

2018 年湖南省邵阳市中考真题数学

一、选择题(本大题有 10 个小题，每小题 3 分，共 30 分。在每小题给出的四个选项中只有一项是符合题目要求的)

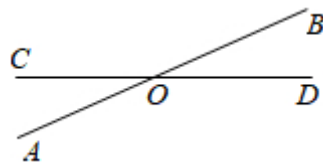
1. 用计算器依次按键 $\sqrt{\quad}$ 3 $=$ ，得到的结果最接近的是()

- A. 1.5
- B. 1.6
- C. 1.7
- D. 1.8

解析： $\because \sqrt{3} \approx 1.732$ ， \therefore 与 $\sqrt{3}$ 最接近的是 1.7.

答案：C

2. 如图所示，直线 AB，CD 相交于点 O，已知 $\angle AOD=160^\circ$ ，则 $\angle BOC$ 的大小为()



- A. 20°
- B. 60°
- C. 70°
- D. 160°

解析： $\because \angle AOD=160^\circ$ ， $\therefore \angle BOC=\angle AOD=160^\circ$.

答案：D

3. 将多项式 $x-x^3$ 因式分解正确的是()

- A. $x(x^2-1)$
- B. $x(1-x^2)$
- C. $x(x+1)(x-1)$
- D. $x(1+x)(1-x)$

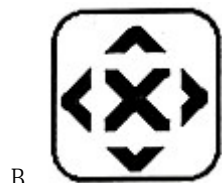
解析： $x-x^3=x(1-x^2)=x(1-x)(1+x)$.

答案：D

4. 下列图形中，是轴对称图形的是()



A.



解析：A、不是轴对称图形，故此选项错误；
 B、是轴对称图形，故此选项正确；
 C、不是轴对称图形，故此选项错误；
 D、不是轴对称图形，故此选项错误。
 答案：B

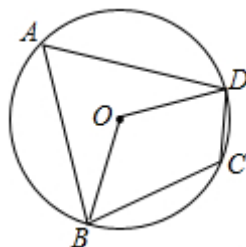
5. 据《经济日报》2018年5月21日报道：目前，世界集成电路生产技术水平最高已达到7nm(1nm=10⁻⁹m)，主流生产线的技术水平为14~28nm，中国大陆集成电路生产技术水平最高为28nm. 将28nm用科学记数法可表示为()

- A. 28×10⁻⁹m
- B. 2.8×10⁻⁸m
- C. 28×10⁹m
- D. 2.8×10⁸m

解析：绝对值小于1的正数也可以利用科学记数法表示，一般形式为a×10ⁿ，与较大数的科学记数法不同的是其所使用的是负指数幂，指数由原数左边起第一个不为零的数字前面的0的个数所决定. 28nm=28×10⁻⁹m=2.8×10⁻⁸m.

答案：B

6. 如图所示，四边形ABCD为⊙O的内接四边形，∠BCD=120°，则∠BOD的大小是()



- A. 80°
- B. 120°
- C. 100°

D. 90°

解析：∵ 四边形 ABCD 为 $\odot O$ 的内接四边形，∴ $\angle A = 180^\circ - \angle BCD = 60^\circ$ ，由圆周角定理得， $\angle BOD = 2\angle A = 120^\circ$ 。

答案：B

7. 小明参加 100m 短跑训练，2018 年 1~4 月的训练成绩如下表所示：

月份	1	2	3	4
成绩 (s)	15.6	15.4	15.2	15

体育老师夸奖小明是“田径天才”，请你预测小明 5 年 (60 个月) 后 100m 短跑的成绩为 ()
(温馨提示：目前 100m 短跑世界记录为 9 秒 58)

A. 14.8s

B. 3.8s

C. 3s

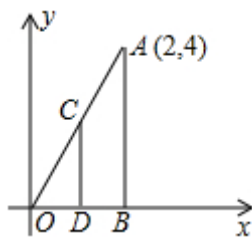
D. 预测结果不可靠

解析：设 $y = kx + b$ 依题意得 $\begin{cases} k + b = 15.6, \\ 2k + b = 15.4, \end{cases}$ 解答 $\begin{cases} k = -0.2, \\ b = 15.8, \end{cases}$ ∴ $y = -0.2x + 15.8$ 。

当 $x = 5$ 时， $y = -0.2 \times 5 + 15.8 = 14.8$ 。

答案：A

8. 如图所示，在平面直角坐标系中，已知点 $A(2, 4)$ ，过点 A 作 $AB \perp x$ 轴于点 B。将 $\triangle AOB$ 以坐标原点 O 为位似中心缩小为原图形的 $\frac{1}{2}$ ，得到 $\triangle COD$ ，则 CD 的长度是 ()



