

2014 年江西省中考模拟数学（二）

一、选择题（本大题共 6 个小题，每小题 3 分，共 18 分）每小题只有一个正确选项

1. 计算 $2 - (-3)$ 的结果等于（ ）

- A. -1
- B. 1
- C. 5
- D. 6

解析： 根据减去一个数等于加上这个数相反数，可得加法运算，根据有理数的加法运算，可得答案.

答案：C.

2. 下列汽车标志图形中，是轴对称图形的是（ ）



解析： A、不是轴对称图形. 故本选项错误；

B、是轴对称图形，故本选项正确；

C、不是轴对称图形，故本选项错误；

D、不是轴对称图形，故本选项错误.

答案：B.

3. 财政部发布：2013 年全国公共财政收入累计达到 129143 亿元，比上年增长 10.1%. 把 129143 亿元用科学记数法表示为（ ）

- A. 129143×10^8 元
- B. 1.29143×10^{13} 元
- C. 1.29143×10^{14} 元
- D. 0.129143×10^{14} 元

解析： 科学记数法的表示形式为 $a \times 10^n$ 的形式，其中 $1 \leq |a| < 10$ ， n 为整数. 确定 n 的值时，要看把原数变成 a 时，小数点移动了多少位， n 的绝对值与小数点移动的位数相同. 当原数绝对值 > 1 时， n 是正数；当原数的绝对值 < 1 时， n 是负数.

答案：B.

4. 2014年NBA（美国男子篮球职业联赛）全明星赛中，东部明星队与西部明星队全场总分及各节得分的方差如表，由上述信息可知（ ）

A	全场得分	各节得分方差	各节得分极差
东部明星队	163	21.75	8
西部明星队	155	41.25	16

- A. 东部明星队各节得分更稳定
- B. 西部明星队各节得分更稳定
- C. 两个球队各节得分一样稳定
- D. 无法确定哪个球队各节得分更稳定

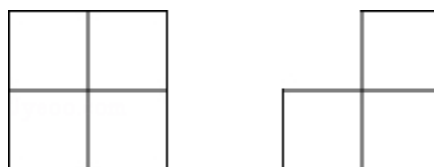
解析：∵东部明星队的方差是 21.75，西部明星队的方差是 41.25，

∴东部明星队小于西部明星队，

∴东部明星队各节得分更稳定；

答案：A.

5. 有菱长相等的正方体组成一个几何体的俯视图与左视图如图，组成这个几何体的正方体个数最少是（ ）个.



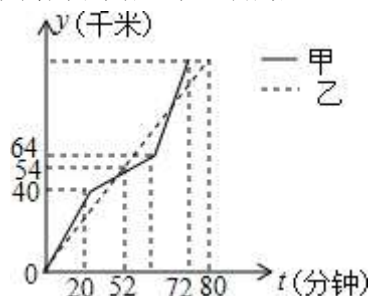
- A. 3
- B. 4
- C. 5
- D. 6

解析：由俯视图可以看出组成这个几何体的底面小正方体有 4 个，由左视图可知第二层最少有 1 个，

故组成这个几何体的小正方体的个数最少为：4+1=5（个）.

答案：C.

6. 一次摩托车国际拉力赛中，甲乙两名选手行驶的路程 y （千米）随时间 t （分钟）变化的图象（全程）如图，根据图象判断下列结论不正确的是（ ）



- A. 甲先到达终点
- B. 前 20 分钟，甲在乙的前面
- C. 这次比赛全程是 128 千米
- D. 两人第一次相遇时，各行驶了 54 千米

解析： 甲 72 分钟到终点，乙 80 分钟到终点，甲先到终点，故 A 正确；
前 20 分钟甲的图象在乙的图象的上方，故 B 正确；

第 52 分钟乙行了 54 千米，80 分钟行了 $80 \times \frac{54}{52} = \frac{1080}{13}$ 千米，故 C 错误；

由图象可得，两人第一次相遇时，各行驶了 54 千米，故 D 正确；

答案:C.

二、填空题（本大题共 8 个小题，每小题 3 分，共 24 分）

7. 计算 $n^6 \div n^3$ 的结果是_____.

解析： 根据同底数幂的除法底数不变指数相减，可得答案.

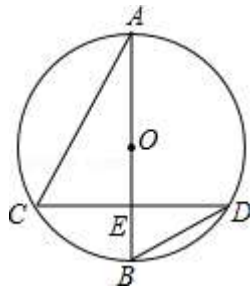
答案： n^3 .

8. 当自变量 x 的值为 -7.5 时，函数 $y = \sqrt{3 - 2x}$ 的函数值 y 等于_____.

解析： $x = -7.5$ 时， $y = \sqrt{3 - 2 \times (-7.5)} = \sqrt{18} = 3\sqrt{2}$.

答案： $3\sqrt{2}$.

9. 如图，在 $\odot O$ 中，直径 AB 交 CD 于点 E ， $CE = DE$ ， $\angle ACE = 68^\circ$ ，则 $\angle BDC =$ _____.



