

2009 中考浙江温州

数学卷

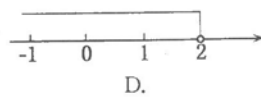
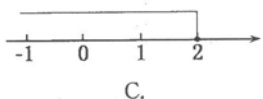
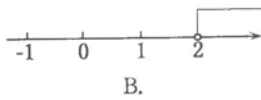
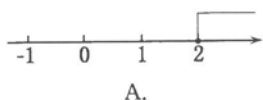
卷 I

一、选择题(本题有 10 小题, 每小题 4 分, 共 40 分. 每小题只有一个选项是正确的, 不选、多选、错选, 均不给分)

1. 给出四个数 0 , $\sqrt{2}$, $-\frac{1}{2}$, 0.3 其中最小的是(▲)

- A. 0 B. $\sqrt{2}$ C. $-\frac{1}{2}$ D. 0.3

2. 把不等式 $x+2>4$ 的解表示在数轴上, 正确的是(▲)



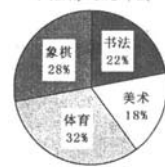
3. 计算 $a^2 \cdot a^4$ 的结果是(▲)

- A. a^2 B. a^6 C. a^8 D. a^{16}

4. 某班学生参加课外兴趣小组情况的统计图如图所示, 则参加人数最多的课外兴趣小组是(▲)

- A. 书法 B. 象棋
C. 体育 D. 美术

某班学生参加课外兴趣小组情况统计图



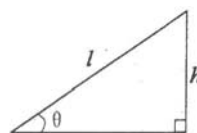
(第 4 题)

5. 直线 $y=x+3$ 与 y 轴的交点坐标是(▲)

- A. $(0, 3)$ B. $(0, 1)$ C. $(3, 0)$ D. $(1, 0)$

6. 如图, 已知一商场自动扶梯的长 z 为 10 米, 该自动扶梯到达的高度为 6 米, 自动扶梯与地面所成的角为 θ , 则 $\tan \theta$ 的值等于(▲)

- A. $\frac{3}{4}$ B. $\frac{4}{3}$ C. $\frac{3}{5}$ D. $\frac{4}{5}$



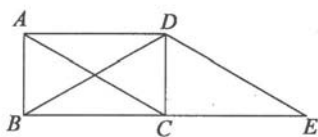
(第 6 题)

7. 下列命题中, 属于假命题的是(▲)

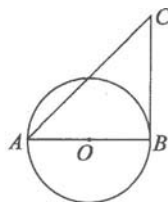
- A. 三角形三个内角的和等于 180° B. 两直线平行, 同位角相等
C. 矩形的对角线相等 D. 相等的角是对顶角.

8. 如图, AC ; BD 是矩形 $ABCD$ 的对角线, 过点 D 作 $DE \parallel AC$ 交 BC 的延长线于 E , 则图中与 $\triangle ABC$ 全等的三角形共有(▲)

- A. 1 个 B. 2 个 C. 3 个 D. 4 个



(第 8 题)



(第 9 题)

9. 如图, 在 $\triangle ABC$ 中, $AB=BC=2$, 以 AB 为直径的 $\odot O$ 与 BC 相切于点 B , 则 AC 等于(▲)

- A. $\sqrt{2}$ B. $\sqrt{3}$ C. $2\sqrt{2}$ D. $2\sqrt{3}$

10. 用若干根相同的火柴棒首尾顺次相接围成一个梯形(提供的火柴棒全部用完), 下列根数的火柴棒不能围成梯形的是(▲) .

- A. 5 B. 6 C. 7 D. 8



(第 10 题)

卷 II

二、填空题(本题有 6 小题. 每小题 5 分, 共 30 分)

11. 分解因式: $m^2 - 2m =$ _____.

12. 在“情系玉树献爱心”捐款活动中, 某校九(1)班同学人人拿出自己的零花钱, 现将同学们的捐款数整理成统计表, 则该班同学平均每人捐款元.

捐款数(元)	5	10	20	50
人数	4	15	6	5

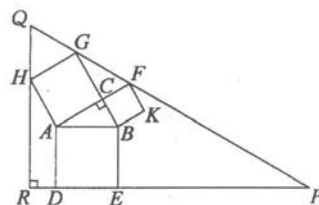
(第 12 题)

13. 当 $x =$ _____ 时, 分式 $\frac{x+3}{x-1}$ 的值等于 2.