A. 2

B. 1

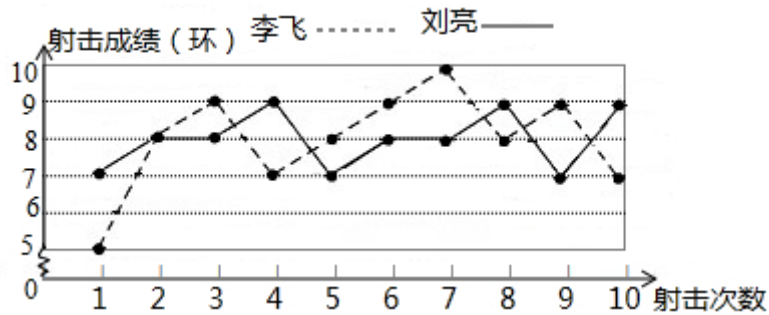
C. 4

D. $2\sqrt{5}$

解析：∵ 点 $A(2, 4)$ ，过点 A 作 $AB \perp x$ 轴于点 B。将 $\triangle AOB$ 以坐标原点 O 为位似中心缩小为原图形的 $\frac{1}{2}$ ，得到 $\triangle COD$ ，∴ $C(1, 2)$ ，则 CD 的长度是：2。

答案：A

9. 根据李飞与刘亮射击训练的成绩绘制了如图所示的折线统计图。



根据图所提供的信息，若要推荐一位成绩较稳定的选手去参赛，应推荐()

- A. 李飞或刘亮
- B. 李飞
- C. 刘亮
- D. 无法确定

解析：李飞的成绩为 5、8、9、7、8、9、10、8、9、7，则李飞成绩的平均数为

$$\frac{5+7 \times 2+8 \times 3+9 \times 3+10}{10}=8,$$

所以李飞成绩的方差为 $\frac{1}{10} \times [(5-8)^2+2 \times (7-8)^2+3 \times (8-8)^2+3 \times (9-8)^2+(10-8)^2]=1.8;$

刘亮的成绩为 7、8、8、9、7、8、8、9、7、9，则刘亮成绩的平均数为 $\frac{7 \times 3+8 \times 4+9 \times 3}{10}$

=8,

\therefore 刘亮成绩的方差为 $\frac{1}{10} \times [3 \times (7-8)^2+4 \times (8-8)^2+3 \times (9-8)^2]=0.6,$

$\because 0.6 < 1.8, \therefore$ 应推荐刘亮.

答案：C

10. 程大位是我国明朝商人，珠算发明家. 他 60 岁时完成的《直指算法统宗》是东方古代数学名著，详述了传统的珠算规则，确立了算盘用法. 书中有如下问题：

一百馒头一百僧，大僧三个更无争，
小僧三人分一个，大小和尚得几丁.



程大位

意思是：有 100 个和尚分 100 个馒头，如果大和尚 1 人分 3 个，小和尚 3 人分 1 个，正好分完，大、小和尚各有多少人，下列求解结果正确的是()

- A. 大和尚 25 人，小和尚 75 人
- B. 大和尚 75 人，小和尚 25 人
- C. 大和尚 50 人，小和尚 50 人
- D. 大、小和尚各 100 人

解析：设大和尚有 x 人，则小和尚有 $(100-x)$ 人，

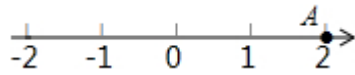
根据题意得： $3x + \frac{100-x}{3} = 100$ ，解得 $x=25$ ，则 $100-x=100-25=75$ (人)

所以，大和尚 25 人，小和尚 75 人.

答案：A

二、填空题(本大题有 8 个小题，每小题 3 分，共 24 分)

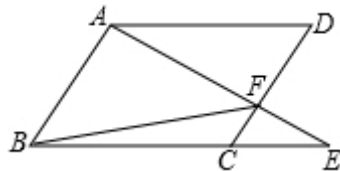
11. 点 A 在数轴上的位置如图所示，则点 A 表示的数的相反数是_____.



解析： \because 点 A 在数轴上表示的数是 2， \therefore 点 A 表示的数的相反数是-2.

答案：-2

12. 如图所示，点 E 是平行四边形 ABCD 的边 BC 延长线上一点，连接 AE，交 CD 于点 F，连接 BF. 写出图中任意一对相似三角形：_____.



