

2007 年四川德阳市初中毕业生学业考试

数学试卷

参考答案

一、选择题（每小题 2 分，共 24 分）

1. C 2. B 3. D 4. C 5. A 6. A
 7. D 8. B 9. C 10. A 11. D 12. B

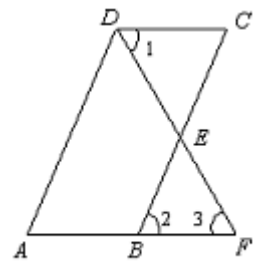
二、填空题（每小题 3 分，共 15 分）

13. 10
 14. <
 15. 6
 16. 10
 17. (14, 8)

三、解答题（第 18 题 5 分，第 19 题 7 分，第 20 题 8 分，第 21 题 7 分，共 27 分）

18. 解： $(\sqrt{2}+1)^0 + \left| -\frac{1}{4} \right| - 2^{-2}$
 $= 1 + \frac{1}{4} - \frac{1}{4}$ 3 分
 $= 1$ 5 分

19. 证明：∵ 四边形 ABCD 是平行四边形，
 ∴ DC // AB，即 DC // AF。 1 分
 ∴ ∠1 = ∠F， ∠C = ∠2。
 ∵ E 为 BC 的中点，
 ∴ CE = BE 4 分
 ∴ $\triangle DCE \cong \triangle FBE$ 6 分
 ∴ CD = BF 7 分

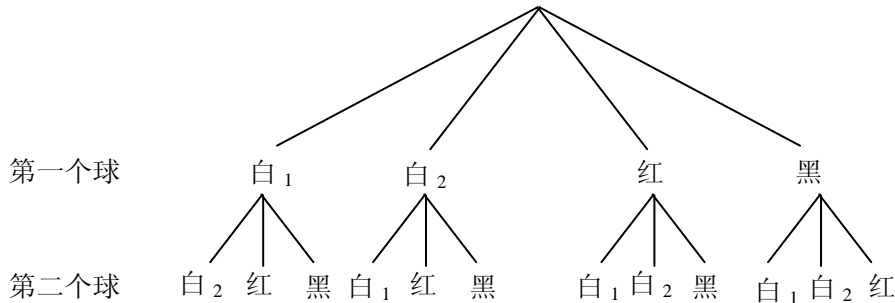


19 题答图

20. 解：(1) 设袋中有 x 个红球，据题意得 $\frac{2}{x+2+1} = \frac{1}{2}$ ，解得 $x=1$ 。(或 $\frac{2}{\frac{1}{2}} - 3 = 1$.)

∴ 袋中有红球 1 个。..... 3 分

(2) 画树状图如下：



6 分

∴ $P(\text{摸得一红一白}) = \frac{4}{12} = \frac{1}{3}$ 8 分

21. 解：(1) 连结 OC 。..... 1 分

∵ DC 切 $\odot O$ 于点 C ，∴ $\angle ODC = 90^\circ$ 2 分

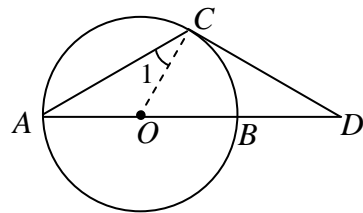
又 ∵ $\angle ACD = 120^\circ$ ，

∴ $\angle ACO = \angle ACD - \angle OCD = 120^\circ - 90^\circ = 30^\circ$

∵ $OC = OA$ ，∴ $\angle A = \angle ACO = 30^\circ$

∴ $\angle COD = 60^\circ$ ，∴ $\angle D = 30^\circ$ ，

∴ $CA = DC$ 5 分



21 题答图

(2) ∵ $\sin \angle D = \frac{OC}{OD} = \frac{OC}{OB + BD} = \frac{OB}{OB + BD}$ ， $\sin \angle D = \sin 30^\circ = \frac{1}{2}$ ，

∴ $\frac{OB}{OB + 10} = \frac{1}{2}$ 。

解得 $OB = 10$ ，即 $\odot O$ 的半径为 10。..... 7 分

四、解答题（第 22 题 7 分，第 23 题 8 分，共 15 分）

22. 解：(1) ①甲 甲 3 3 分

②3, 5.5 5 分

(2) 甲在 4-7 时的生产速度最快，

∴ $\frac{40-10}{7-4} = 10$ ，∴ 他在这段时间内每小时生产零件 10 个。..... 7 分

=

23. 解：设甲队单独完成需 x 天，则乙队单独完成需要 $2x$ 天。根据题意得..... 1 分

$$\frac{1}{x} + \frac{1}{2x} = \frac{1}{20}, \dots\dots\dots 3 \text{ 分}$$

解得 $x=30$ 。

经检验 $x=30$ 是原方程的解，且 $x=30$ ， $2x=60$ 都符合题意。..... 5 分

\therefore 应付甲队 $30 \times 1000 = 30000$ (元)。

应付乙队 $30 \times 2 \times 550 = 33000$ (元)。

\therefore 公司应选择甲工程队，应付工程总费用 30000 元。..... 8 分

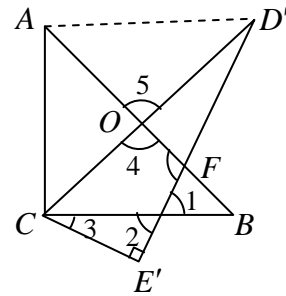
五、解答题 (第 24 题 9 分，第 25 题 10 分，共 19 分)