14. 若一个反比例函数的图象位于二、四象限, 则它的解析式可能是▲. (写出一个即可)

15. 某班级从文化用品市场购买了签字笔和圆珠笔共 15 支, 所付金额大于 26 元, 但小于 27 元. 已知签字笔每支 2 元, 圆珠笔每支 1.5 元, 则其中签字笔购买了_____支.

16. 勾股定理有着悠久的历史, 它曾引起很多人的兴趣. 1955 年希腊发行了二枚以勾股图为背景的邮票. 所谓勾股图是指以直角三角形的三边为边向外作正方形构成, 它可以验证勾股定理. 在右图的勾股图中, 已知 $\angle ACB = 90^\circ$, $\angle BAC = 30^\circ$, $AB = 4$. 作 $\triangle PQR$ 使得 $\angle R = 90^\circ$, 点 H 在边 QR 上, 点 D, E 在边 PR 上, 点 G, F 在边 PQ 上, 那么 $\triangle PQR$ 的周长等于_____.



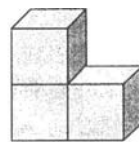
(第 16 题)

三、解答题(本题有 8 小题, 共 80 分)

17. (本题 10 分) (1) 计算: $\sqrt{8} + (2010 - \sqrt{3})^0 - \left(\frac{1}{2}\right)^{-1}$.

(2) 先化简, 再求值: $(n+6)(a-b) + a(2b-a)$, 其中 $n=1.5$, $b=-2$.

18. (本题 6 分) 由 3 个相同的小立方块搭成的几何体如图所示, 请画出它的主视图和俯视图.



主视方向
(第 18 题)

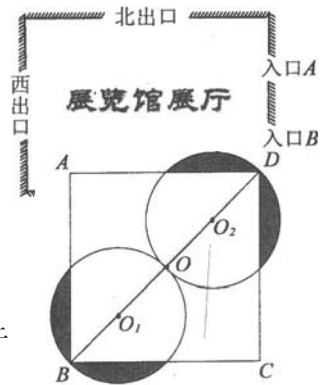
19. (本题 8 分) 2010 年上海世博会某展览馆展厅东面有两个入口 A, B, 南面 j 西面、北面各有一个出口, 示意图如图所示. 小华任选一个入口进入展览大厅, 参观结束后任选一个出口离开.

(1) 她从进入到离开共有多少种可能的结果?(要求画出树状图)

(2) 她从入口 A 进入展厅并从北出口或西出口离开的概率是多少?

20. (本题 8 分)如图, 在正方形 ABCD 中, AB=4, O 为对角线 BD 的中点, 分别以 OB, OD 为直径作 $\odot O_1$, $\odot O_2$.

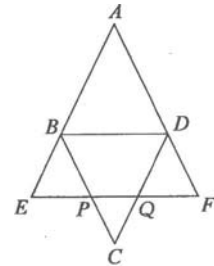
- (1) 求 $\odot O_1$ 的半径;
- (2) 求图中阴影部分的面积.



(第 20 题)

21. (本题 10 分)如图, 在 $\square ABCD$ 中, $EF \parallel BD$, 分别交 BC, CD 于点 P, Q, 交 AB, AD 的延长线于点 E, F. 已知 $BE=BP$.

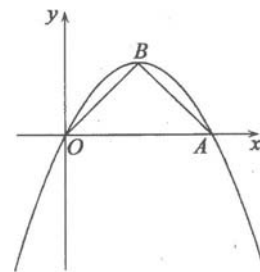
求证: (1) $\angle E = \angle F$ (2) $\square ABCD$ 是菱形.



(第 21 题)

22. (本题 12 分)如图, 抛物线 $y=ax^2+bx$ 经过点 A(4, 0), B(2, 2)。连结 OB, AB.

