

## 2018年贵州省黔西南州中考真题数学

一、选择题(每小题4分,共40分)

1. 下列四个数中,最大的数是( )

A. -2

B. -1

C. 0

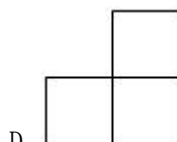
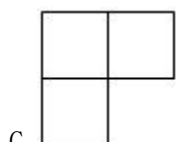
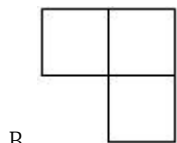
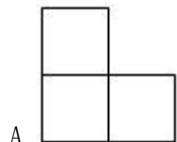
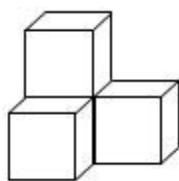
D.  $\sqrt{2}$

解析: 根据实数比较大小的方法, 可得 $-2 < -1 < 0 < \sqrt{2}$ ,

所以最大的数是 $\sqrt{2}$ .

答案: D

2. 如图的几何体是由四个大小相同的正方体组成的, 它的俯视图是( )



解析: 从上面可看到从上往下2行小正方形的个数为: 2, 1, 并且下面一行的正方形靠左.

答案: C

3. 据统计, 近十年中国累积节能 1570000 万吨标准煤, 1570000 这个数用科学记数法表示为( )

A.  $0.157 \times 10^7$

B.  $1.57 \times 10^6$

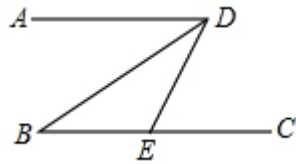
C.  $1.57 \times 10^7$

D.  $1.57 \times 10^8$

解析: 科学记数法的表示形式为  $a \times 10^n$  的形式, 其中  $1 \leq |a| < 10$ ,  $n$  为整数. 确定  $n$  的值时, 要看把原数变成  $a$  时, 小数点移动了多少位,  $n$  的绝对值与小数点移动的位数相同. 当原数绝对值  $> 1$  时,  $n$  是正数; 当原数的绝对值  $< 1$  时,  $n$  是负数.  $1570000 = 1.57 \times 10^6$ .

答案: B

4. 如图, 已知  $AD \parallel BC$ ,  $\angle B = 30^\circ$ ,  $DB$  平分  $\angle ADE$ , 则  $\angle DEC =$  ( )



- A.  $30^\circ$
- B.  $60^\circ$
- C.  $90^\circ$
- D.  $120^\circ$

解析：∵  $AD \parallel BC$ ,

∴  $\angle ADB = \angle B = 30^\circ$ ,

再根据角平分线的概念，得：  $\angle BDE = \angle ADB = 30^\circ$ ,

再根据两条直线平行，内错角相等得：  $\angle DEC = \angle ADE = 60^\circ$ .

答案：B

5. 下列图案中，既是轴对称图形又是中心对称图形的是( )

- A.
- B.
- C.
- D.

解析：A、是轴对称图形，不是中心对称图形，故此选项错误；

B、是轴对称图形，不是中心对称图形，故此选项错误；

C、是轴对称图形，不是中心对称图形，故此选项错误；

D、是轴对称图形，也是中心对称图形，故此选项正确.

答案：D

6. 下列运算正确的是( )

- A.  $3a^2 - 2a^2 = a^2$
- B.  $-(2a)^2 = -2a^2$
- C.  $(a+b)^2 = a^2 + b^2$
- D.  $-2(a-1) = -2a+1$

解析：A、原式= $a^2$ ，所以 A 选项正确；

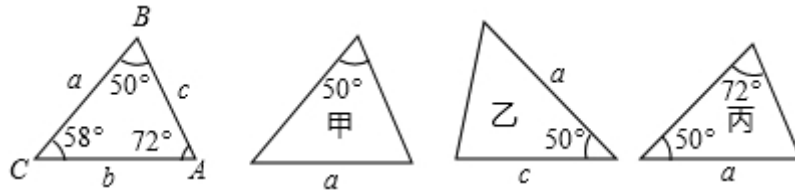
B、原式= $-4a^2$ ，所以 B 选项错误；

C、原式= $a^2 + 2ab + b^2$ ，所以 C 选项错误；

D、原式= $-2a+2$ ，所以 D 选项错误.

答案：A

7. 下列各图中 a、b、c 为三角形的边长，则甲、乙、丙三个三角形和左侧  $\triangle ABC$  全等的是( )



- A. 甲和乙  
 B. 乙和丙  
 C. 甲和丙  
 D. 只有丙

解析：乙和 $\triangle ABC$ 全等；理由如下：

在 $\triangle ABC$ 和图乙的三角形中，满足三角形全等的判定方法：SAS，所以乙和 $\triangle ABC$ 全等；

在 $\triangle ABC$ 和图丙的三角形中，满足三角形全等的判定方法：AAS，所以丙和 $\triangle ABC$ 全等；

不能判定甲与 $\triangle ABC$ 全等.