解析： $\because \angle ACE = 68^\circ$ ，

$\therefore \angle B = 68^\circ$ ，

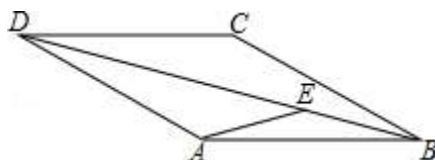
\because 直径 AB 交 CD 于点 E ， $CE = DE$ ，

$\therefore \angle DEB = 90^\circ$ ，

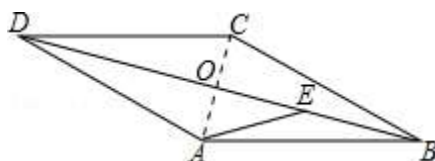
$\therefore \angle D = 180^\circ - 68^\circ - 90^\circ = 22^\circ$ ，

答案： 22° .

10. 如图，在菱形 $ABCD$ 中，对角线 $BD = 10$ ， E 点在 BD 上，且 $AE = BE = 3$ ，那么这个菱形的边长等于_____.



解析： 连接 AC ，



∵在菱形 ABCD 中，对角线 BD=10，

∴AC ⊥ BD，BO=5，

∴AE=BE=3，

∴EO=2，

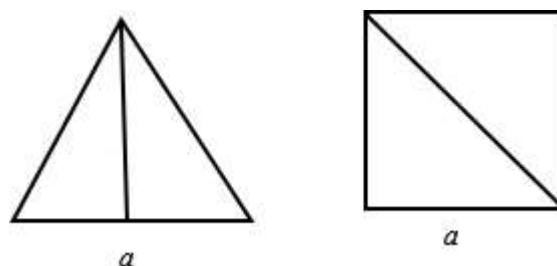
$$\therefore AO = \sqrt{3^2 - 2^2} = \sqrt{5},$$

$$\therefore AB = \sqrt{5^2 + (\sqrt{5})^2} = \sqrt{30}.$$

答案： $\sqrt{30}$.

11. 在边长相等的正三角形与正方形中，正三角形一边上的高与正方形一条对角线的一半的比是_____.

解析：如图：



设正三角形与正方形的边长为 a，

正三角形一边上的高为 $\frac{\sqrt{3}}{2}a$ ，正方形一条对角线的一半为 $\frac{1}{2} \times \sqrt{2}a = \frac{\sqrt{2}}{2}a$ ，

$$\frac{\sqrt{3}}{2}a : \frac{\sqrt{2}}{2}a = \sqrt{3} : \sqrt{2}.$$

答案： $\sqrt{3} : \sqrt{2}$.

12. 国家一直在设法控制大城市房价的增长速度，某城市的房均价 2012 年为 6000 元/平方米，今年（2014 年）房均价为 7260 元/平方米，则这个城市的房均价这两年增长率是_____.

解析：设个城市的房均价这两年增长率是 x，

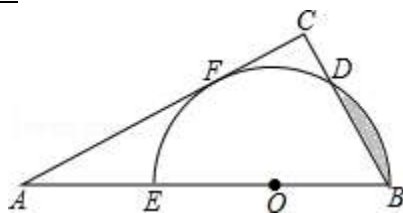
根据题意，得： $6000(1+x)^2 = 7260$

化简，得 $(1+x)^2 = 1.21$ ，

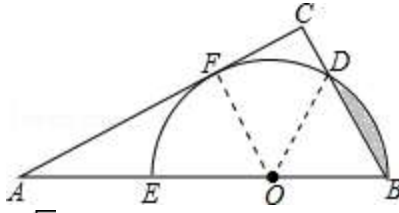
解得 $x_1 = 0.1$ ， $x_2 = -2.1$ （不合题意，舍去），

答案：10%.

13. 如图，把一块三角板（ $\angle A = 30^\circ$ ， $\angle C = 90^\circ$ ， $AC = 6\sqrt{3}$ cm）和半圆形量角器按图中方式叠放，量角器的直径在 AB 上，且一 endpoint 刚好与 B 点重合，重合部分的量角器圆弧与 AC 相切，则图中阴影部分的面积是_____.



解析：连接 OD，OF，



$$\because \angle A = 30^\circ, \angle C = 90^\circ, AC = 6\sqrt{3} \text{ cm},$$

$$\therefore BC = \tan 30^\circ \cdot AC = 6 \text{ cm},$$

$$\therefore AB = 12 \text{ cm},$$

设圆的半径为 r , 则 $AO = 12 - r$,

\because 圆弧与 AC 相切,

$$\therefore OF \perp AC,$$

$$\because AC \perp BC,$$

$$\therefore OF \parallel BC,$$

$$\therefore \triangle AFO \sim \triangle ACB,$$

$$\therefore \frac{OF}{BC} = \frac{AO}{AB},$$

$$\text{即 } \frac{r}{6} = \frac{12 - r}{12},$$

$$\therefore r = 4 \text{ cm},$$

$$\because \angle DBO = 60^\circ,$$

$$\therefore OD = OB = DB = 4 \text{ cm},$$

$$\therefore \text{阴影部分的面积} = \text{扇形 DOB 面积} - \triangle ODB \text{ 的面积} = \frac{60\pi \times 4^2}{360} - \frac{1}{2} \times 4 \times 2\sqrt{3} = \frac{8\pi}{3} - 4,$$

$$\text{答案: } \frac{8\pi}{3} - 4\sqrt{3}.$$

14. 已知 $\text{Rt}\triangle ABC$, $\angle C = 90^\circ$, $AC = 8 \text{ cm}$, $BC = 6 \text{ cm}$, 若 $\triangle PAB$ 与 $\triangle ABC$ 全等, 那么 $PC =$ _____.

