

2006年河南省高级中等学校招生统一考试试卷

数学

考生注意：

1. 本试卷共 8 页，三大题，满分 100 分，考试时间 100 分钟。用钢笔或圆珠笔直接答在试卷上。
2. 答卷前将密封线内的项目填写清楚。

题号	一	二	三									总分
			14	15	16	17	18	19	20	21	22	
分数												

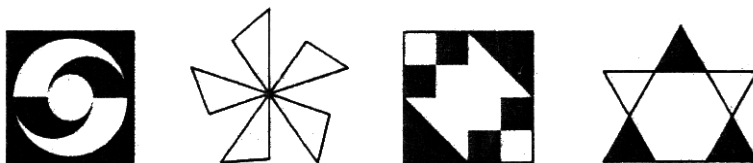
一、选择题（每小题 3 分，共 18 分）

下列各小题均有四个答案，其中只有一个是正确的，将正确答案的代号字母填入题后括号内。

1.  $-\frac{1}{2}$  的倒数是 ( )

- A. -2      B.  $\frac{1}{2}$       C.  $-\frac{1}{2}$       D. 2

2. 下列图形中，是轴对称图形的有 ( )

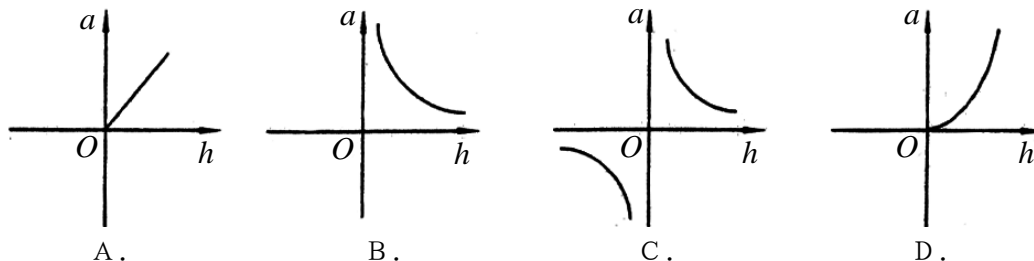


- A. 4 个      B. 3 个      C. 2 个      D. 1 个

3. 两条直线相交所成的四个角中，下列说法正确的是 ( )

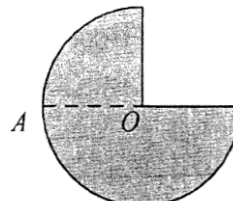
- A. 一定有一个锐角      B. 一定有一个钝角  
C. 一定有一个直角      D. 一定有一个不是钝角

4. 当三角形的面积  $S$  为常数时，底边  $a$  与底边上的高  $h$  的函数关系的图象大致是 ( )



5. 如图，把半径为 1 的四分之三圆形纸片沿半径  $OA$  剪开，依次用得到的半圆形纸片和四分之一圆形纸片做成两个圆锥的侧面，则这两个圆锥的底面积之比为 ( )

- A. 5:1      B. 4:1      C. 3:1      D. 2:1



(第 5 题)

6. 某公园的两个花圃，面积相等，形状分别为正三角形和正六边形. 已知正三角形花圃的周长为50米，则正六边形花圃的周长（ ）

- A. 大于50米      B. 等于50米      C. 小于50米      D. 无法确定

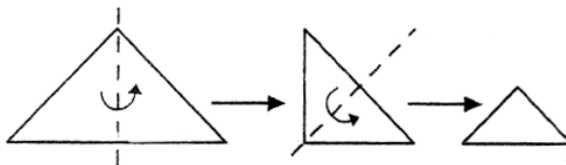
二、填空题（每小题3分，共21分）

7. 计算： $(\sqrt{2}-1)^0 + |-3| =$ \_\_\_\_\_.

8. 函数  $y = \frac{1}{x-5}$  中，自变量  $x$  的取值范围是\_\_\_\_\_.

9. 蜜蜂建造的蜂房既坚固又省料. 蜂房的巢壁厚约0.000 073米，用科学记数法表示为\_\_\_\_\_米.