答案：B

8. 施工队要铺设 1000 米的管道，因在中考期间需停工 2 天，每天要比原计划多施工 30 米才能按时完成任务. 设原计划每天施工  $x$  米，所列方程正确的是( )

- A.  $\frac{1000}{x} - \frac{1000}{x+30} = 2$   
 B.  $\frac{1000}{x+30} - \frac{1000}{x} = 2$   
 C.  $\frac{1000}{x} - \frac{1000}{x-30} = 2$   
 D.  $\frac{1000}{x-30} - \frac{1000}{x} = 2$

解析：设原计划每天施工  $x$  米，则实际每天施工  $(x+30)$  米，

根据题意，可列方程： $\frac{1000}{x} - \frac{1000}{x+30} = 2$ .

答案：A

9. 下列等式正确的是( )

- A.  $\sqrt{2^2} = 2$   
 B.  $\sqrt{3^3} = 3$   
 C.  $\sqrt{4^4} = 4$   
 D.  $\sqrt{5^5} = 5$

解析：A、 $\sqrt{2^2} = \sqrt{4} = 2$ ，此选项正确；

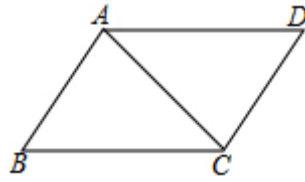
B、 $\sqrt{3^3} = \sqrt{27} = 3\sqrt{3}$ ，此选项错误；

C、 $\sqrt{4^4} = 4^2 = 16$ ，此选项错误；

D、 $\sqrt{5^5} = 5\sqrt{5}$ ，此选项错误.

答案：A

10. 如图在 $\square ABCD$ 中，已知  $AC=4\text{cm}$ ，若 $\triangle ACD$ 的周长为  $13\text{cm}$ ，则 $\square ABCD$ 的周长为( )



- A. 26cm
- B. 24cm
- C. 20cm
- D. 18cm

解析:  $\because AC=4\text{cm}$ , 若 $\triangle ADC$ 的周长为 $13\text{cm}$ ,  
 $\therefore AD+DC=13-4=9(\text{cm})$ .  
 又 $\because$ 四边形 $ABCD$ 是平行四边形,  
 $\therefore AB=CD, AD=BC$ ,  
 $\therefore$ 平行四边形的周长为 $2(AB+BC)=18\text{cm}$ .

答案: D

二、填空题(每小题3分,共30分)

11.  $\angle\alpha=35^\circ$ , 则 $\angle\alpha$ 的补角为\_\_\_\_\_度.

解析:  $180^\circ - 35^\circ = 145^\circ$ ,  
 则 $\angle\alpha$ 的补角为 $145^\circ$ .

答案: 145

12. 不等式组  $\begin{cases} 2x - 4 < x \\ x + 9 > 4x \end{cases}$  的解集是\_\_\_\_\_.

解析: 首先把两条不等式的解集分别解出来, 再根据大大取大, 小小取小, 比大的小比小的大取中间, 比大的大比小的小无解的原则, 把不等式的解集用一条式子表示出来. 由(1)  $x < 4$ , 由(2)  $x < 3$ , 所以  $x < 3$ .

答案:  $x < 3$

13. 如图为洪涛同学的小测卷, 他的得分应是\_\_\_\_\_分.

姓名 <u>洪涛</u>	得分 <u>?</u>
<b>填空(每小题25分, 共100分)</b>	
①2的相反数是 <u>-2</u> ;	
②倒数等于它本身的数是 <u>1和-1</u> ;	
③-1的绝对值是 <u>1</u> ;	
④8的立方根是 <u>2</u> .	

解析: ①2的相反数是-2, 此题正确;  
 ②倒数等于它本身的数是1和-1, 此题正确;  
 ③-1的绝对值是1, 此题正确;  
 ④8的立方根是2, 此题正确;  
 则洪涛同学的得分是  $4 \times 25 = 100$ .

答案: 100

14. 若100个产品中有98个正品, 2个次品, 从中随机抽取一个, 抽到次品的概率是\_\_\_\_\_.

解析:  $\because$ 100个产品中有2个次品,

$\therefore$ 从中随机抽取一个, 抽到次品的概率是  $\frac{2}{100} = \frac{1}{50}$ .

答案:  $\frac{1}{50}$

15. 某校准备从甲、乙、丙、丁四个科创小组中选出一组，参加区青少年科技创新大赛，表格反映的是各组平时成绩的的平均数  $\bar{x}$  (单位: 分) 及方差  $S^2$ ，如果要选出一个成绩较好且状态稳定的组去参赛，那么应选的组是\_\_\_\_\_.