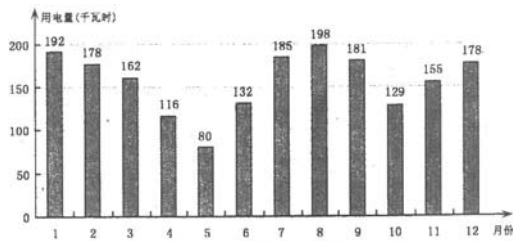
- (1) 求该抛物线的解析式;
- (2) 求证: $\triangle OAB$ 是等腰直角三角形;
- (3) 将 $\triangle OAB$ 绕点 O 按顺时针方向旋转 135° 得到 $\triangle OA'B'$, 写出 $\triangle OA'B'$ 的中点 P 的坐标. 试判断点 P 是否在此抛物线上, 并说明理由.



(第 22 题)

23. (本题 12 分)在日常生活中, 我们经常有目的地收集数据, 分析数据, 作出预测.

(1) 下图是小芳家 2009 年全年月用电量的条形统计图.



(第 23 题)

根据图中提供的信息, 回答下列问题:

- ① 2009 年小芳家月用电量最小的是____月, 四个季度中用电量最大的是第____季度;
 - ② 求 2009 年 5 月至 6 月用电量的月增长率;
- (2) 今年小芳家添置了新电器. 已知今年 5 月份的用电量是 120 千瓦时, 根据 2009 年 5 月至

7月用电量的增长趋势，预计今年7月份的用电量将达到240千瓦时。假设今年5月至6月用电量月增长率是6月至7月用电量月增长率的1.5倍，预计小芳家今年6月份的用电量是多少千瓦时？

24. (本题 14 分)如图, 在 $Rt\triangle ABC$ 中, $\angle ACB=90^\circ$, $AC=3$, $BC=4$, 过点 B 作射线 $BB_1 \parallel AC$. 动点 D 从点 A 出发沿射线 AC 方向以每秒 5 个单位的速度运动, 同时动点 E 从点 C 出发沿射线 AC 方向以每秒 3 个单位的速度运动. 过点 D 作 $DH \perp AB$ 于 H , 过点 E 作 $EF \perp AC$ 交射线 BB_1 于 F , G 是 EF 中点, 连结 DG . 设点 D 运动的时间为 t 秒.

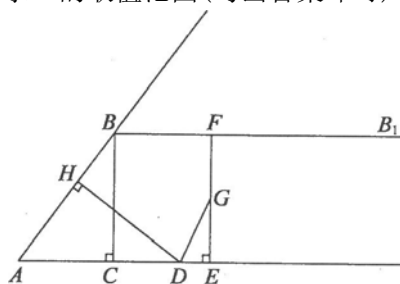
(1) 当 t 为何值时, $AD=AB$, 并求出此时 DE 的长度;

(2) 当 $\triangle DEG$ 与 $\triangle ACB$ 相似时, 求 t 的值;

(3) 以 DH 所在直线为对称轴, 线段 AC 经轴对称变换后的图形为 $A'C'$.

① 当 $t > \frac{3}{5}$ 时, 连结 $C'C$, 设四边形 $ACC'A'$ 的面积为 S , 求 S 关于 t 的函数关系式;

② 当线段 $A'C'$ 与射线 BB_1 有公共点时, 求 t 的取值范围(写出答案即可).



(第 24 题)

数学参考答案

一、选择题(本题有 10 小题,每小题 4 分,共 40 分)

题号	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
答案	C	B	B	C	A	A	D	D	C	B

二、填空题(本题有 6 小题,每小题 5 分,共 30 分)

11. $m(m-2)$ 12. 18 13. 5 14. 如: $y = -\frac{1}{x}$ 15. 8 16. $27+13\sqrt{3}$

三、解答题(本题有 8 小题,共 80 分)

17. 解:(1)原式 $= 2\sqrt{2} + 1 - 2$

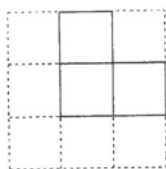
$$= 2\sqrt{2} - 1$$

(2)原式 $= a^2 - b^2 + 2ab - a^2$

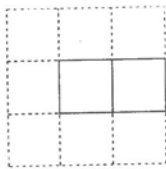
$$= -b^2 + 2ab$$

当 $a=1.5, b=2$ 时,原式 $= -2^2 + 2 \times 1.5 \times 2 = -4 + 6 = 2$

18. 解:

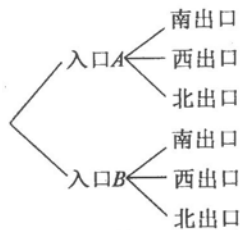


主视图



俯视图

19. 解:(1)树状图如图:



\therefore 所有可能的结果有 6 种.