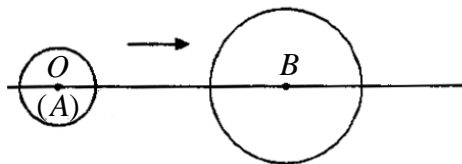
10. 如图所示，把腰长为1的等腰直角三角形折叠两次后，得到的小三角形的周长是\_\_\_\_\_.



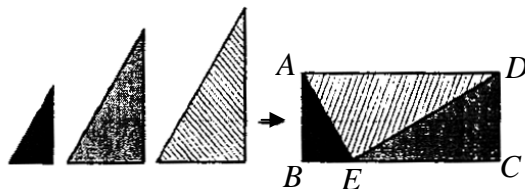
(第10题)

11. 方程组  $\begin{cases} y = -x + 3 \\ x^2 + y^2 = 5 \end{cases}$  的解是\_\_\_\_\_.

12. 如图， $\odot O$  从直线  $AB$  上的点  $A$ （圆心  $O$  与点  $A$  重合）出发，沿直线  $AB$  以1厘米/秒的速度向右运动（圆心  $O$  始终在直线  $AB$  上）. 已知线段  $AB = 6$  厘米， $\odot O$ ， $\odot B$  的半径分别为1厘米和2厘米. 当两圆相交时， $\odot O$  的运动时间  $t$ （秒）的取值范围是\_\_\_\_\_.



(第12题)



图(1)

图(2)

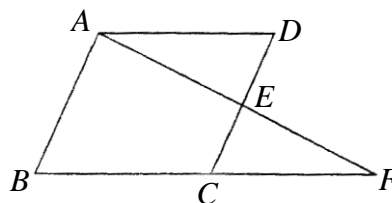
(第13题)

13. 如图(1)，用形状相同、大小不等的三块直角三角形木板，恰好能拼成如图(2)所示的四边形  $ABCD$ . 若  $AE = 4$ ， $CE = 3BE$ ，那么这个四边形的面积是\_\_\_\_\_.

三、解答题（本大题共9个小题，满分61分）

14. (5分) 先化简，再求值： $x \left( 1 - \frac{1}{x} \right) + \frac{x}{x^2 + 3x} (x^2 - 9)$ ，其中  $x = 1005$ .

15. (5分) 如图, 在□ $ABCD$ 中,  $E$ 为 $CD$ 的中点, 连结 $AE$ 并延长交 $BC$ 的延长线于点 $F$ . 求证:  $S_{\triangle ABF} = S_{\square ABCD}$ .



16. (6分) 在一次演讲比赛中, 七位评委为其中一位选手打出的分数如下:

9.4    8.4    9.4    9.9    9.6    9.4    9.7

(1) 这组数据的中位数是\_\_\_\_\_，众数是\_\_\_\_\_，平均分 $\bar{x} =$ \_\_\_\_\_，去掉一个最高分和一个最低分后的平均分 $\bar{x}_1 =$ \_\_\_\_\_;

(2) 由(1)所得的数据 $\bar{x}$ ， $\bar{x}_1$ 和众数中, 你认为哪个数据能反映演讲者的水平? 为什么?

17. (6分) 同一种商品在甲、乙两个商场的标价都是每件10元, 在销售时都有一定的优惠. 甲的优惠条件是: 购买不超过10件按原价销售, 超过10件, 超出部分按7折优惠; 乙的优惠条件是: 无论买多少件都按9折优惠.

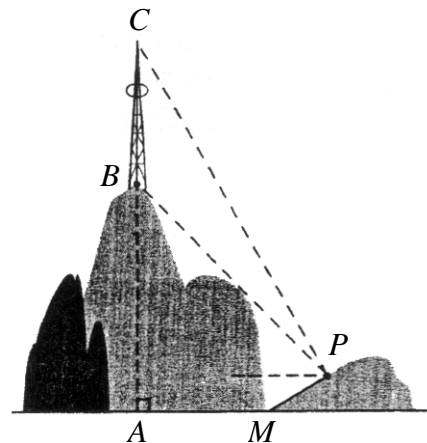
(1) 分别写出顾客在甲、乙两个商场购买这种商品应付金额 $y_{\text{甲}}$  (元),  $y_{\text{乙}}$  (元)与购买件数 $x$  (件)之间的函数关系式;

(2) 某顾客想购买这种商品20件, 他到哪个商场购买更实惠?