	甲	乙	丙	丁
$\bar{x}$	7	8	8	7
$S^2$	1	1.2	0.9	1.8

解析: 因为乙组、丙组的平均数比甲组、丁组大，而丙组的方差比乙组的小，所以丙组的成绩比较稳定，

所以丙组的成绩较好且状态稳定，应选的组是丙组.

答案: 丙

16. 三角形的两边长分别为 3 和 6，第三边的长是方程  $x^2-6x+8=0$  的解，则此三角形周长是\_\_\_\_\_.

解析:  $x^2-6x+8=0$ ,

$(x-2)(x-4)=0$ ,

$x-2=0$ ,  $x-4=0$ ,

$x_1=2$ ,  $x_2=4$ ,

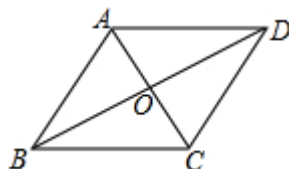
当  $x=2$  时,  $2+3<6$ , 不符合三角形的三边关系定理, 所以  $x=2$  舍去,

当  $x=4$  时, 符合三角形的三边关系定理, 三角形的周长是  $3+6+4=13$ .

答案: 13

17. 已知一个菱形的边长为 2，较长的对角线长为  $2\sqrt{3}$ ，则这个菱形的面积是\_\_\_\_\_.

解析: 依照题意画出图形，如图所示.



在  $Rt\triangle AOB$  中,  $AB=2$ ,  $OB=\sqrt{3}$ ,

$\therefore OA=\sqrt{AB^2-OB^2}=1$ ,

$\therefore AC=2OA=2$ ,

$\therefore S_{\text{菱形}ABCD}=\frac{1}{2}AC \cdot BD = \frac{1}{2} \times 2 \times 2\sqrt{3} = 2\sqrt{3}$ .

答案:  $2\sqrt{3}$

18. 已知: 二次函数  $y=ax^2+bx+c$  图象上部分点的横坐标  $x$  与纵坐标  $y$  的对应值如表格所示, 那么它的图象与  $x$  轴的另一个交点坐标是\_\_\_\_\_.

$x$	...	-1	0	1	2	...
$y$	...	0	3	4	3	...

解析:  $\because$  抛物线  $y=ax^2+bx+c$  经过  $(0, 3)$ 、 $(2, 3)$  两点,

$\therefore$  对称轴  $x=\frac{0+2}{2}=1$ ;

点  $(-1, 0)$  关于对称轴对称点为  $(3, 0)$ ,

因此它的图象与  $x$  轴的另一个交点坐标是  $(3, 0)$ .

答案: (3, 0)

19. 根据下列各式的规律, 在横线处填空:

$$\frac{1}{1} + \frac{1}{2} - 1 = \frac{1}{2}, \frac{1}{2} + \frac{1}{3} - \frac{1}{4} = \frac{1}{12}, \frac{1}{3} + \frac{1}{6} - \frac{1}{3} = \frac{1}{30}, \frac{1}{7} + \frac{1}{8} - \frac{1}{4} = \frac{1}{56} \dots$$

$$\frac{1}{2017} + \frac{1}{2018} - \frac{1}{\quad} = \frac{1}{2017 \times 2018}$$

解析:  $\because \frac{1}{1} + \frac{1}{2} - 1 = \frac{1}{2}, \frac{1}{2} + \frac{1}{3} - \frac{1}{4} = \frac{1}{12}, \frac{1}{3} + \frac{1}{6} - \frac{1}{3} = \frac{1}{30}, \frac{1}{7} + \frac{1}{8} - \frac{1}{4} = \frac{1}{56}, \dots,$

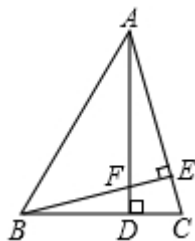
$$\therefore \frac{1}{2n-1} + \frac{1}{2n} - \frac{1}{n} = \frac{1}{(2n-1) \cdot (2n)} \quad (n \text{ 为正整数}).$$

$$\because 2018 = 2 \times 1009,$$

$$\therefore \frac{1}{2017} + \frac{1}{2018} - \frac{1}{1009} = \frac{1}{2017 \times 2018}.$$

答案:  $\frac{1}{1009}$

20. 如图, 已知在 $\triangle ABC$ 中,  $BC$ 边上的高 $AD$ 与 $AC$ 边上的高 $BE$ 交于点 $F$ , 且 $\angle BAC = 45^\circ$ ,  $BD = 6$ ,  $CD = 4$ , 则 $\triangle ABC$ 的面积为\_\_\_\_\_.