解析： \because 四边形 ABCD 为平行四边形， $\therefore AD \parallel CE$ ， $\therefore \triangle ADF \sim \triangle ECF$.

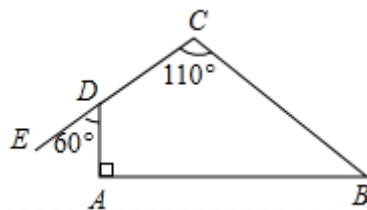
答案： $\triangle ADF \sim \triangle ECF$

13. 已知关于 x 的方程 $x^2+3x-m=0$ 的一个解为-3，则它的另一个解是_____.

解析：设方程的另一个解是 n，根据题意得： $-3+n=-3$ ，解得： $n=0$.

答案：0

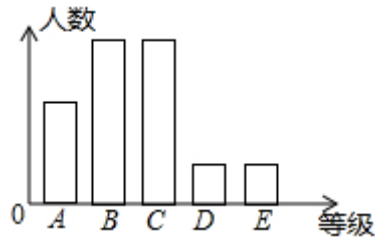
14. 如图所示，在四边形 ABCD 中， $AD \perp AB$ ， $\angle C=110^\circ$ ，它的一个外角 $\angle ADE=60^\circ$ ，则 $\angle B$ 的大小是_____.



解析： $\because \angle ADE=60^\circ$ ， $\therefore \angle ADC=120^\circ$ ， $\because AD \perp AB$ ， $\therefore \angle DAB=90^\circ$ ， $\therefore \angle B=360^\circ - \angle C - \angle ADC - \angle A=40^\circ$.

答案： 40°

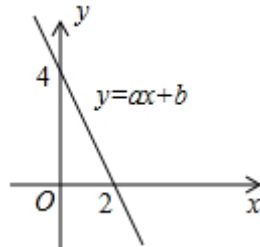
15. 某市对九年级学生进行“综合素质”评价，评价结果分为 A, B, C, D, E 五个等级. 现随机抽取了 500 名学生的评价结果作为样本进行分析，绘制了如图所示的统计图. 已知图中从左到右的五个长方形的高之比为 2: 3: 3: 1: 1，据此估算该市 80000 名九年级学生中“综合素质”评价结果为“A”的学生约为_____人.



解析：该市 80000 名九年级学生中“综合素质”评价结果为“A”的学生约为 $80000 \times \frac{2}{2+3+3+1+1} \times 100\% = 16000$.

答案：16000

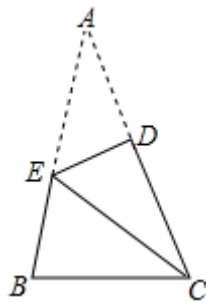
16. 如图所示，一次函数 $y=ax+b$ 的图象与 x 轴相交于点 $(2, 0)$ ，与 y 轴相交于点 $(0, 4)$ ，结合图象可知，关于 x 的方程 $ax+b=0$ 的解是_____.



解析：∵一次函数 $y=ax+b$ 的图象与 x 轴相交于点 $(2, 0)$ ，∴关于 x 的方程 $ax+b=0$ 的解是 $x=2$.

答案： $x=2$

17. 如图所示，在等腰 $\triangle ABC$ 中， $AB=AC$ ， $\angle A=36^\circ$ ，将 $\triangle ABC$ 中的 $\angle A$ 沿 DE 向下翻折，使点 A 落在点 C 处. 若 $AE=\sqrt{3}$ ，则 BC 的长是_____.



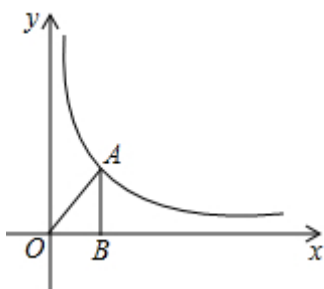
解析：∵ $AB=AC$ ， $\angle A=36^\circ$ ，∴ $\angle B=\angle ACB=\frac{180^\circ-36^\circ}{2}=72^\circ$ ，

∵将 $\triangle ABC$ 中的 $\angle A$ 沿 DE 向下翻折，使点 A 落在点 C 处，

∴ $AE=CE$ ， $\angle A=\angle ECA=36^\circ$ ，∴ $\angle CEB=72^\circ$ ，∴ $BC=CE=AE=\sqrt{3}$.

答案： $\sqrt{3}$

18. 如图所示，点 A 是反比例函数 $y = \frac{k}{x}$ 图象上一点，作 $AB \perp x$ 轴，垂足为点 B，若 $\triangle AOB$ 的面积为 2，则 k 的值是_____.