(2) 设她从入口 A 进入展厅并从北出口或西出口离开的概率为 P

$$\text{则 } P = \frac{2}{6} = \frac{1}{3}.$$

20. 解:(1) 在正方形 $ABCD$ 中, $AB=AD=4, \angle A=90^\circ$

$$\therefore BD = \sqrt{4^2 + 4^2} = 4\sqrt{2}$$

$$\therefore OO_1 = \frac{1}{4}BD = \frac{1}{4} \times 4\sqrt{2} = \sqrt{2}$$

$\therefore \odot O_1$ 的半径为 $\sqrt{2}$.

(2) 连结 O_1E

$\because BD$ 为正方形 $ABCD$ 的对角线

$$\therefore \angle ABO = 45^\circ$$

$$\because O_1E = O_1B$$

$$\therefore \angle BEO_1 = \angle EBO_1 = 45^\circ$$

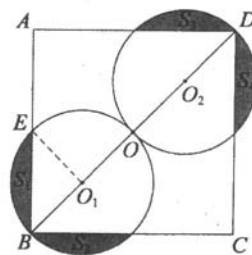
$$\therefore \angle BO_1E = 90^\circ$$

$$\therefore S_1 = S_{\text{扇形}O_1BE} - S_{\triangle O_1BE}$$

$$= \frac{90 \times \pi \times (\sqrt{2})^2}{360} - \frac{1}{2} \times (\sqrt{2})^2 = \frac{1}{2}\pi - 1$$

根据图形的对称性得 $S_1 = S_2 = S_3 = S_4$

$$\therefore S_{\text{阴影}} = 4S_1 = 2\pi - 4$$



21. 证明: (1) 在 $\square ABCD$ 中, $BC \parallel AD$

$$\therefore \angle 1 = \angle F$$

$$\because BE = BP$$

$$\therefore \angle E = \angle 1$$

$$\therefore \angle E = \angle F$$

(2) $\because BD \parallel EF$

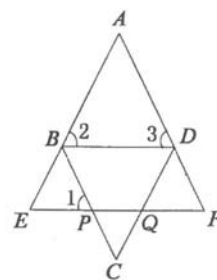
$$\therefore \angle 2 = \angle E, \angle 3 = \angle F$$

$$\because \angle E = \angle F$$

$$\therefore \angle 2 = \angle 3$$

$$\therefore AB = AD$$

$\therefore \square ABCD$ 是菱形



22. 解: (1) 由题意得
$$\begin{cases} 16a + 4b = 0 \\ 4a + 2b = 2 \end{cases}$$

$$\text{解得} \begin{cases} a = -\frac{1}{2} \\ b = 2 \end{cases}$$

$$\therefore \text{该抛物线的解析式为: } y = -\frac{1}{2}x^2 + 2x$$

(2) 过点 B 作 $BC \perp x$ 轴于点 C , 则 $OC = BC = AC = 2$

$$\therefore \angle BOC = \angle OBC = \angle BAC = \angle ABC = 45^\circ$$

$$\therefore \angle OBA = 90^\circ, OB = AB$$

$\therefore \triangle OAB$ 是等腰直角三角形

(3) $\because \triangle OAB$ 是等腰直角三角形, $OA = 4$

$$\therefore OB = AB = 2\sqrt{2}$$

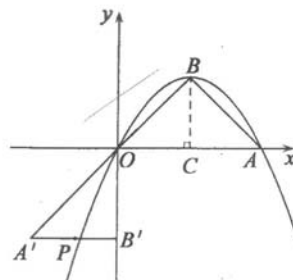
由题意得

$$\text{点 } A' \text{ 坐标为 } (-2\sqrt{2}, -2\sqrt{2})$$

$$\therefore A'B' \text{ 的中点 } P \text{ 的坐标为 } (-\sqrt{2}, -2\sqrt{2})$$

$$\text{当 } x = -\sqrt{2} \text{ 时, } y = -\frac{1}{2} \times (-\sqrt{2})^2 + 2 \times (-\sqrt{2}) \neq -2\sqrt{2}$$

\therefore 点 P 不在二次函数的图象上.