解析:  $\because AD \perp BC, BE \perp AC, \therefore \angle AEF = \angle BEC = \angle BDF = 90^\circ,$

$$\because \angle BAC = 45^\circ,$$

$$\therefore AE = EB,$$

$$\because \angle EAF + \angle C = 90^\circ, \angle CBE + \angle C = 90^\circ,$$

$$\therefore \angle EAF = \angle CBE,$$

$$\therefore \triangle AEF \cong \triangle BEC,$$

$$\therefore AF = BC = 10, \text{ 设 } DF = x.$$

$$\because \triangle ADC \sim \triangle BDF,$$

$$\therefore \frac{AD}{DC} = \frac{BD}{DF},$$

$$\therefore \frac{10+x}{4} = \frac{6}{x},$$

$$\text{整理得 } x^2 + 10x - 24 = 0,$$

$$\text{解得 } x = 2 \text{ 或 } -12 \text{ (舍弃)},$$

$$\therefore AD = AF + DF = 12,$$

$$\therefore S_{\triangle ABC} = \frac{1}{2} \cdot BC \cdot AD = \frac{1}{2} \times 10 \times 12 = 60.$$

答案: 60

三、解答题(本题共 12 分)

21. (1) 计算:  $|-2| - 2\cos 60^\circ + \left(\frac{1}{6}\right)^{-1} - (2018 - \sqrt{3})^0$

(2) 先化简  $\left(1 - \frac{2}{x-1}\right) \cdot \frac{x^2 - x}{x^2 - 6x + 9}$ ，再在 1、2、3 中选取一个适当的数代入求值。

解析：(1) 根据绝对值、特殊角的三角函数值、负整数指数幂、零指数幂可以解答本题；  
 (2) 根据分式的减法和乘法可以化简题目中的式子，再从 1、2、3 中选取一个使得原分式有意义的值代入化简后的式子即可解答本题。

答案：(1)  $|-2| - 2\cos 60^\circ + \left(\frac{1}{6}\right)^{-1} - (2018 - \sqrt{3})^0$

$$= 2 - 2 \times \frac{1}{2} + 6 - 1$$

$$= 2 - 1 + 6 - 1$$

$$= 6;$$

$$(2) \left(1 - \frac{2}{x-1}\right) \cdot \frac{x^2 - x}{x^2 - 6x + 9}$$

$$= \frac{x-1-2}{x-1} \cdot \frac{x(x-1)}{(x-3)^2}$$

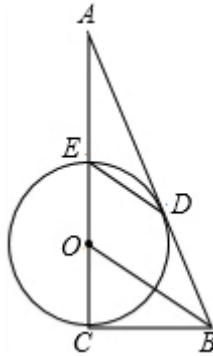
$$= \frac{x-3}{x-1} \cdot \frac{x(x-1)}{(x-3)^2}$$

$$= \frac{x}{x-3},$$

当  $x=2$  时，原式  $= \frac{2}{2-3} = -2$ .

四、(本题共 12 分)

22. 如图，CE 是  $\odot O$  的直径，BC 切  $\odot O$  于点 C，连接 OB，作  $ED \parallel OB$  交  $\odot O$  于点 D，BD 的延长线与 CE 的延长线交于点 A.



(1) 求证：AB 是  $\odot O$  的切线；

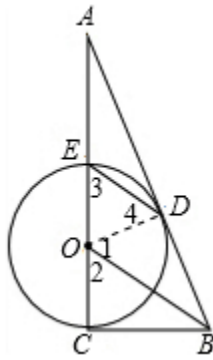
(2) 若  $\odot O$  的半径为 1， $\tan \angle DEO = \sqrt{2}$ ， $\tan \angle A = \frac{1}{4}$ ，求 AE 的长.

解析：(1) 连接 OD，由  $ED \parallel OB$ ，得到  $\angle 1 = \angle 4$ ， $\angle 2 = \angle 3$ ，通过  $\triangle DOB \cong \triangle COB$ ，得到  $\angle ODB = \angle OCB$ ，而由 BC 切  $\odot O$  于点 C 得出  $\angle OCB = 90^\circ$ ，那么  $\angle ODB = 90^\circ$ ，问题得证；

(2) 根据三角函数  $\tan \angle DEO = \tan \angle 2 = \frac{BC}{OC} = \sqrt{2}$ ，得出  $BC = \sqrt{2}OC = \sqrt{2}$ ，再由  $\tan \angle A =$

$$\frac{BC}{AC} = \frac{1}{4}, \text{ 得出 } AC = 4BC = 4\sqrt{2}, \text{ 那么 } AE = AC - CE = 4\sqrt{2} - 2.$$

答案：(1) 连接 OD，如图.



$\because ED \parallel OB$ ,  
 $\therefore \angle 1 = \angle 4, \angle 2 = \angle 3$ ,  
 $\because OD = OE$ ,  
 $\therefore \angle 3 = \angle 4$ ,  
 $\therefore \angle 1 = \angle 2$ .