解析: 由勾股定理得, $AB = \sqrt{AC^2 + BC^2} = \sqrt{8^2 + 6^2} = 10 \text{ cm}$,

① 点 P 与点 C 在 AB 的两侧时, 若 AP 与 BC 是对应边, 则四边形 $ACBP$ 是矩形,

$$\therefore PC = AB = 10 \text{ cm},$$

若 AP 与 AC 是对应边, 则 $\triangle ABC$ 和 $\triangle ABP$ 关于直线 AB 对称,

$$\therefore AB \perp PC$$

设 AB 与 PC 相交于点 D , 则 $S_{\triangle ABC} = \frac{1}{2} \times 10 \cdot CD = \frac{1}{2} \times 6 \times 8$,

$$\text{解得 } CD = \frac{24}{5},$$

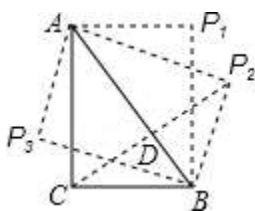
$$\therefore PC = 2CD = 2 \times \frac{24}{5} = \frac{48}{5},$$

② 点 P 与点 C 在 AB 的同侧时,

$$\text{由勾股定理得, } BD = \sqrt{BC^2 - CD^2} = \sqrt{6^2 - \left(\frac{24}{5}\right)^2} = \frac{18}{5},$$

$$\therefore PC=AB - 2BD=10 - 2 \times \frac{18-14}{5} = \frac{14}{5}$$

综上所述，PC 的长为 10 或 $\frac{48}{5}$ 或 $\frac{14}{5}$.



答案：10 或 $\frac{48}{5}$ 或 $\frac{14}{5}$.

三、计算题（本大题共 4 个小题，每小题 6 分，共 24 分）

15. 解不等式 $\frac{5x-1}{3} - x > 1$ ，并写出一个符合此不等式解的无理数.

解析：不等式去分母，去括号，移项合并，将 x 系数化为 1，求出解集，找出解集中的一个无理数解即可.

答案：去分母得： $5x - 1 - 3x > 3$,

移项合并得： $2x > 4$,

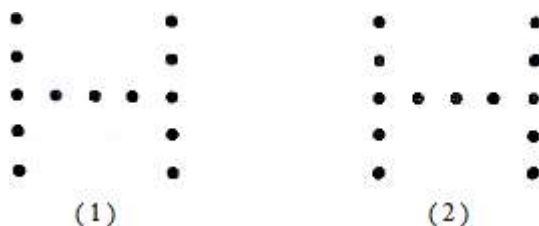
解得： $x > 2$,

则不等式的无理数解可以为 $2\sqrt{2}$.

16. 下列每幅图中的横列点所在的直线与纵列点所在的直线相互垂直，并且相邻两点的距离为 1，请用无刻度的直尺，通过连接点的方法完成作图.

(1) 在图 (1) 中作出一条长为 5 的线段；

(2) 在图 (2) 中作一个面积为 7 的等腰三角形.

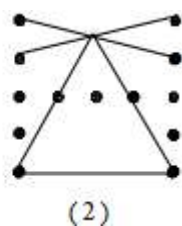
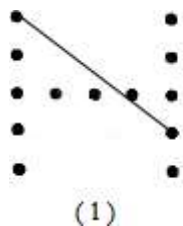


解析：(1) 结合勾股定理得出得出一条长为 5 的线段即可；

(2) 利用等腰三角形的性质结合底边长为 4，进而得出其高即可得出答案.

答案：(1) 如图所示：

(2) 如图所示：



17. 先化简，再求代数式 $\frac{b^2 - a^2}{ab - a^2} \div \left(a + \frac{2ab + b^2}{a} \right)$ 的值，其中 $a=2$, $b=\sqrt{3}$.

解析：先根据分式混合运算的法则把原式进行化简，再把 a 、 b 的值代入进行计算即可.

答案：原式 = $\frac{(b+a)(b-a)}{a(b-a)} \div \frac{(a+b)^2}{a}$

$$= \frac{b+a}{a} \cdot \frac{a}{(a+b)^2}$$

$$= \frac{1}{a+b}$$

当 $a=2$, $b=\sqrt{3}$ 时，原式 = $2 - \sqrt{3}$.

18. 五一小长假期间，红色井冈山吸引了许多游客，方芳也随爸爸从南昌到井冈山旅游，由于仅有一天的时间，以下四个心仪的景点方芳不能都去. A - 黄洋界，B - 革命烈士陵园，C - 笔架山，D - 毛泽东旧居.