18. (6分) 关于  $x$  的一元二次方程  $x^2 + mx + m - 1 = 0$  的两个实数根为  $x_1, x_2$ ,

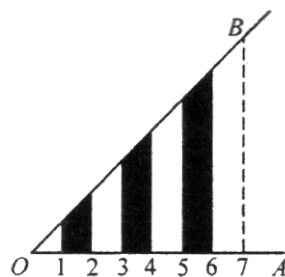
且  $x_1^2 + x_2^2 = 5$ , 求实数  $m$  的值.

19. (7分) 如图, 山顶建有一座铁塔, 塔高  $BC = 80$  米, 测量人员在一个小山坡的  $P$  处测得塔底部  $B$  点的仰角为  $45^\circ$ , 塔顶  $C$  点的仰角为  $60^\circ$ . 已测得小山坡的坡角为  $30^\circ$ , 坡长  $MP = 40$  米. 求山的高度  $AB$  (精确到1米). (参考数据:  $\sqrt{2} \approx 1.414, \sqrt{3} \approx 1.732$ )



20. (7分) 如图,  $\angle AOB = 45^\circ$ , 过  $OA$  上到点  $O$  的距离分别为  $1, 2, 3, 4, 5 \dots$  的点作  $OA$  的垂线与  $OB$  相交, 再按一定规律标出一组如图所示的黑色梯形. 设前  $n$  个黑色梯形的面积和为  $S_n$ .

(1) 请完成下面的表格:



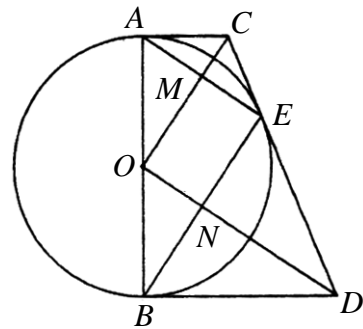
$n$	1	2	3	...
$S_n$				...

(2) 已知  $S_n$  与  $n$  之间满足一个二次函数关系，试求出这个二次函数的解析式.

21. (9分) 如图,  $AB$  为  $\odot O$  的直径,  $AC, BD$  分别和  $\odot O$  相切于点  $A, B$ , 点  $E$  为圆上不与  $A, B$  重合的点, 过点  $E$  作  $\odot O$  的切线分别交  $AC, BD$  于点  $C, D$ , 连结  $OC, OD$  分别交  $AE, BE$  于点  $M, N$ .

(1) 若  $AC = 4, BD = 9$ , 求  $\odot O$  的半径及弦  $AE$  的长;

(2) 当点  $E$  在  $\odot O$  上运动时, 试判定四边形  $OMEN$  的形状, 并给出证明.

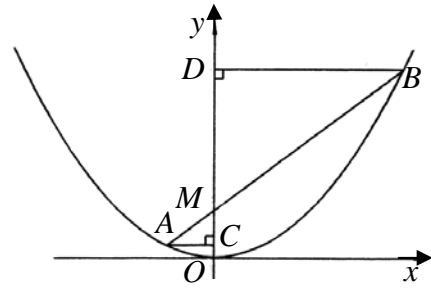


22. (10分) 二次函数  $y = \frac{1}{8}x^2$  的图象如图所示, 过  $y$  轴上一点  $M(0,2)$  的直线与抛物线交于  $A, B$  两点, 过点  $A, B$  分别作  $y$  轴的垂线, 垂足分别为  $C, D$ .