解析：∵点 A 是反比例函数 $y = \frac{k}{x}$ 图象上一点，作 $AB \perp x$ 轴，垂足为点 B，∴ $S_{\triangle AOB} = \frac{1}{2} |k| = 2$ ；

又∵函数图象位于一、三象限，∴ $k = 4$.

答案：4

三、解答题(本大题有 8 个小题，第 19~25 题每小题 8 分，第 26 题 10 分，共 66 分。答应写出必要的文字说明、演算步骤或证明过程)

19. 计算： $(-1)^2 + (\pi - 3.14)^0 - |\sqrt{2} - 2|$.

解析：原式利用乘方的意义，零指数幂法则，以及绝对值的代数意义计算即可求出值.

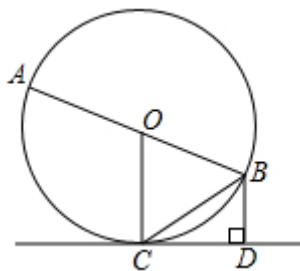
答案：原式 $= 1 + 1 - 2 + \sqrt{2} = \sqrt{2}$.

20. 先化简，再求值： $(a-2b)(a+2b) - (a-2b)^2 + 8b^2$ ，其中 $a = -2$ ， $b = \frac{1}{2}$.

解析：原式利用平方差公式，以及完全平方公式化简，去括号合并得到最简结果，把 a 与 b 的值代入计算即可求出值.

答案：原式 $= a^2 - 4b^2 - a^2 + 4ab - 4b^2 + 8b^2 = 4ab$ ，当 $a = -2$ ， $b = \frac{1}{2}$ 时，原式 $= -4$.

21. 如图所示，AB 是 $\odot O$ 的直径，点 C 为 $\odot O$ 上一点，过点 B 作 $BD \perp CD$ ，垂足为点 D，连结 BC. BC 平分 $\angle ABD$. 求证：CD 为 $\odot O$ 的切线.



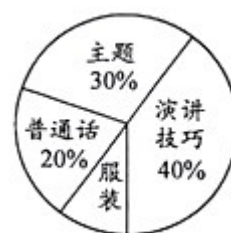
解析：先利用 BC 平分 $\angle ABD$ 得到 $\angle OBC = \angle DBC$ ，再证明 $OC \parallel BD$ ，从而得到 $OC \perp CD$ ，然后根据切线的判定定理得到结论.

答案：∵BC 平分 $\angle ABD$ ，∴ $\angle OBC = \angle DBC$ ，

∵OB=OC, ∴∠OBC=∠OCB, ∴∠OCB=∠DBC, ∴OC//BD,
 ∵BD⊥CD, ∴OC⊥CD, ∴CD为⊙O的切线.

22. 某校为选拔一名选手参加“美丽邵阳，我为家乡做代言”主题演讲比赛，经研究，按图所示的项目和权数对选拔赛参赛选手进行考评(因排版原因统计图不完整). 下表是李明、张华在选拔赛中的得分情况:

项目 选手	服装	普通话	主题	演讲技巧
李明	85	70	80	85
张华	90	75	75	80



结合以上信息，回答下列问题:

- 求服装项目的权数及普通话项目对应扇形的圆心角大小;
- 求李明在选拔赛中四个项目所得分数的众数和中位数;
- 根据你所学的知识，帮助学校在李明、张华两人中选择一人参加“美丽邵阳，我为家乡做代言”主题演讲比赛，并说明理由.

解析: (1) 根据统计图的数据可以求得服装项目的权数及普通话项目对应扇形的圆心角大小;
 (2) 根据统计表中的数据可以求得李明在选拔赛中四个项目所得分数的众数和中位数;
 (3) 根据统计图和统计表中的数据可以分别计算出李明和张华的成绩，然后比较大小，即可解答本题.

答案: (1) 服装项目的权数是: $1-20\%-30\%-40\%=10\%$,

普通话项目对应扇形的圆心角是: $360^\circ \times 20\%=72^\circ$;

(2) 李明在选拔赛中四个项目所得分数的众数是 85，中位数是: $(80+85) \div 2=82.5$;

(3) 李明得分为: $85 \times 10\%+70 \times 20\%+80 \times 30\%+85 \times 40\%=80.5$,

张华得分为: $90 \times 10\%+75 \times 20\%+75 \times 30\%+80 \times 40\%=78.5$,

∵ $80.5 > 78.5$, ∴李明的演讲成绩好，故选择李明参加“美丽邵阳，我为家乡做代言”主题演讲比赛.