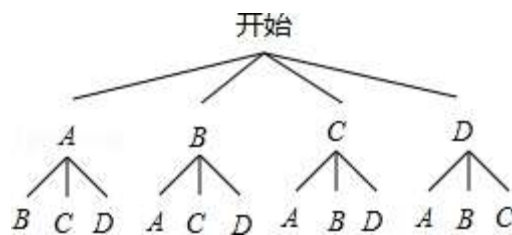
- (1) 若爸爸让方芳从以上四个景点中任意选择一处游玩，求选中 D 处的概率；
- (2) 若爸爸让方芳从以上四个景点中任意选择两处游玩，请利用树图或列表格列举出所有可能选择的情况，并求方芳能选中 D 处的概率.

解析：(1) 由共四个心仪的景点，可直接利用概率公式求解即可求得答案；
 (2) 首先根据题意画出树状图，然后由树状图求得所有等可能的结果与方芳能选中 D 处的情况，再利用概率公式即可求得答案.

答案：(1) ∵ 共有四个心仪的景点，

∴ 选中 D 处的概率为： $\frac{1}{4}$;

(2) 画树状图得：



∵ 共有 12 种等可能的结果，方芳能选中 D 处的有 6 种情况，

∴ 方芳能选中 D 处的概率为： $\frac{6}{12} = \frac{1}{2}$.

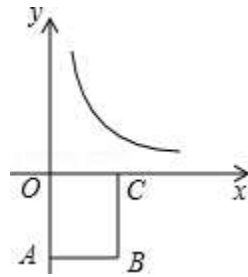
四、计算题

19. 如图，在平面直角坐标系中，反比例函数 $y = \frac{k}{x}$ ($x > 0$) 的图象在第一象限，矩形 OABC

的顶点 A 在 y 轴负半轴，顶点 C 在 x 轴正半轴，且 $OA = 4\sqrt{3}$, $AB = 6$.

- (1) 直接写出 A、B、C 三点的坐标；

(2) 将矩形 OABC 绕顶点 O 逆时针旋转 60° ，矩形的两个顶点恰好同时落在反比例函数的图象上，猜想这是哪两个点，并求出此时这两个点的坐标及反比例函数的解析式。



解析： (1) 直接根据矩形的性质即可得出各点坐标；

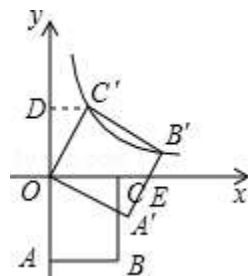
(2) 根据点 A 在 y 轴负半轴上可知，将矩形 OABC 绕顶点 O 逆时针旋转 60° ，必然是 BC 两点落在反比例函数的图象上，过点 C' 作 $C'D \perp y$ 轴于点 D，由直角三角形的性质求出 $C'D$ 的长，进而得出 C' 的坐标，进而得出反比例函数的解析式，在 $Rt\triangle OAE$ 中求出 OC 的长，利用待定系数法求出直线 OC 的解析式，根据平移的性质得出直线 $A'B'$ 的解析式，进而得出 B 点坐标。

答案： (1) \because 四边形 ABCD 是矩形， $OA=4\sqrt{3}$ ， $AB=6$ ，
 $\therefore A(0, -4\sqrt{3})$ ， $B(6, -4\sqrt{3})$ ， $C(6, 0)$ ；

(2) 如图所示，

\because 点 A 在 y 轴负半轴上，

\therefore 将矩形 OABC 绕顶点 O 逆时针旋转 60° ，B、C 两点落在反比例函数的图象上，过点 C' 作 $C'D \perp y$ 轴于点 D，



$\because OC' = OC = 6$ ， $\angle EOC' = 60^\circ$ ，

$\therefore \angle DOC' = 30^\circ$ ，

$\therefore C'D = 3$ ， $OD = \sqrt{OC'^2 - C'D^2} = \sqrt{6^2 - 3^2} = 3\sqrt{3}$ ，

$\therefore C'(3, 3\sqrt{3})$ ，

\therefore 反比例函数的解析式为 $y = \frac{9\sqrt{3}}{x}$ ，

$\because \angle AOA' = 60^\circ$ ， $OA' = OA = 4\sqrt{3}$ ，

$\therefore \angle A'OE = 30^\circ$ ，

$\therefore OC = \frac{OA'}{\cos 30^\circ} = \frac{4\sqrt{3}}{\frac{\sqrt{3}}{2}} = 8$ ，

设直线 OC' 的解析式为 $y = kx$ ($k \neq 0$)，

$\because C'(3, 3\sqrt{3})$ ，

$\therefore 3\sqrt{3} = 3k$ ，解得 $k = \sqrt{3}$ ，

∴直线 OC' 的解析式为 $y=\sqrt{3}x$ ，
 ∴ $OC' \parallel A'B'$ ，
 ∴直线 $A'B'$ 的解析式为 $y=\sqrt{3}x - 8\sqrt{3}$ ，

$$\therefore \begin{cases} y=\frac{\sqrt{3}}{x} \\ y=\sqrt{3}x - 8\sqrt{3} \end{cases},$$