(1) 当点  $A$  的横坐标为  $-2$  时, 求点  $B$  的坐标;

(2) 在 (1) 的情况下, 分别过点  $A, B$  作  $AE \perp x$  轴于  $E, BF \perp x$  轴于  $F$ , 在  $EF$  上是否存在点  $P$ , 使  $\angle APB$  为直角. 若存在, 求点  $P$  的坐标; 若不存在, 请说明理由;

(3) 当点  $A$  在抛物线上运动时 (点  $A$  与点  $O$  不重合), 求  $AC \square BD$  的值.



## 数学试题参考答案及评分标准

说明:

1. 如果考生的解答与本参考答案提供的解法不同, 可根据提供的解法的评分标准精神进行评分.
2. 评阅试卷, 要坚持每题评阅到底, 不能因考生解答中出现错误而中断对本题的评阅. 如果考生的解答在某一步出现错误, 影响后继部分而未改变本题的内容和难度, 视影响的程度决定对后面给分多少, 但原则上不超过后继部分应得分数之半.
3. 评分标准中, 如无特殊说明, 均为累计给分.
4. 评分过程中, 只给整数分数.

### 一、选择题 (每小题 3 分, 共 18 分)

题号	1	2	3	4	5	6
答案	A	C	D	B	B	C

### 二、填空题 (每小题 3 分, 共 21 分)

题号	7	8	9	10	11	12	13
答案	4	$x \neq 5$	$7.3 \times 10^{-5}$	$1 + \frac{\sqrt{2}}{2}$	$\begin{cases} x_1 = 1, \\ y_1 = 2; \end{cases} \begin{cases} x_2 = 2, \\ y_2 = 1. \end{cases}$	$3 < t < 5$ 或 $7 < t < 9$	$16\sqrt{3}$

### 三、解答题 (本大题共 9 个小题, 满分 61 分)

14. 解: 原式  $= x - 1 + x - 3 = 2x - 4$ . ..... 4 分  
 当  $x = 1005$  时, 原式  $= 2006$ . ..... 5 分

15. 证明:  $\because$  四边形  $ABCD$  为平行四边形,  $\therefore AD \parallel BC$ .

$$\therefore \angle DAE = \angle F, \quad \angle D = \angle ECF.$$

$\because E$  是  $DC$  的中点,  $\therefore DE = CE$ .

$$\therefore \triangle AED \cong \triangle FEC. \quad \dots\dots\dots 3 \text{ 分}$$

$$\therefore S_{\triangle AED} = S_{\triangle FEC}.$$

$$\begin{aligned} \therefore S_{\triangle ABF} &= S_{\text{四边形}ABCE} + S_{\triangle CEF} \\ &= S_{\text{四边形}ABCE} + S_{\triangle AED} \\ &= S_{\square ABCD} \dots\dots\dots 5 \text{分} \end{aligned}$$

16. (1) 9.4分, 9.4分, 9.4分, 9.5分. .... 4分

(2) 答案不惟一, 言之有理即可, 如  $\bar{x}_1$ .

理由:  $\bar{x}_1$  既反映了多数评委所打分数的平均值, 又避免了个别评委打分过高或过低对选手成绩的影响. .... 6分

17. 解: (1) 当购买件数  $x$  不超过10件时,  $y_{\text{甲}} = 10x$ ;

当购买件数  $x$  超过10件时,  $y_{\text{甲}} = 7x + 30$ . .... 2分

$y_{\text{乙}} = 9x$ . .... 3分

(2) 当  $x = 20$  时,  $y_{\text{甲}} = 170$ ,  $y_{\text{乙}} = 180$ .

$\therefore y_{\text{甲}} < y_{\text{乙}}$ .

