

## 2016年黑龙江省哈尔滨市中考真题数学

一、选择题(每小题3分,共计30分)

1.  $-6$  的绝对值是( )

A.  $-6$

B.  $6$

C.  $\frac{1}{6}$

D.  $-\frac{1}{6}$

解析: 负数的绝对值是它的相反数.

$-6$  的绝对值是  $6$ .

答案: B.

2. 下列运算正确的是( )

A.  $a^2 \cdot a^3 = a^6$

B.  $(a^2)^3 = a^5$

C.  $(-2a^2b)^3 = -8a^6b^3$

D.  $(2a+1)^2 = 4a^2 + 2a + 1$

解析: A、 $a^2 \cdot a^3 = a^5$ , 故此选项错误;

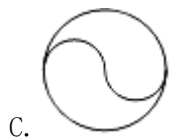
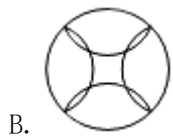
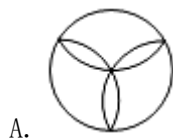
B、 $(a^2)^3 = a^6$ , 故此选项错误;

C、 $(-2a^2b)^3 = -8a^6b^3$ , 正确;

D、 $(2a+1)^2 = 4a^2 + 4a + 1$ , 故此选项错误.

答案: C.

3. 下列图形中, 既是轴对称图形又是中心对称图形的是( )





D.

解析：A、是轴对称图形，但不是中心对称图形，故 A 错误；

B、是轴对称图形，也是中心对称图形，故 B 正确；

C、是中心对称图形，但不是轴对称图形，故 C 错误；

D、是轴对称图形，但不是中心对称图形，故 D 错误.

答案：B.

4. 点  $(2, -4)$  在反比例函数  $y = \frac{k}{x}$  的图象上，则下列各点在此函数图象上的是( )

A.  $(2, 4)$

B.  $(-1, -8)$

C.  $(-2, -4)$

D.  $(4, -2)$

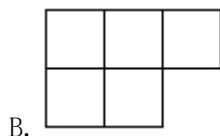
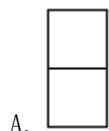
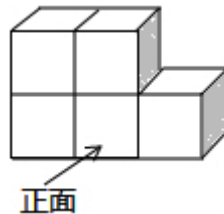
解析：∵点  $(2, -4)$  在反比例函数  $y = \frac{k}{x}$  的图象上，∴ $k = 2 \times (-4) = -8$ .

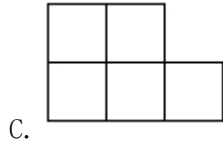
∵A 中  $2 \times 4 = 8$ ；B 中  $-1 \times (-8) = 8$ ；C 中  $-2 \times (-4) = 8$ ；D 中  $4 \times (-2) = -8$ ,

∴点  $(4, -2)$  在反比例函数  $y = \frac{k}{x}$  的图象上.

答案：D.

5. 五个大小相同的正方体搭成的几何体如图所示，其主视图是( )





解析：从正面看第一层是三个小正方形，第二层右边是两个小正方形，  
答案：C.

6. 不等式组  $\begin{cases} x+3>2, \\ 1-2x\leq-3 \end{cases}$  的解集是( )

- A.  $x\geq 2$
- B.  $-1<x\leq 2$
- C.  $x\leq 2$
- D.  $-1<x\leq 1$

解析：解不等式  $x+3>2$ ，得： $x>-1$ ，  
解不等式  $1-2x\leq-3$ ，得： $x\geq 2$ ，  
 $\therefore$ 不等式组的解集为： $x\geq 2$ ，

答案：A.

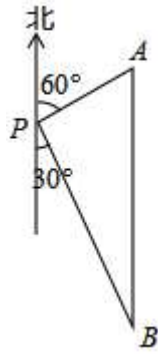
7. 某车间有 26 名工人，每人每天可以生产 800 个螺钉或 1000 个螺母，1 个螺钉需要配 2 个螺母，为使每天生产的螺钉和螺母刚好配套. 设安排  $x$  名工人生产螺钉，则下面所列方程正确的是( )

- A.  $2\times 1000(26-x)=800x$
- B.  $1000(13-x)=800x$
- C.  $1000(26-x)=2\times 800x$
- D.  $1000(26-x)=800x$

解析：设安排  $x$  名工人生产螺钉，则  $(26-x)$  人生产螺母，  
由题意得  $1000(26-x)=2\times 800x$ ，故 C 答案正确.