解得 $x=9, y=\sqrt{3}$ ，

∴ $B'(9, \sqrt{3})$ 。

20. 某文具店九、十月出售了 五种计算器，其售价和销售台数如下表：

售价 (台/元)	10	15	16	20	30	
台数	九月	12	20	8	4	2
	十月	20	40	10	8	2

- (1) 该店平均每月销售多少台；
- (2) 在所考察的数据中，其中位数和众数分别是多少；
- (3) 经核算各种计算器的利润率均为 20%，请你根据上述有关信息，选定下月应多进哪种计算器？并说明进价是多少？

解析： (1) 从数据整理后的表中可以看出，九月份出售 46 台，十月份出售 80 台，平均每月出售台数易求出；

(2) 找中位数要把数据按从小到大的顺序排列，位于最中间的一个数或两个数的平均数为中位数，众数是一组数据中出现次数最多的数据，注意众数可以不止一个。

(3) 知九月份有 46 个五种不同的数据，十月份有 80 个五种不同数据，又由于每台计算器利率相同，显然要想获利多关注的应是众数。

答案： (1) $[(12+20+8+4+2) + (20+40+10+8+2)] \div 2 = [46+80] \div 2 = 63$ 台。

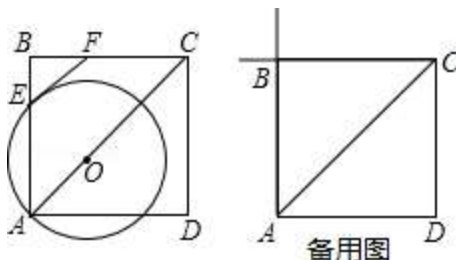
该店平均每月销售 63 台；

(2) 观察图表可知：九、十月出售了 五种计算器销售情况统计表中，15 出现 60 次，次数最多；故众数是 15. 根据中位数的求法可知第 63, 64 位的数都是 15，可求得中位数是 15. 故中位数和众数都为 15，

(3) 选定下月应多进售价为 15 元的计算器，进价是 $15 \div (1+20\%) = 12.5$ 元。

21. 如图，点 O 在边长为 $6\sqrt{2}$ 的正方形 $ABCD$ 的对角线 AC 上，以 O 为圆心 OA 为半径的 $\odot O$ 交 AB 于点 E 。

- (1) $\odot O$ 过点 E 的 \odot 切线与 BC 交于点 F ，当 $0 < OA < 6$ 时，求 $\angle BFE$ 的度数；
- (2) 设 $\odot O$ 与 AB 的延长线交于点 M ， $\odot O$ 过点 M 的切线交 BC 的延长线于点 N ，当 $6 < OA < 12$ 时，利用备用图作出图形，求 $\angle BNM$ 的度数；
- (3) 在 (2) 条件下，求出当点 O 与 C 点重合时 DM 的长。



解析：（1）连结 OE，根据正方形的性质得 $\angle 2=45^\circ$ ，再由 $OE=OA$ 得到 $\angle 1=\angle 2=45^\circ$ ，然后根据切线的性质得 $\angle OEF=90^\circ$ ，则 $\angle BEF=45^\circ$ ，易得 $\angle BFE=45^\circ$ ；

（2）连结 OM，由 $OM=OA$ 得到 $\angle OMA=\angle OAM=45^\circ$ ，再根据切线的性质得 $\angle OMN=90^\circ$ ，则 $\angle BMN=45^\circ$ ，易得 $\angle BNM=45^\circ$ ；

（3）连结 CM、DM，由于 $\angle CMA=\angle CAM=45^\circ$ ，则 $\triangle CMA$ 为等腰直角三角形，所以 $AM=\sqrt{2}AC$ ，根据正方形的性质由正方形 ABCD 的边长为 $6\sqrt{2}$ 得到 $AC=\sqrt{2}\times 6\sqrt{2}=12$ ，所以 $AM=12\sqrt{2}$ ，然后在 $\text{Rt}\triangle ADM$ 中根据勾股定理计算 DM.