在  $\triangle DOB$  与  $\triangle COB$  中,

$$\begin{cases} OD = OC \\ \angle 1 = \angle 2 \\ OB = OB \end{cases}$$

$\therefore \triangle DOB \cong \triangle COB$ ,

$\therefore \angle ODB = \angle OCB$ ,

$\because BC$  切  $\odot O$  于点  $C$ ,

$\therefore \angle OCB = 90^\circ$ ,

$\therefore \angle ODB = 90^\circ$ ,

$\therefore AB$  是  $\odot O$  的切线;

(2)  $\because \angle DEO = \angle 2$ ,

$$\therefore \tan \angle DEO = \tan \angle 2 = \frac{BC}{OC} = \sqrt{2},$$

$\because \odot O$  的半径为 1,  $OC = 1$ ,

$$\therefore BC = \sqrt{2},$$

$$\tan \angle A = \frac{BC}{AC} = \frac{1}{4},$$

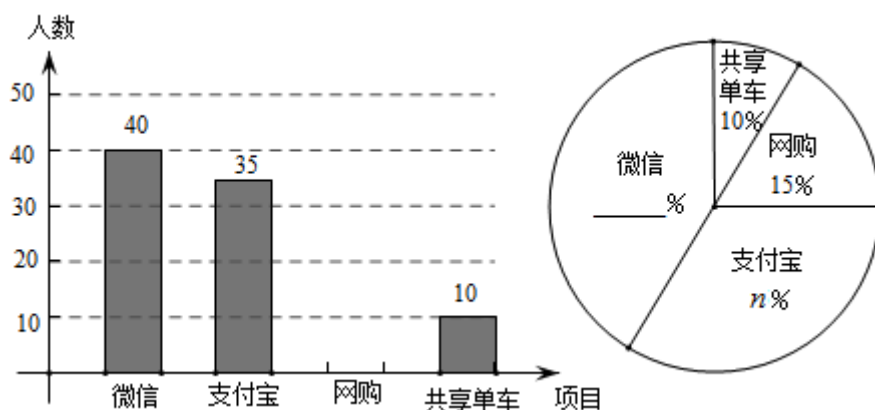
$$\therefore AC = 4BC = 4\sqrt{2},$$

$$\therefore AE = AC - CE = 4\sqrt{2} - 2.$$

五、(本题共 14 分)

23. 目前“微信”、“支付宝”、“共享单车”和“网购”给我们的生活带来了许多便利,初二数学小组在校内对“你最认可的四大新生事物”进行调查,随机调查了  $m$  人(每名学生必选一种且只能从这四种中选择一种)并将调查结果绘制成如下不完整的统计图.





- 根据图中信息求出  $m=$ \_\_\_\_,  $n=$ \_\_\_\_;
- 请你帮助他们将这两个统计图补全;
- 根据抽样调查的结果, 请估算全校 2000 名学生中, 大约有多少人最认可“微信”这一新生事物?
- 已知 A、B 两位同学都最认可“微信”, C 同学最认可“支付宝”D 同学最认可“网购”从这四名同学中抽取两名同学, 请你通过树状图或表格, 求出这两位同学最认可的新生事物不一样的概率.

解析: (1) 由共享单车人数及其百分比求得总人数  $m$ , 用支付宝人数除以总人数可得其百分比  $n$  的值;

(2) 总人数乘以网购人数的百分比可得其人数, 用微信人数除以总人数求得其百分比即可补全两个图形;

(3) 总人数乘以样本中微信人数所占百分比可得答案;

(4) 列表得出所有等可能结果, 从中找到这两位同学最认可的新生事物不一样的结果数, 根据概率公式计算可得.

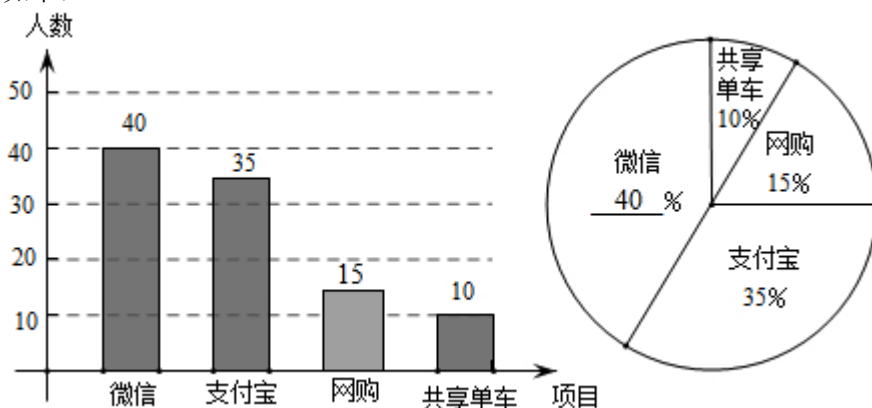
答案: (1)  $\because$  被调查的总人数  $m=10 \div 10\%=100$  人,