答案：C

8. 如图，一艘轮船位于灯塔 P 的北偏东  $60^\circ$  方向，与灯塔 P 的距离为 30 海里的 A 处，轮船沿正南方向航行一段时间后，到达位于灯塔 P 的南偏东  $30^\circ$  方向上的 B 处，则此时轮船所在位置 B 处与灯塔 P 之间的距离为( )



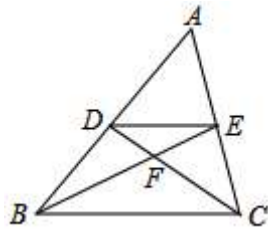
- A. 60 海里
- B. 45 海里
- C.  $20\sqrt{3}$  海里
- D.  $30\sqrt{3}$  海里

解析：由题意可得： $\angle B=30^\circ$ ， $AP=30$  海里， $\angle APB=90^\circ$ ，故  $AB=2AP=60$  (海里)，

则此时轮船所在位置 B 处与灯塔 P 之间的距离为： $BP=\sqrt{AB^2-AP^2}=30\sqrt{3}$  (海里)

答案：D.

9. 如图，在 $\triangle ABC$ 中，D、E分别为AB、AC边上的点， $DE\parallel BC$ ，BE与CD相交于点F，则下列结论一定正确的是( )



- A.  $\frac{AD}{AB} = \frac{AE}{AC}$
- B.  $\frac{DF}{FC} = \frac{AE}{EC}$
- C.  $\frac{AD}{DB} = \frac{DE}{BC}$
- D.  $\frac{DF}{BF} = \frac{EF}{FC}$

解析：A、 $\because DE\parallel BC$ ， $\therefore \frac{AD}{AB} = \frac{AE}{AC}$ ，故正确；

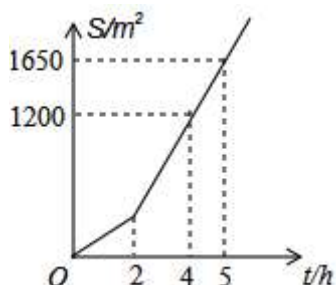
B、 $\because DE \parallel BC, \therefore \triangle DEF \sim \triangle CBF, \therefore \frac{DF}{FC} = \frac{EF}{FB}$ , 故错误;

C、 $\because DE \parallel BC, \therefore \frac{AD}{AB} = \frac{DE}{BC}$ , 故错误;

D、 $\because DE \parallel BC, \therefore \triangle DEF \sim \triangle CBF, \therefore \frac{DF}{FC} = \frac{EF}{BF}$ , 故错误.

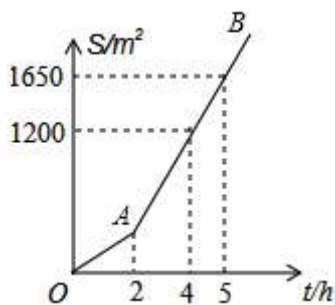
答案: A.

10. 明君社区有一块空地需要绿化, 某绿化组承担了此项任务, 绿化组工作一段时间后, 提高了工作效率. 该绿化组完成的绿化面积  $S$  (单位:  $m^2$ ) 与工作时间  $t$  (单位:  $h$ ) 之间的函数关系如图所示, 则该绿化组提高工作效率前每小时完成的绿化面积是 ( )



- A.  $300m^2$
- B.  $150m^2$
- C.  $330m^2$
- D.  $450m^2$

解析: 如图,



设直线 AB 的解析式为  $y=kx+b$ ,

$$\text{则} \begin{cases} 4k + b = 1200, \\ 5k + b = 1650, \end{cases} \text{解得} \begin{cases} k = 450, \\ b = -600. \end{cases}$$

故直线 AB 的解析式为  $y=450x-600$ ,

当  $x=2$  时,  $y=450 \times 2 - 600 = 300$ ,

$300 \div 2 = 150 (m^2)$ .

答: 该绿化组提高工作效率前每小时完成的绿化面积是  $150m^2$ .

答案: B.

二、填空题(每小题 3 分, 共计 30 分)

11. 将 5700 000 用科学记数法表示为\_\_\_\_\_.

解析:  $5700\ 000=5.7\times 10^6$ .

答案:  $5.7\times 10^6$ .