答案：（1）连结 OE，如图 1，

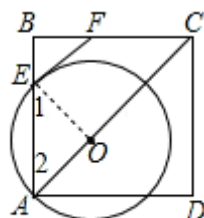


图 1

\because 四边形 ABCD 为正方形，

$\therefore \angle 2=45^\circ$ ，

$\because OE=OA$ ，

$\therefore \angle 1=\angle 2=45^\circ$ ，

$\because EF$ 为 $\odot O$ 的切线，

$\therefore OE \perp EF$ ，

$\therefore \angle OEF=90^\circ$ ，

$\therefore \angle BEF=45^\circ$ ，

而 $\angle B=90^\circ$ ，

$\therefore \angle BFE=45^\circ$ ；

（2）连结 OM，如图 2，

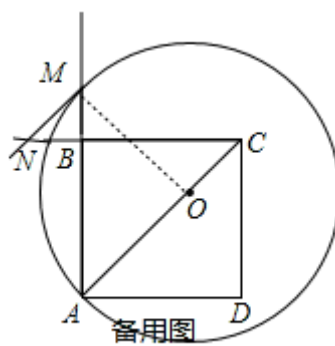


图 2

$\because OM=OA$ ，

$\therefore \angle OMA=\angle OAM=45^\circ$ ，

$\because MN$ 为 $\odot O$ 的切线，

$\therefore OM \perp MN$ ，

$\therefore \angle OMN=90^\circ$ ，

$\therefore \angle BMN=45^\circ$ ，

而 $\angle MBN=90^\circ$ ，

$\therefore \angle BNM=45^\circ$ ；

(3) 连结 CM、DM，如图 3，

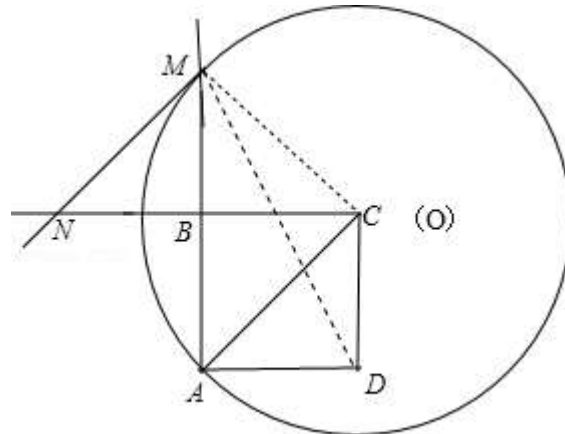


图 3

$\because \angle CMA = \angle CAM = 45^\circ$,
 $\therefore \triangle CMA$ 为等腰直角三角形,
 $\therefore AM = \sqrt{2}AC$,
 \because 正方形 ABCD 的边长为 $6\sqrt{2}$,
 $\therefore AC = \sqrt{2} \times 6\sqrt{2} = 12$,
 $\therefore AM = 12\sqrt{2}$,

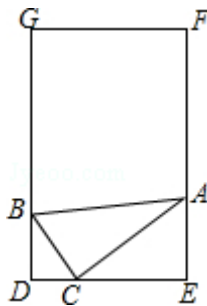
在 $\text{Rt}\triangle ADM$ 中, $DM = \sqrt{AM^2 + AD^2} = \sqrt{(12\sqrt{2})^2 + (6\sqrt{2})^2} = 6\sqrt{10}$.

五、计算题

22. 刘敏将一个直角三角板如图放置在一门框内，使得三角板的三个顶点恰好落在门框的三个边上，且点 B 距门框底端内缘 0.4m，其中 $\angle BAC = 30^\circ$ ， $\angle ACB = 90^\circ$ ， $\angle ACE = 37^\circ$ 。

(1) 求出三角板的斜边长；

(2) 请你帮刘敏计算此门框的外宽度 DE. (门框边缘厚为 0.08m，计算结果精确到 0.1m，可使用科学计算器，参考数据： $\sin 37^\circ \approx 0.60$ ， $\cos 37^\circ \approx 0.80$ ， $\tan 37^\circ \approx 0.75$ ， $\sqrt{3} = 1.73$)



解析：(1) 利用锐角三角函数关系得出 BC 的长，进而利用直角三角形中 30° 所对的边是斜边的一半，求出 AB 即可；

(2) 首先求出 CD 的长，即可利用锐角三角函数关系得出 AC，CE 的长，进而得出答案.

答案：(1) $\because \angle BAC = 30^\circ$ ， $\angle ACB = 90^\circ$ ，

$$\therefore BC = \frac{1}{2}AB,$$

$$\because \angle ACE = 37^\circ, \angle ACB = 90^\circ,$$

$$\therefore \angle BCD = 53^\circ, \angle DBC = 37^\circ,$$

$$\therefore \cos 37^\circ = \frac{BD}{BC} = \frac{0.4}{BC} = 0.80,$$

解得：BC=0.5，

$$\therefore AB=2BC=1 \text{ (m)};$$

$$(2) \because BD=0.4\text{m}, BC=0.5\text{m},$$

$$\therefore CD=0.3\text{m},$$

$$\because AC=AB\cos 30^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2} \approx 0.865 \text{ (m)},$$

$$CE=AC\cos 37^\circ \approx 0.692 \text{ (m)},$$

$$DE=0.3+0.992+0.08 \times 2=1.152 \approx 1.2 \text{ (m)},$$

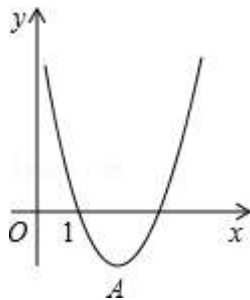
答：门框的外宽度 DE 为 1.2m.

23. 已知抛物线 $y=2x^2 - 8x+6$ 的顶点为 A，如图.