$\therefore$  支付宝的人数所占百分比  $n\% = \frac{35}{100} \times 100\% = 35\%$ , 即  $n=35$ ,

故答案为: 100、35;

(2) 网购人数为  $100 \times 15\% = 15$  人, 微信对应的百分比为  $\frac{40}{100} \times 100\% = 40\%$ ,

补全图形如下:



(3) 估算全校 2000 名学生中, 最认可“微信”这一新生事物的人数为  $2000 \times 40\% = 800$  人;

(4) 列表如下:

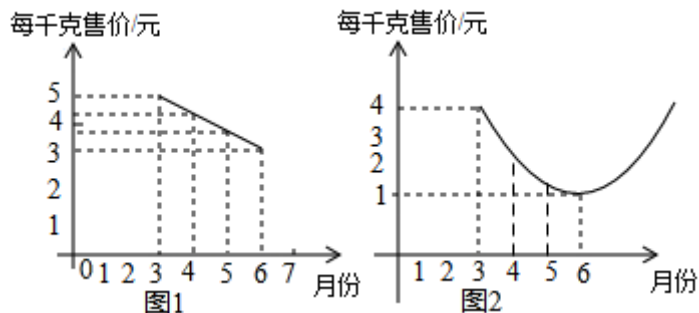
	A	B	C	D
A	—	A、B	A、C	A、D
B	A、B	—	B、C	B、D
C	A、C	B、C	—	C、D
D	A、D	B、D	C、D	—

共有 12 种情况，这两位同学最认可的新生事物不一样的有 10 种，

所以这两位同学最认可的新生事物不一样的概率为  $\frac{10}{12} = \frac{5}{6}$ 。

六、(本题共 14 分)

24. 某种蔬菜的销售单价  $y_1$  与销售月份  $x$  之间的关系如图 1 所示，成本  $y_2$  与销售月份  $x$  之间的关系如图 2 所示(图 1 的图象是线段，图 2 的图象是抛物线)



- (1) 已知 6 月份这种蔬菜的成本最低，此时出售每千克的收益是多少元？(收益=售价-成本)
- (2) 哪个月出售这种蔬菜，每千克的收益最大？简单说明理由。
- (3) 已知市场部销售该种蔬菜 4、5 两个月的总收益为 22 万元，且 5 月份的销售量比 4 月份的销售量多 2 万千克，求 4、5 两个月的销售量分别是多少万千克？

解析：(1) 找出当  $x=6$  时， $y_1$ 、 $y_2$  的值，二者做差即可得出结论；

(2) 观察图象找出点的坐标，利用待定系数法即可求出  $y_1$ 、 $y_2$  关于  $x$  的函数关系式，二者做差后利用二次函数的性质即可解决最值问题；

(3) 求出当  $x=4$  时， $y_1-y_2$  的值，设 4 月份的销售量为  $t$  万千克，则 5 月份的销售量为  $(t+2)$  万千克，根据总利润=每千克利润×销售数量，即可得出关于  $t$  的一元一次方程，解之即可得出结论。

答案：(1) 当  $x=6$  时， $y_1=3$ ， $y_2=1$ ，

$$\therefore y_1 - y_2 = 3 - 1 = 2,$$

$\therefore$  6 月份出售这种蔬菜每千克的收益是 2 元。

(2) 设  $y_1 = mx + n$ ， $y_2 = a(x-6)^2 + 1$ 。

将 (3, 5)、(6, 3) 代入  $y_1 = mx + n$ ，

$$\begin{cases} 3m + n = 5 \\ 6m + n = 3 \end{cases}, \text{ 解得: } \begin{cases} m = -\frac{2}{3} \\ n = 7 \end{cases}$$

$$\therefore y_1 = -\frac{2}{3}x + 7;$$

将 (3, 4) 代入  $y_2 = a(x-6)^2 + 1$ ，

$$4 = a(3-6)^2 + 1, \text{ 解得: } a = \frac{1}{3},$$

$$\therefore y_2 = \frac{1}{3}(x-6)^2 + 1 = \frac{1}{3}x^2 - 4x + 13.$$

$$\therefore y_1 - y_2 = -\frac{2}{3}x + 7 - \left(\frac{1}{3}x^2 - 4x + 13\right) = -\frac{1}{3}x^2 + \frac{10}{3}x - 6 = -\frac{1}{3}(x-5)^2 + \frac{7}{3}.$$

$$\therefore -\frac{1}{3} < 0,$$

$\therefore$  当  $x=5$  时,  $y_1 - y_2$  取最大值, 最大值为  $\frac{7}{3}$ ,

即 5 月份出售这种蔬菜, 每千克的收益最大.