24. 解：(1) $\because \angle 3 = 15^\circ$ ， $\angle E' = 90^\circ$ ， $\angle 1 = \angle 2$ ，

$$\therefore \angle 1 = 75^\circ. \dots\dots\dots 2 \text{ 分}$$

又 $\because \angle B = 45^\circ$ ，

$$\therefore \angle OFE' = \angle B + \angle 1 = 45^\circ + 75^\circ = 120^\circ. \dots\dots\dots 3 \text{ 分}$$



24 题答图

(2) 连结 AD' 。

$$\because \angle OFE' = 120^\circ, \therefore \angle D'FO = 60^\circ,$$

$$\text{又} \because \angle CD'E' = 30^\circ, \therefore \angle 4 = 90^\circ. \dots\dots\dots 4 \text{ 分}$$

又 $\because AC = BC$ ， $AB = 6$ ，

$$\therefore OA = OB = 3,$$

$$\because \angle ACB = 90^\circ,$$

$$\therefore CO = \frac{1}{2} AB = \frac{1}{2} \times 6 = 3. \dots\dots\dots 5 \text{ 分}$$

又 $\because CD' = 7$ ，

$$\therefore OD' = CD' - OC = 7 - 3 = 4.$$

$$\text{在 Rt}\triangle AD'O \text{ 中, } AD' = \sqrt{OA^2 + OD'^2} = \sqrt{3^2 + 4^2} = 5. \dots\dots\dots 6 \text{ 分}$$

(3) 点 B 在 $\triangle D''CE''$ 内部. 7 分

理由如下: 设 BC (或延长线) 交 $D''E''$ 于点 B' 。

$$\because \angle B'CE'' = 15^\circ + 30^\circ = 45^\circ,$$

在 $\text{Rt}\triangle B'CE''$ 中, $CB' = \sqrt{2}CE'' = \frac{7\sqrt{2}}{2}$, 8 分

$$\text{又} \because CB = 3\sqrt{2} < \frac{7\sqrt{2}}{2}, \text{ 即 } CB < CB',$$

\therefore 点 B 在 $\triangle D''CE''$ 内部. 9 分

25. 解: (1) 由题意知点 C' 的坐标为 $(3, -4)$ 。

设 l_2 的函数关系式为 $y = a(x-3)^2 - 4$ 1 分

又 \because 点 $A(1,0)$ 在抛物线 $y = a(x-3)^2 - 4$ 上,

$$\therefore (1-3)^2 a - 4 = 0, \text{ 解得 } a=1.$$

\therefore 抛物线 l_2 的函数关系式为 $y = (x-3)^2 - 4$ (或 $y = x^2 - 6x + 5$). 3 分

(2) $\because P$ 与 P' 始终关于 x 轴对称,

$\therefore PP'$ 与 y 轴平行。

设点 P 的横坐标为 m , 则其纵坐标为 $m^2 - 6m + 5$,

$$\because OD = 4, \therefore 2|m^2 - 6m + 5| = 4, \text{ 即 } m^2 - 6m + 5 = \pm 2. \text{ 5 分}$$

当 $m^2 - 6m + 5 = 2$ 时, 解得 $m = 3 \pm \sqrt{6}$ 。

当 $m^2 - 6m + 5 = -2$ 时, 解得 $m = 3 \pm \sqrt{2}$. \therefore 当点 P 运动到 $(3 - \sqrt{6}, 2)$ 或 $(3 + \sqrt{6}, 2)$ 或 $(3 - \sqrt{2}, -2)$

或 $(3 + \sqrt{2}, -2)$ 时,

$PP' \parallel OD$, 以点 D, O, P, P' 为顶点的四边形是平行四边形. 7 分

(3) 满足条件的点 M 不存在. 理由如下: 若存在满足条件的点 M 在 l_2 上, 则

=

$\angle AMB = 90^\circ$, $\therefore \angle BAM = 30^\circ$ (或 $\angle ABM = 30^\circ$),

$$\therefore BM = \frac{1}{2}AB = \frac{1}{2} \times 4 = 2.$$

过点 M 作 $ME \perp AB$ 于点 E, 可得 $\angle BME = \angle BAM = 30^\circ$.

$$\therefore EB = \frac{1}{2}BM = \frac{1}{2} \times 2 = 1, \quad EM = \sqrt{3}, \quad OE = 4.$$

\therefore 点 M 的坐标为 $(4, -\sqrt{3})$ 8 分

但是, 当 $x=4$ 时, $y = 4^2 - 6 \times 4 + 5 = 16 - 24 + 5 = -3 \neq -\sqrt{3}$ 9 分

\therefore 不存在这样的点 M 构成满足条件的直角三角形。.....10 分