(1) 点 A 的坐标是_____;

(2) 若点 C 是直线 $y=2x$ ($x>0$) 上的一个点，沿射线 OC 将抛物线平移 $2\sqrt{5}$ 个单位，求出顶点 A 平移后的对应点 B 的坐标;

(3) 在 (2) 的条件下，点 P 是抛物线 $y=2x^2 - 8x+6$ 上的一个动点 (与点 A 不重合) 是否存在这样的点 P，使过点 P、A、B 不能画出抛物线? 若存在，请求出点 P 的坐标; 若不存在，请说明理由.



解析：(1) 根据抛物线的顶点公式即可求得;

(2) 根据平行线的性质可知直线 AB 为 $y=2x+b$ ，过 A 点，即可求得 $y=2x-6$ ，然后求得与 y 轴的交点，通过交点解得 $AE=AB=2\sqrt{5}$ ，从而求得 B 点的坐标.

(3) 存在，有两种情况:

①当 PB 与 y 轴平行时，过 P、A、B 不能画出抛物线;

②当 P、A、B 三点共线时，过点 P、A、B 不能画出抛物线，

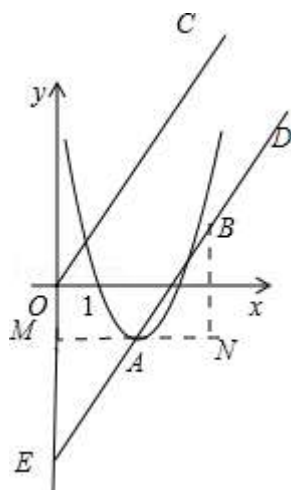
答案：(1) \because 抛物线 $y=2x^2 - 8x+6$,

$$\therefore \text{抛物线 } y=2x^2 - 8x+6 \text{ 的对称轴为 } -\frac{b}{2a}=2,$$

$$\therefore \text{A 点的横坐标为 2, 代入 } y=2x^2 - 8x+6,$$

解得 $y=-2$,

$$\therefore \text{A 点的坐标为 } (2, -2).$$



(2) 过点 A 作 OC 的平行线 AD, 并在射线 OC 的同方向上截取 $AB=2\sqrt{5}$,

设直线 AB 的解析式为 $y=2x+b$,

\because 直线 AB 经过 A (2, -2) 点,

\therefore 直线 AB 的解析式为 $y=2x-6$,

\therefore 与 y 轴的交点 E 坐标为 (0, -6),

$\therefore ME=4, MA=2$;

$$\therefore AE=\sqrt{MA^2+ME^2}=2\sqrt{5},$$

$$\therefore AE=AB=2\sqrt{5},$$

$$\therefore BN=ME=4,$$

\therefore B 点的纵坐标为 2,

$$\therefore MN=2AM=4,$$

\therefore B 点的坐标为 (4, 2) .

(3) 存在, 有两种情况:

①当 PB 与 y 轴平行时, 过 P、A、B 不能画出抛物线;

\therefore B 点的坐标为 (4, 2),

\therefore P 点的横坐标为 4, 代入抛物线 $y=2x^2-8x+6$, 得 $y=6$;

\therefore P (4, 6)

②当 P、A、B 三点共线时, 过点 P、A、B 不能画出抛物线, 此时, P 点为直线 AB 与抛物线 $y=2x^2-8x+6$ 的交点,

$$\begin{cases} y=2x-6 \\ y=2x^2-8x+6 \end{cases},$$

$$\text{解得} \begin{cases} x=3 \\ y=0 \end{cases}$$

\therefore P (3, 0) .

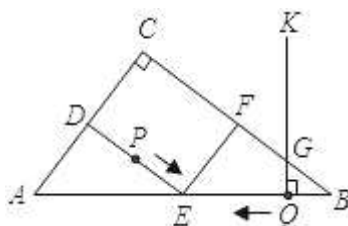
\therefore 存在点 P (4, 6) 或 P (3, 0) 使过 P、A、B 不能画出抛物线.

六、计算题

24. 如图, 在 $Rt\triangle ABC$ 中, $\angle C=90^\circ$, $AB=50$, $AC=30$, D, E, F 分别是 AC, AB, BC 的中点. 点 P 从点 D 出发沿折线 DE - EF - FC - CD 以每秒 7 个单位长的速度匀速运动; 点 Q 从点 B 出

发沿 BA 方向以每秒 4 个单位长的速度匀速运动，过点 Q 作射线 $QK \perp AB$ ，交折线 BC - CA 于点 G. 点 P, Q 同时出发，当点 P 绕行一周回到点 D 时停止运动，点 Q 也随之停止. 设点 P, Q 运动的时间是 t 秒 ($t > 0$).

- (1) D, F 两点间的距离是_____;
- (2) 射线 QK 能否把四边形 CDEF 分成面积相等的两部分? 若能, 求出 t 的值; 若不能, 说明理由;
- (3) 当点 P 运动到折线 EF - FC 上, 且点 P 又恰好落在射线 QK 上时, 求 t 的值;
- (4) 连接 PG, 当 $PG \parallel AB$ 时, 请直接写出 t 的值.