23. 某公司计划购买 A, B 两种型号的机器人搬运材料. 已知 A 型机器人比 B 型机器人每小时多搬运 30kg 材料, 且 A 型机器人搬运 1000kg 材料所用的时间与 B 型机器人搬运 800kg 材料所用的时间相同.

- 求 A, B 两种型号的机器人每小时分别搬运多少材料;
- 该公司计划采购 A, B 两种型号的机器人共 20 台, 要求每小时搬运材料不得少于 2800kg, 则至少购进 A 型机器人多少台?

解析: (1) 设 B 型机器人每小时搬运 x 千克材料, 则 A 型机器人每小时搬运 $(x+30)$ 千克材料, 根据 A 型机器人搬运 1000kg 材料所用的时间与 B 型机器人搬运 800kg 材料所用的时间相同建立方程求出其解就可以得出结论.

(2) 设购进 A 型机器人 a 台, 根据每小时搬运材料不得少于 2800kg 列出不等式并解答.

答案: (1) 设 B 型机器人每小时搬运 x 千克材料, 则 A 型机器人每小时搬运 $(x+30)$ 千克材料,

根据题意, 得 $\frac{1000}{x+30} = \frac{800}{x}$, 解得 $x=120$. 经检验, $x=120$ 是所列方程的解.

当 $x=120$ 时, $x+30=150$.

答: A 型机器人每小时搬运 150 千克材料, B 型机器人每小时搬运 120 千克材料;

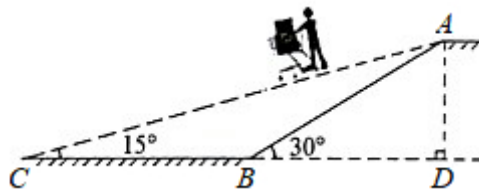
(2) 设购进 A 型机器人 a 台, 则购进 B 型机器人 $(20-a)$ 台,

根据题意, 得 $150a+120(20-a) \geq 2800$, 解得 $a \geq \frac{40}{3}$.

$\because a$ 是整数, $\therefore a \geq 14$.

答: 至少购进 A 型机器人 14 台.

24. 某商场为方便消费者购物, 准备将原来的阶梯式自动扶梯改造成斜坡式自动扶梯. 如图所示, 已知原阶梯式自动扶梯 AB 长为 10m, 坡角 $\angle ABD$ 为 30° ; 改造后的斜坡式自动扶梯的坡角 $\angle ACB$ 为 15° , 请你计算改造后的斜坡式自动扶梯 AC 的长度, (结果精确到 0.1m. 温馨提示: $\sin 15^\circ \approx 0.26$, $\cos 15^\circ \approx 0.97$, $\tan 15^\circ \approx 0.27$)



解析: 先在 $Rt\triangle ABD$ 中, 用三角函数求出 AD, 最后在 $Rt\triangle ACD$ 中用三角函数即可得出结论.

答案: 在 $Rt\triangle ABD$ 中, $\angle ABD=30^\circ$, $AB=10m$, $\therefore AD=AB\sin\angle ABD=10 \times \sin 30^\circ = 5$,

在 $Rt\triangle ACD$ 中, $\angle ACD=15^\circ$, $\sin\angle ACD = \frac{AD}{AC}$,

$$\therefore AC = \frac{AD}{\sin\angle ACD} = \frac{5}{\sin 15^\circ} \approx \frac{5}{0.26} \approx 19.2m,$$

即: 改造后的斜坡式自动扶梯 AC 的长度约为 19.2 米.

25. 如图 1 所示, 在四边形 ABCD 中, 点 O, E, F, G 分别是 AB, BC, CD, AD 的中点, 连接 OE, EF, FG, GO, GE.

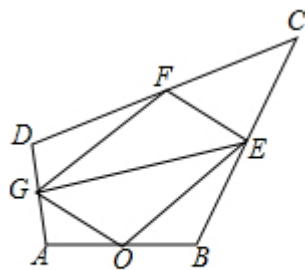


图1

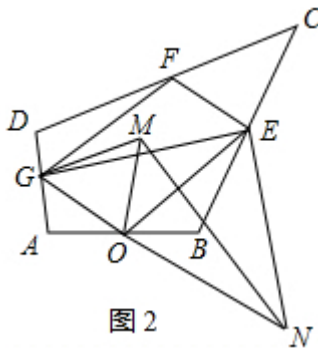


图2

(1) 证明: 四边形 OEF G 是平行四边形;

(2) 将 $\triangle OGE$ 绕点 O 顺时针旋转得到 $\triangle OMN$, 如图 2 所示, 连接 GM, EN.

