}{4}x^2 - \frac{3}{4}x + \frac{5}{2})$, 则 M 的坐标是 $(x, \frac{3}{4}x - \frac{3}{2})$

$$\therefore PM = (-\frac{1}{4}x^2 - \frac{3}{4}x + \frac{5}{2}) - (\frac{3}{4}x - \frac{3}{2}) = -\frac{1}{4}x^2 - \frac{3}{2}x + 4,$$

$$\text{解方程} \begin{cases} y = -\frac{1}{4}x^2 - \frac{3}{4}x + \frac{5}{2} \\ y = \frac{3}{4}x - \frac{3}{2} \end{cases} \text{得:} \begin{cases} x = -8 \\ y = -7\frac{1}{2} \end{cases}, \begin{cases} x = 2 \\ y = 0 \end{cases}$$

∵点D在第三象限，则点D的坐标是 $(-8, -7\frac{1}{2})$ ，由 $y=\frac{3}{4}x-\frac{3}{2}$ 得点C的坐标是 $(0, -\frac{3}{2})$ ，

$$\therefore CE=-\frac{3}{2}-(-7\frac{1}{2})=6,$$

由于 $PM\parallel y$ 轴，要使四边形PMEC是平行四边形，必有 $PM=CE$ ，即 $-\frac{1}{4}x^2-\frac{3}{2}x+4=6$

解这个方程得： $x_1=-2, x_2=-4$ ，

符合 $-8 < x < 2$ ，

$$\text{当 } x=-2 \text{ 时, } y=-\frac{1}{4}\times(-2)^2-\frac{3}{4}\times(-2)+\frac{5}{2}=3,$$

$$\text{当 } x=-4 \text{ 时, } y=-\frac{1}{4}\times(-4)^2-\frac{3}{4}\times(-4)+\frac{5}{2}=\frac{3}{2},$$

因此，直线AD上方的抛物线上存在这样的点P，使四边形PMEC是平行四边形，点P的坐标是 $(-2, 3)$ 和 $(-4, \frac{3}{2})$ ；

(3)在 $Rt\triangle CDE$ 中， $DE=8, CE=6$ 由勾股定理得： $DC=\sqrt{8^2+6^2}$

∴ $\triangle CDE$ 的周长是24，

∵ $PM\parallel y$ 轴，

∴ $\angle PMN=\angle DCE$ ，

∴ $\angle PNM=\angle DEC$ ，

∴ $\triangle PMN\sim\triangle CDE$ ，

$$\therefore \frac{\triangle PMN \text{ 的周长}}{\triangle CDE \text{ 的周长}} = \frac{PM}{DC}, \text{ 即 } \frac{1}{24} = \frac{-\frac{1}{4}x^2 - \frac{3}{2}x + 4}{10},$$

化简整理得：1与x的函数关系式是： $1 = -\frac{3}{5}x^2 - \frac{18}{5}x + \frac{48}{5}$ ，

$$1 = -\frac{3}{5}x^2 - \frac{18}{5}x + \frac{48}{5} = -\frac{3}{5}(x+3)^2 + 15,$$

$$\therefore -\frac{3}{5} < 0,$$

∴1有最大值，

当 $x=-3$ 时，1的最大值是15.