解析: (1) 由中位线定理即可求出 DF 的长;

(2) 连接 DF, 过点 F 作 $FH \perp AB$ 于点 H, 由四边形 CDEF 为矩形, QK 把矩形 CDEF 分为面积相等的两部分, 根据 $\triangle HBF \sim \triangle CBA$, 对应边的比相等, 就可以求得 t 的值;

(3) ①当点 P 在 EF 上 ($2\frac{6}{7} \leq t \leq 5$ 时根据 $\triangle PQE \sim \triangle BCA$, 根据相似三角形的对应边的比相等, 可以求出 t 的值;

②当点 P 在 FC 上 ($5 \leq t \leq 7\frac{6}{7}$) 时, $PB = PF + BF$ 就可以得到;

(4) 当 $PG \parallel AB$ 时四边形 PHQG 是矩形, 由此可以直接写出 t .

答案: (1) $\text{Rt}\triangle ABC$ 中, $\angle C = 90^\circ$, $AB = 50$,

$\because D, F$ 是 AC, BC 的中点,

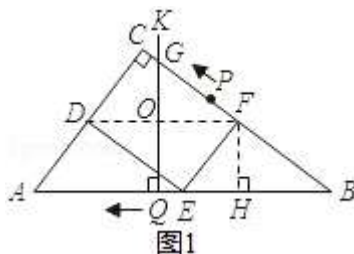
$\therefore DF$ 为 $\triangle ABC$ 的中位线,

$$\therefore DF = \frac{1}{2}AB = 25$$

故答案为: 25.

(2) 能.

如图 1, 连接 DF, 过点 F 作 $FH \perp AB$ 于点 H,



$\because D, F$ 是 AC, BC 的中点,

$\therefore DE \parallel BC, EF \parallel AC$, 四边形 CDEF 为矩形,

$\therefore QK$ 过 DF 的中点 O 时, QK 把矩形 CDEF 分为面积相等的两部分

此时 $QH = OF = 12.5$. 由 $BF = 20$, $\triangle HBF \sim \triangle CBA$, 得 $HB = 16$.

$$\text{故 } t = \frac{QH + HB}{4} = \frac{12.5 + 16}{4} = 7\frac{1}{8}$$

(3) ①当点 P 在 EF 上 ($2\frac{6}{7} \leq t \leq 5$) 时,

如图 2, $QB=4t$, $DE+EP=7t$,

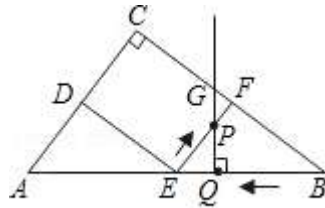


图2

由 $\triangle PQE \sim \triangle BCA$, 得 $\frac{7t-20}{50} = \frac{25-4t}{30}$.

$$\therefore t = 4\frac{21}{41};$$

②当点 P 在 FC 上 ($5 \leq t \leq 7\frac{6}{7}$) 时,

如图 3,

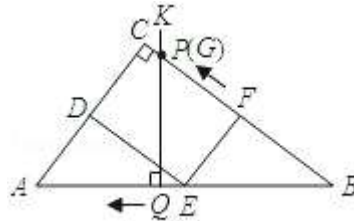


图3

已知 $QB=4t$, 从而 $PB = \frac{QB}{\cos \angle B} = \frac{4t}{\frac{4}{5}} = 5t$,

由 $PF=7t-35$, $BF=20$, 得 $5t=7t-35+20$.

解得 $t=7\frac{1}{2}$;

(4) 如图 4, $t=1\frac{2}{3}$;

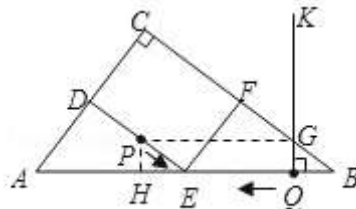


图4

如图 5, $t=7\frac{39}{43}$

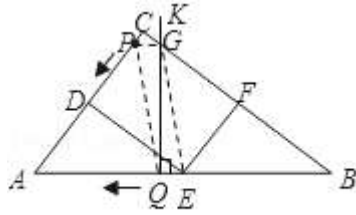


图 5

(注：判断 $PG \parallel AB$ 可分为以下几种情形：当 $0 < t \leq 2\frac{6}{7}$ 时，点 P 下行，点 G 上行，可知其中存在 $PG \parallel AB$ 的时刻，如图 4；此后，点 G 继续上行到点 F 时， $t=4$ ，而点 P 却在下行到点 E 再沿 EF 上行，发现点 P 在 EF 上运动时不存在 $PG \parallel AB$ ； $5 \leq t < 7\frac{6}{7}$ 当时，点 P, G 均在 FC 上，也不存在 $PG \parallel AB$ ；由于点 P 比点 G 先到达点 C 并继续沿 CD 下行，所以在 $7\frac{6}{7} < t < 8$ 中存在 $PG \parallel AB$ 的时刻，如图 5 当 $8 \leq t \leq 10$ 时，点 P, G 均在 CD 上，不存在 $PG \parallel AB$)