①若 $OE = \sqrt{3}$, $OG = 1$, 求 $\frac{EN}{GM}$ 的值;

②试在四边形 ABCD 中添加一个条件, 使 GM, EN 的长在旋转过程中始终相等. (不要求证明)

解析: (1) 连接 AC, 由四个中点可知 $OE \parallel AC$ 、 $OE = \frac{1}{2} AC$, $GF \parallel AC$ 、 $GF = \frac{1}{2} AC$, 据此得出 $OE = GF$ 、

OE=GF, 即可得证;

(2) ①由旋转性质知 $OG=OM$ 、 $OE=ON$, $\angle GOM=\angle EON$, 据此可证 $\triangle OGM \sim \triangle OEN$ 得

$$\frac{EN}{GM} = \frac{OE}{OG} = \sqrt{3};$$

②连接 AC、BD, 根据①知 $\triangle OGM \sim \triangle OEN$, 若要 $GM=EN$ 只需使 $\triangle OGM \cong \triangle OEN$, 添加使 $AC=BD$ 的条件均可以满足此条件.

答案: (1)如图 1, 连接 AC,

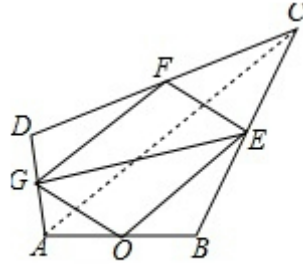


图1

\because 点 O、E、F、G 分别是 AB、BC、CD、AD 的中点,

$\therefore OE \parallel AC$ 、 $OE = \frac{1}{2} AC$, $GF \parallel AC$ 、 $GF = \frac{1}{2} AC$, $\therefore OE=GF$, $OE=GF$, \therefore 四边形 OEFG 是平行四边形;

(2) ① $\because \triangle OGE$ 绕点 O 顺时针旋转得到 $\triangle OMN$,

$\therefore OG=OM$ 、 $OE=ON$, $\angle GOM=\angle EON$, $\therefore \frac{OG}{OE} = \frac{OM}{ON}$, $\therefore \triangle OGM \sim \triangle OEN$, $\therefore \frac{EN}{GM} = \frac{OE}{OG} = \sqrt{3}$.

②添加 $AC=BD$, 如图 2, 连接 AC、BD,

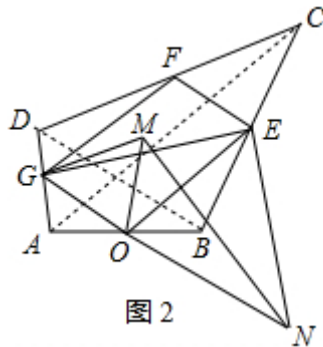


图 2

\because 点 O、E、F、G 分别是 AB、BC、CD、AD 的中点,

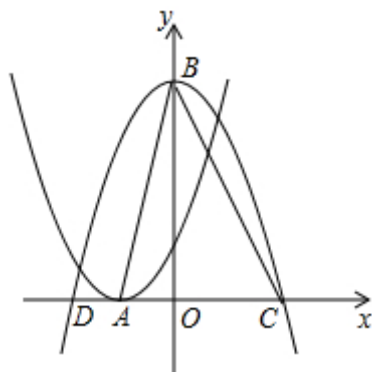
$\therefore OG = EF = \frac{1}{2} BD$, $OE = GF = \frac{1}{2} BD$,

$\because AC=BD$, $\therefore OG=OE$, $\therefore \triangle OGE$ 绕点 O 顺时针旋转得到 $\triangle OMN$,

$\therefore OG=OM$ 、 $OE=ON$, $\angle GOM=\angle EON$, $\therefore OG=OE$ 、 $OM=ON$,

在 $\triangle OGM$ 和 $\triangle OEN$ 中, $\therefore \begin{cases} OG = OE, \\ \angle GOM = \angle EON, \\ OM = ON, \end{cases} \therefore \triangle OGM \cong \triangle OEN (SAS), \therefore GM=EN.$

26. 如图所示, 将二次函数 $y=x^2+2x+1$ 的图象沿 x 轴翻折, 然后向右平移 1 个单位, 再向上平移 4 个单位, 得到二次函数 $y=ax^2+bx+c$ 的图象. 函数 $y=x^2+2x+1$ 的图象的顶点为点 A. 函数 $y=ax^2+bx+c$ 的图象的顶点为点 B, 和 x 轴的交点为点 C, D(点 D 位于点 C 的左侧).