$$(3) \text{ 当 } t=4 \text{ 时, } y_1 - y_2 = -\frac{1}{3}x^2 + \frac{10}{3}x - 6 = 2.$$

设 4 月份的销售量为  $t$  万千克, 则 5 月份的销售量为  $(t+2)$  万千克,

$$\text{根据题意得: } 2t + \frac{7}{3}(t+2) = 22,$$

解得:  $t=4$ ,

$$\therefore t+2=6.$$

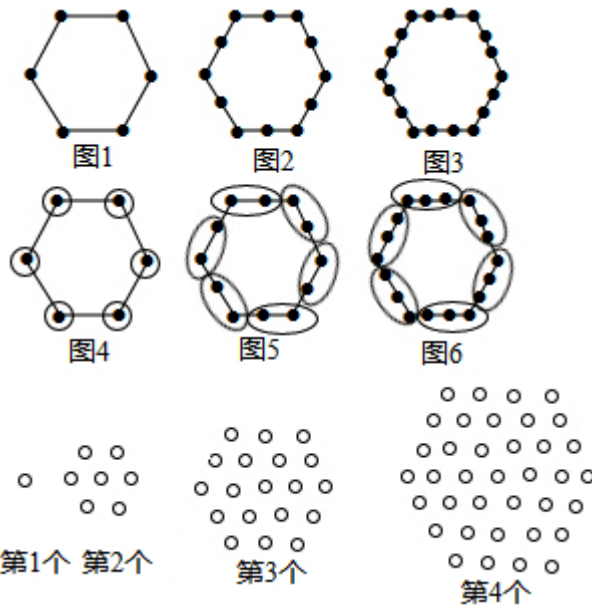
答: 4 月份的销售量为 4 万千克, 5 月份的销售量为 6 万千克.

### 七、阅读材料题(本题共 12 分)

25. “分块计数法”: 对有规律的图形进行计数时, 有些题可以采用“分块计数”的方法. 例如: 图 1 有 6 个点, 图 2 有 12 个点, 图 3 有 18 个点, …… , 按此规律, 求图 10、图  $n$  有多少个点?

我们将每个图形分成完全相同的 6 块, 每块黑点的个数相同(如图), 这样图 1 中黑点个数是  $6 \times 1 = 6$  个; 图 2 中黑点个数是  $6 \times 2 = 12$  个; 图 3 中黑点个数是  $6 \times 3 = 18$  个; 所以容易求出图 10、图  $n$  中黑点的个数分别是         、        .

请你参考以上“分块计数法”, 先将下面的点阵进行分块(画在答题卡上), 再完成以下问题:



(1) 第 5 个点阵中有          个圆圈; 第  $n$  个点阵中有          个圆圈.

(2) 小圆圈的个数会等于 271 吗? 如果会, 请求出是第几个点阵.

解析: 根据规律求得图 10 中黑点个数是  $6 \times 10 = 60$  个; 图  $n$  中黑点个数是  $6n$  个;

(1) 第 2 个图中 2 为一块, 分为 3 块, 余 1,

第 2 个图中 3 为一块, 分为 6 块, 余 1;

按此规律得: 第 5 个点阵中 5 为一块, 分为 12 块, 余 1, 得第  $n$  个点阵中有:  $n \times$

$$3(n-1)+1=3n^2-3n+1,$$

(2) 代入 271, 列方程, 方程有解则存在这样的点阵.

答案: 图 10 中黑点个数是  $6 \times 10 = 60$  个; 图  $n$  中黑点个数是  $6n$  个,

故答案为: 60 个,  $6n$  个;

(1) 如图所示:



第 1 个点阵中有: 1 个,

第 2 个点阵中有:  $2 \times 3 + 1 = 7$  个,

第 3 个点阵中有:  $3 \times 6 + 1 = 17$  个,

第 4 个点阵中有:  $4 \times 9 + 1 = 37$  个,

第 5 个点阵中有:  $5 \times 12 + 1 = 60$  个,

...

第  $n$  个点阵中有:  $n \times 3(n-1) + 1 = 3n^2 - 3n + 1$ ,

故答案为: 60,  $3n^2 - 3n + 1$ ;

(2)  $3n^2 - 3n + 1 = 271$ ,

$n^2 - n - 90 = 0$ ,

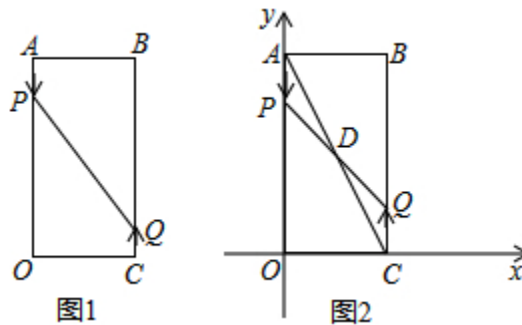
$(n-10)(n+9) = 0$ ,

$n_1 = 10, n_2 = -9$  (舍),

$\therefore$  小圆圈的个数会等于 271, 它是第 10 个点阵.