$\therefore$  若顾客想购买 20 件这种商品, 到甲商场购买更实惠. .... 6分

18. 解: 由题意, 得  $x_1 + x_2 = -m$ ,  $x_1 x_2 = m - 1$ . .... 1分

$$\therefore x_1^2 + x_2^2 = (x_1 + x_2)^2 - 2x_1 x_2 = 5,$$

$$\therefore (-m)^2 - 2(m - 1) = 5.$$

解得  $m_1 = 3$ ,  $m_2 = -1$ . .... 4分

$$\therefore \Delta = m^2 - 4(m - 1) = (m - 2)^2 \geq 0,$$

$\therefore m = 3$  或  $-1$ . .... 6分

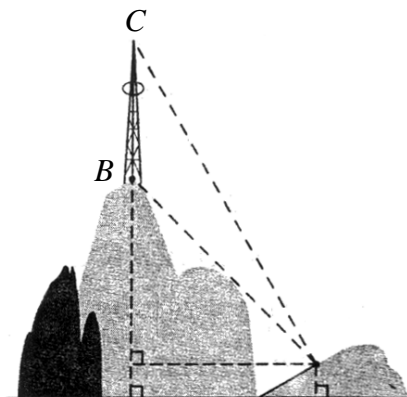
19. 解: 如图, 过点  $P$  作  $PE \perp AM$  于  $E$ ,  $PF \perp AB$  于  $F$ .

在  $\text{Rt}\triangle PME$  中,  $\because \angle PME = 30^\circ$ ,  $PM = 40$ ,  $\therefore PE = 20$ .

$\because$  四边形  $AEPF$  是矩形,  $\therefore FA = PE = 20$ . .... 2分

设  $BF = x$  米.

$\therefore \angle FPB = 45^\circ$ ,



$\therefore FP = BF = x.$

$\therefore \angle FPC = 60^\circ,$

$\therefore CF = PF \tan 60^\circ = \sqrt{3}x.$

$\therefore CB = 80,$

$\therefore 80 + x = \sqrt{3}x.$

解得  $x = 40(\sqrt{3} + 1).$  ..... 6 分

$\therefore AB = 40(\sqrt{3} + 1) + 20 = 60 + 40\sqrt{3} \approx 129$  (米).

答：山高  $AB$  约为 129 米. .... 7 分

20. 解：(1)

$n$	1	2	3	...
$S_n$	$\frac{3}{2}$	5	$\frac{21}{2}$	...

..... 3 分

(2) 设二次函数的解析式为  $S_n = an^2 + bn + c.$

$$\text{则} \begin{cases} \frac{3}{2} = a + b + c, \\ 5 = 4a + 2b + c, \\ \frac{21}{2} = 9a + 3b + c, \end{cases} \text{解得} \begin{cases} a = 1, \\ b = \frac{1}{2}, \\ c = 0. \end{cases} \text{..... 6 分}$$

$\therefore$  所求二次函数的解析式为  $S_n = n^2 + \frac{1}{2}n.$  ..... 7 分

21. 解：(1)  $\because AC, BD, CD$  分别切  $\square O$  于  $A, B, E, AC = 4, BD = 9,$

$\therefore CE = AC = 4, DE = BD = 9.$

$\therefore CD = 13.$

$\because AB$  为  $\square O$  的直径,  $\therefore \angle BAC = \angle ABD = 90^\circ.$

过点  $C$  作  $CF \perp BD$  于  $F,$  则四边形  $ABFC$  是矩形.

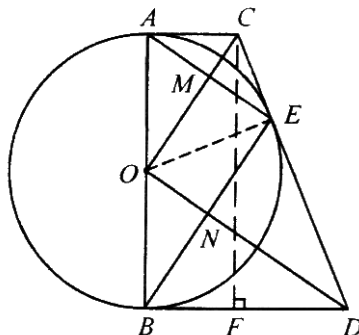
$\therefore FD = 5, CF = \sqrt{13^2 - 5^2} = 12.$

$\therefore AB = 12, \therefore \square O$  的半径为 6. .... 3 分

连结  $OE.$

$\because CA = CE, OA = OE,$

$\therefore OC$  垂直平分弦  $AE.$





$$\therefore OC = \sqrt{6^2 + 4^2} = 2\sqrt{13},$$

$$\therefore AM = \frac{AO \cdot AC}{OC} = \frac{12\sqrt{13}}{13}.$$

$$\therefore AE = 2AM = \frac{24\sqrt{13}}{13}. \dots\dots\dots 6 \text{ 分}$$

(2) 当点  $E$  在  $\square O$  上运动时, 由 (1) 知  $OC$  垂直平分  $AE$ . 同理,  $OD$  垂直平分  $BE$ .