- (1) 求函数 $y=ax^2+bx+c$ 的解析式；
- (2) 从点 A, C, D 三个点中任取两个点和点 B 构造三角形，求构造的三角形是等腰三角形的概率；
- (3) 若点 M 是线段 BC 上的动点，点 N 是 $\triangle ABC$ 三边上的动点，是否存在以 AM 为斜边的 $Rt\triangle AMN$ ，使 $\triangle AMN$ 的面积为 $\triangle ABC$ 面积的 $\frac{1}{3}$ ？若存在，求 $\tan\angle MAN$ 的值；若不存在，请说明理由。

解析：(1) 利用配方法得到 $y=x^2+2x+1=(x+1)^2$ ，然后根据抛物线的变换规律求解；

(2) 利用顶点式 $y=(x+1)^2$ 得到 $A(-1, 0)$ ，解方程 $-x^2+4=0$ 得 $D(-2, 0)$ ， $C(2, 0)$ 易得 $B(0, 4)$ ，列举出所有的三角形，再计算出 $AC=3$ ， $AD=1$ ， $CD=4$ ， $AB=\sqrt{17}$ ， $BC=2\sqrt{5}$ ， $BD=2\sqrt{5}$ ，然后根据等腰三角形的判定方法和概率公式求解；

(3) 易得 BC 的解析是为 $y=-2x+4$ ， $S_{\triangle ABC}=6$ ，M 点的坐标为 $(m, -2m+4)$ ($0\leq m\leq 2$)，讨论：①当 N 点在 AC 上，如图 1，利用面积公式得到 $\frac{1}{2}(m+1)(-2m+4)=2$ ，解得 $m_1=0$ ， $m_2=1$ ，当 $m=0$ 时，求出 $AN=1$ ， $MN=4$ ，再利用正切定义计算 $\tan\angle MAC$ 的值；当 $m=1$ 时，计算出 $AN=2$ ， $MN=2$ ，再利用正切定义计算 $\tan\angle MAC$ 的值；②当 N 点在 BC 上，如图 2，先利用面积法计算出 $AN=\frac{6\sqrt{5}}{5}$ ，

再根据三角形面积公式计算出 $MN=\frac{2\sqrt{5}}{3}$ ，然后利用正切定义计算 $\tan\angle MAC$ 的值；③当 N 点

在 AB 上，如图 3，作 $AH\perp BC$ 于 H，设 $AN=t$ ，则 $BN=\sqrt{17}-t$ ，由②得 $AH=\frac{6\sqrt{5}}{5}$ ，利用勾股定

理可计算出 $BH=\frac{7\sqrt{5}}{5}$ ，证明 $\triangle BNM\sim\triangle BHA$ ，利用相似比可得到 $MN=\frac{6\sqrt{17}-6t}{7}$ ，利用三角形

面积公式得到 $\frac{1}{2}\cdot(\sqrt{17}-t)\cdot\frac{6\sqrt{17}-6t}{7}=2$ ，根据此方程没有实数解可判断点 N 在 AB 上不

符合条件，从而得到 $\tan\angle MAN$ 的值为 1 或 4 或 $\frac{5}{9}$ 。

答案：(1) $y=x^2+2x+1=(x+1)^2$ 的图象沿 x 轴翻折，得 $y=-(x+1)^2$ 。

把 $y=-(x+1)^2$ 向右平移 1 个单位，再向上平移 4 个单位，得 $y=-x^2+4$ ，

∴所求的函数 $y=ax^2+bx+c$ 的解析式为 $y=-x^2+4$;

(2) ∵ $y=x^2+2x+1=(x+1)^2$, ∴ $A(-1, 0)$,

当 $y=0$ 时, $-x^2+4=0$, 解得 $x=\pm 2$, 则 $D(-2, 0)$, $C(2, 0)$;

当 $x=0$ 时, $y=-x^2+4=4$, 则 $B(0, 4)$,

从点 A, C, D 三个点中任取两个点和点 B 构造三角形的有: $\triangle ACB, \triangle ADB, \triangle CDB$,

∵ $AC=3, AD=1, CD=4, AB=\sqrt{17}, BC=2\sqrt{5}, BD=2\sqrt{5}$,

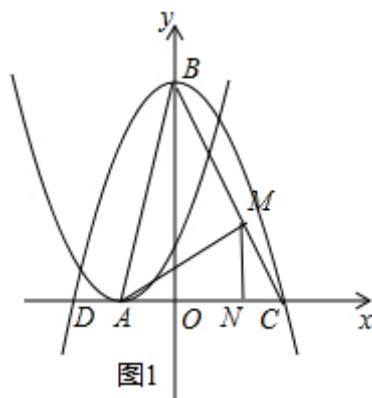
∴ $\triangle BCD$ 为等腰三角形, ∴ 构造的三角形是等腰三角形的概率 $=\frac{1}{3}$;

(3) 存在.