23. 解: (1) ① 5, 三.

$$\textcircled{2} \frac{132 - 80}{80} \times 100\% = 65\%$$

答: 2009年5月至6月用电量的月增长率是65%.

(2) 设 6 月至 7 月用电量月增长率为 x , 则 5 月至 6 月用电量月增长率是 $1.5x$.

由题意得 $120(1+1.5x)(1+x)=240$

化简得 $3x^2+5x-2=0$

解得 $x_1=\frac{1}{3}$ $x_2=-2$ (不合题意, 舍去)

$\therefore 120 \times (1+1.5x) = 120 \times (1+1.5 \times \frac{1}{3}) = 180$ (千瓦时)

答: 预计小芳家今年 6 月份的用电量是 180 千瓦时.

24. 解: (1) $\because \angle ACB=90^\circ, AC=3, BC=4$

$\therefore AB=\sqrt{3^2+4^2}=5$

$\because AD=5t, CE=3t$

\therefore 当 $AD=AB$ 时, $5t=5$

$\therefore t=1$

$\therefore AE=AC+CE=3+3t=6$

$\therefore DE=6-5=1$

(2) $\because EF=BC=4, G$ 是 EF 中点

$\therefore GE=2$

当 $AD < AE$ (即 $t < \frac{3}{2}$) 时, $DE=AE-AD=3+3t-5t=3-2t$

若 $\triangle DEG$ 与 $\triangle ACB$ 相似, 则 $\frac{DE}{EG}=\frac{AC}{BC}$ 或 $\frac{DE}{EG}=\frac{BC}{AC}$

$\therefore \frac{3-2t}{2}=\frac{3}{4}$ 或 $\frac{3-2t}{2}=\frac{4}{3}$

$\therefore t=\frac{3}{4}$ 或 $t=\frac{1}{6}$

当 $AD > AE$ (即 $t > \frac{3}{2}$) 时, $DE=AD-AE=5t-(3+3t)=2t-3$

若 $\triangle DEG$ 与 $\triangle ACB$ 相似, 则 $\frac{DE}{EG}=\frac{AC}{BC}$ 或 $\frac{DE}{EG}=\frac{BC}{AC}$

$\therefore \frac{2t-3}{2}=\frac{3}{4}$ 或 $\frac{2t-3}{2}=\frac{4}{3}$

$\therefore t=\frac{9}{4}$ 或 $t=\frac{17}{6}$

综上所述, 当 $t=\frac{3}{4}$ 或 $\frac{1}{6}$ 或 $\frac{9}{4}$ 或 $\frac{17}{6}$ 时, $\triangle DEG$ 与 $\triangle ACB$ 相似.

(3) ① 由轴对称变换得 $AA' \perp DH, CC' \perp DH$

$\therefore AA' \parallel CC'$

易知 $OC \neq AH$ 故 $AA' \neq CC'$

\therefore 四边形 $ACC'A'$ 是梯形

$\because \angle A = \angle A, \angle AHD = \angle ACB = 90^\circ$

$\therefore \triangle AHD \sim \triangle ACB$

$\therefore \frac{AH}{AC} = \frac{DH}{BC} = \frac{AD}{AB}$

$\therefore AH=3t, DH=4t$

$\because \sin \angle ADH = \sin \angle CDO$

$\therefore \frac{AH}{AD} = \frac{CO}{CD}$ 即 $\frac{3}{5} = \frac{CO}{5t-3} \therefore CO=3t-\frac{9}{5}$

$\therefore AA'=2AH=6t, CC'=2CO=6t-\frac{18}{5}$

$\because OD=CD \cdot \cos \angle CDO = (5t-3) \times \frac{4}{5} = 4t-\frac{12}{5}$

$\therefore OH=DH-OD=\frac{12}{5}$

$\therefore S = \frac{1}{2} (AA' + CC') \cdot OH = \frac{1}{2} (6t + 6t - \frac{18}{5}) \times \frac{12}{5} = \frac{72}{5}t - \frac{108}{25}$