八、(本题共 16 分)

26. 如图 1, 已知矩形 AOCB,  $AB = 6\text{cm}$ ,  $BC = 16\text{cm}$ , 动点 P 从点 A 出发, 以  $3\text{cm/s}$  的速度向点 O 运动, 直到点 O 为止; 动点 Q 同时从点 C 出发, 以  $2\text{cm/s}$  的速度向点 B 运动, 与点 P 同时结束运动.



(1) 点 P 到达终点 O 的运动时间是 \_\_\_\_\_ s, 此时点 Q 的运动距离是 \_\_\_\_\_ cm;

(2) 当运动时间为 2s 时, P、Q 两点的距离为 \_\_\_\_\_ cm;

(3) 请你计算出出发多久时, 点 P 和点 Q 之间的距离是 10cm;

(4) 如图 2, 以点 O 为坐标原点, OC 所在直线为 x 轴, OA 所在直线为 y 轴, 1cm 长为单位长度建立平面直角坐标系, 连结 AC, 与 PQ 相交于点 D, 若双曲线  $y = \frac{k}{x}$  过点 D, 问 k 的值是

否会变化? 若会变化, 说明理由; 若不会变化, 请求出 k 的值.

解析: (1) 先求出 OA, 进而求出时间, 即可得出结论;

(2) 构造出直角三角形, 再求出 PE, QE, 利用勾股定理即可得出结论;

(3) 同 (2) 的方法利用勾股定理建立方程求解即可得出结论;

(4) 先求出直线 AC 解析式, 再求出点 P, Q 坐标, 进而求出直线 PQ 解析式, 联立两解析式即

可得出结论.

答案: (1) ∵ 四边形 AOCB 是矩形,

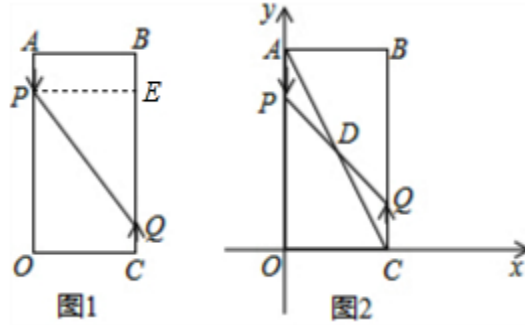
∴ OA=BC=16,

∵ 动点 P 从点 A 出发, 以 3cm/s 的速度向点 O 运动,

∴  $t = \frac{16}{3}$ , 此时, 点 Q 的运动距离是  $\frac{16}{3} \times 2 = \frac{32}{3}$  cm,

故答案为  $\frac{16}{3}, \frac{32}{3}$ ;

(2) 如图 1, 由运动知, AP=3×2=6cm, CQ=2×2=4cm,  
过点 P 作 PE⊥BC 于 E, 过点 Q 作 QF⊥OA 于 F,



∴ 四边形 APEB 是矩形,

∴ PE=AB=6, BE=6,

∴ EQ=BC-BE-CQ=16-6-4=6,

根据勾股定理得,  $PQ = 6\sqrt{2}$ ,

故答案为  $6\sqrt{2}$ ;

(3) 设运动时间为 t 秒时,

由运动知, AP=3t, CQ=2t,

同(2)的方法得, PE=6, EQ=16-3t-2t=16-5t,

∵ 点 P 和点 Q 之间的距离是 10cm,

∴  $6^2 + (16-5t)^2 = 100$ ,

∴  $t = \frac{8}{5}$  或  $t = \frac{24}{5}$ ;

(4) k 的值是不会变化,

理由: ∵ 四边形 AOCB 是矩形,

∴ OC=AB=6, OA=16,

∴ C(6, 0), A(0, 16),

∴ 直线 AC 的解析式为  $y = -\frac{8}{3}x + 16$  ①,

设运动时间为 t,

∴ AP=3t, CQ=2t,

∴ OP=16-3t,

∴ P(0, 16-3t), Q(6, 2t),

∴ PQ 解析式为  $y = \frac{5t-16}{6}x + 16-3t$  ②,

联立①②解得,  $x = \frac{18}{5}, y = \frac{32}{5}$ ,

∴  $D(\frac{18}{5}, \frac{32}{5})$ ,

$$\therefore k = \frac{18}{5} \times \frac{32}{5} = \frac{576}{25} \text{ 是定值.}$$