易得 BC 的解析是为 $y=-2x+4$, $S_{\triangle ABC}=\frac{1}{2}AC \cdot OB=\frac{1}{2} \times 3 \times 4=6$,

M 点的坐标为 $(m, -2m+4)$ ($0 \leq m \leq 2$),

① N 点在 AC 上, 如图 1,

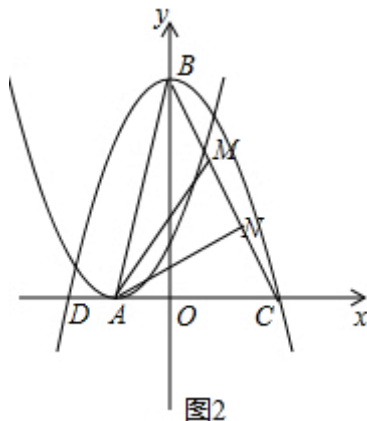


∴ $\triangle AMN$ 的面积为 $\triangle ABC$ 面积的 $\frac{1}{3}$, ∴ $\frac{1}{2}(m+1)(-2m+4)=2$, 解得 $m_1=0, m_2=1$,

当 $m=0$ 时, M 点的坐标为 $(0, 4)$, $N(0, 0)$, 则 $AN=1, MN=4$, ∴ $\tan \angle MAC = \frac{MN}{AN} = \frac{4}{1} = 4$;

当 $m=1$ 时, M 点的坐标为 $(1, 2)$, $N(1, 0)$, 则 $AN=2, MN=2$, ∴ $\tan \angle MAC = \frac{MN}{AN} = \frac{2}{2}$;

② 当 N 点在 BC 上, 如图 2, $BC = \sqrt{2^2 + 4^2} = 2\sqrt{5}$,



$$\because \frac{1}{2} BC \cdot AN = \frac{1}{2} AC \cdot BC, \text{ 解得 } AN = \frac{3 \times 4}{2\sqrt{5}} = \frac{6\sqrt{5}}{5},$$

$$\because S_{\triangle AMN} = \frac{1}{2} AN \cdot MN = 2, \therefore MN = \frac{4}{AN} = \frac{2\sqrt{5}}{3}, \therefore \angle MAC = \frac{MN}{AN} = \frac{\frac{2\sqrt{5}}{3}}{\frac{6\sqrt{5}}{5}} = \frac{5}{9};$$

③当N点在AB上,如图3,作AH⊥BC于H,设AN=t,则BN=√17-t,

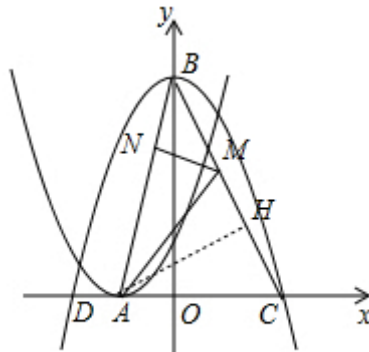


图3

$$\text{由②得 } AH = \frac{6\sqrt{5}}{5}, \text{ 则 } BH = \sqrt{(\sqrt{17})^2 - \left(\frac{6\sqrt{5}}{5}\right)^2} = \frac{7\sqrt{5}}{5},$$

$$\because \angle NBG = \angle HBA, \therefore \triangle BNM \sim \triangle BHA, \therefore \frac{MN}{AH} = \frac{BN}{BH}, \text{ 即 } \frac{MN}{\frac{6\sqrt{5}}{5}} = \frac{\sqrt{17}-t}{\frac{7\sqrt{5}}{5}}, \therefore MN = \frac{6\sqrt{17}-6t}{7},$$

$$\because \frac{1}{2} AN \cdot MN = 2, \text{ 即 } \frac{1}{2} \cdot (\sqrt{17}-t) \cdot \frac{6\sqrt{17}-6t}{7} = 2,$$

整理得 $3t^2 - 3\sqrt{17}t + 14 = 0$, $\Delta = (-3\sqrt{17})^2 - 4 \times 3 \times 14 = -15 < 0$, 方程没有实数解, \therefore 点N在AB上不符合条件,

综上所述, $\tan \angle MAN$ 的值为1或4或 $\frac{5}{9}$.