$\therefore AB$  为直径,  $\therefore \angle AEB = 90^\circ$ .  $\therefore$  四边形  $OMEN$  为矩形.  $\dots\dots\dots 8 \text{ 分}$

当动点  $E$  满足  $OE \perp AB$  时,  $\therefore OA = OE$ ,  $\therefore \angle OEA = 45^\circ$ .

$\therefore MO = ME$ .

$\therefore$  矩形  $OMEN$  为正方形.  $\dots\dots\dots 9 \text{ 分}$

22. 解: (1) 根据题意, 设点  $B$  的坐标为  $\left(x, \frac{1}{8}x^2\right)$ , 其中  $x > 0$ .

$\therefore$  点  $A$  的横坐标为  $-2$ ,  $\therefore A\left(-2, \frac{1}{2}\right)$ .  $\dots\dots\dots 2 \text{ 分}$

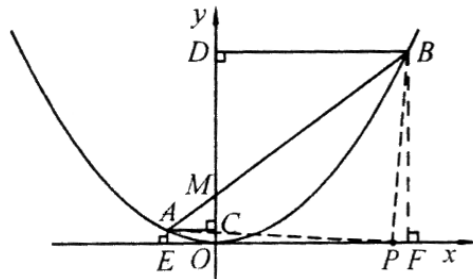
$\therefore AC \perp y$  轴,  $BD \perp y$  轴,  $M(0, 2)$ ,

$$\therefore AC \parallel BD, MC = \frac{3}{2}, MD = \frac{1}{8}x^2 - 2.$$

$\therefore \text{Rt}\triangle BDM \sim \text{Rt}\triangle ACM$ .

$$\therefore \frac{BD}{AC} = \frac{MD}{MC}.$$

$$\text{即 } \frac{x}{2} = \frac{\frac{1}{8}x^2 - 2}{\frac{3}{2}}.$$



解得  $x_1 = -2$  (舍去),  $x_2 = 8$ .

$\therefore B(8, 8)$ .  $\dots\dots\dots 5 \text{ 分}$

(2) 存在.  $\dots\dots\dots 6 \text{ 分}$

连结  $AP$ ,  $BP$ .

由 (1),  $AE = \frac{1}{2}$ ,  $BF = 8$ ,  $EF = 10$ .

---

设  $EP = a$ , 则  $PF = 10 - a$ .

$\because AE \perp x$ 轴,  $BF \perp x$ 轴,  $\angle APB = 90^\circ$ ,

$\therefore \triangle AEP \sim \triangle PFB$ .

$$\therefore \frac{AE}{PF} = \frac{EP}{BF}.$$

$$\therefore \frac{1}{10-a} = \frac{a}{8}.$$

解得  $a = 5 \pm \sqrt{21}$ . 经检验  $a = 5 \pm \sqrt{21}$  均为原方程的解.

$\therefore$  点  $P$  的坐标为  $(3 + \sqrt{21}, 0)$  或  $(3 - \sqrt{21}, 0)$ . ..... 8 分

(3) 根据题意, 设  $A\left(m, \frac{1}{8}m^2\right)$ ,  $B\left(n, \frac{1}{8}n^2\right)$ , 不妨设  $m < 0$ ,  $n > 0$ .

由 (1) 知  $\frac{BD}{AC} = \frac{MD}{MC}$ ,

$$\text{则 } \frac{n}{-m} = \frac{\frac{1}{8}n^2 - 2}{2 - \frac{1}{8}m^2} \text{ 或 } \frac{n}{-m} = \frac{2 - \frac{1}{8}n^2}{\frac{1}{8}m^2 - 2}.$$

化简, 得  $(mn + 16)(m - n) = 0$ .

$\because m - n \neq 0$ ,

$\therefore mn = -16$ .

$\therefore AC \square BD = 16$ . ..... 10 分