12. 函数  $y=\frac{x}{2x-1}$  中, 自变量  $x$  的取值范围是\_\_\_\_\_.

解析: 由题意, 得  $2x-1\neq 0$ , 解得  $x\neq \frac{1}{2}$ .

答案:  $x\neq \frac{1}{2}$ .

13. 计算  $2\sqrt{\frac{1}{2}}-\frac{1}{8}$  的结果是\_\_\_\_\_.

解析: 原式  $=2\times \frac{\sqrt{2}}{2}-3\sqrt{2}=\sqrt{2}-3\sqrt{2}=-2\sqrt{2}$ .

答案:  $-2\sqrt{2}$ .

14. 把多项式  $ax^2+2a^2x+a^3$  分解因式的结果是\_\_\_\_\_.

解析:  $ax^2+2a^2x+a^3=a(x^2+2ax+a^2)=a(x+a)^2$ .

答案:  $a(x+a)^2$

15. 一个扇形的圆心角为  $120^\circ$ , 面积为  $12\pi\text{ cm}^2$ , 则此扇形的半径为\_\_\_\_\_cm.

解析: 设该扇形的半径为  $R$ , 则  $\frac{120\pi\times R^2}{360}=12\pi$ , 解得  $R=6$ . 即该扇形的半径为 6cm.

答案: 6.

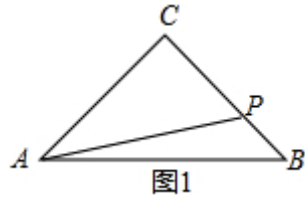
16. 二次函数  $y=2(x-3)^2-4$  的最小值为\_\_\_\_\_.

解析: 二次函数  $y=2(x-3)^2-4$  的开口向上, 顶点坐标为  $(3, -4)$ , 所以最小值为  $-4$ .

答案:  $-4$ .

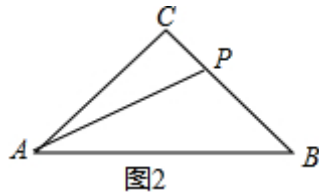
17. 在等腰直角三角形  $ABC$  中,  $\angle ACB=90^\circ$ ,  $AC=3$ , 点  $P$  为边  $BC$  的三等分点, 连接  $AP$ , 则  $AP$  的长为\_\_\_\_\_.

解析: ①如图 1,  $\because \angle ACB=90^\circ$ ,  $AC=BC=3$ ,



$$\because PB = \frac{1}{3}BC = 1, \therefore CP = 2, \therefore AP = \sqrt{AC^2 + PC^2} = \sqrt{13},$$

②如图 2,  $\because \angle ACB = 90^\circ$ ,  $AC = BC = 3$ ,

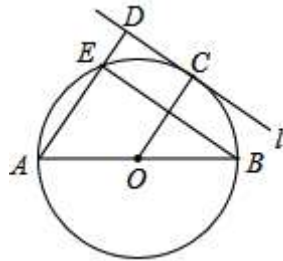


$$\because PC = \frac{1}{3}BC = 1, \therefore AP = \sqrt{AC^2 + PC^2} = \sqrt{10},$$

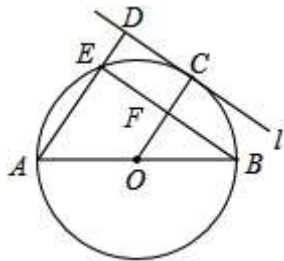
综上所述: AP 的长为  $\sqrt{13}$  或  $\sqrt{10}$ .

答案:  $\sqrt{13}$  或  $\sqrt{10}$ .

18. 如图, AB 为  $\odot O$  的直径, 直线  $l$  与  $\odot O$  相切于点 C,  $AD \perp l$ , 垂足为 D, AD 交  $\odot O$  于点 E, 连接 OC、BE. 若  $AE = 6$ ,  $OA = 5$ , 则线段 DC 的长为\_\_\_\_\_.



解析: OC 交 BE 于 F, 如图,



$\because$  AB 为  $\odot O$  的直径,  $\therefore \angle AEB = 90^\circ$ ,

$\because$   $AD \perp l$ ,  $\therefore BE \parallel CD$ ,

$\because$  CD 为切线,  $\therefore OC \perp CD$ ,  $\therefore OC \perp BE$ ,  $\therefore$  四边形 CDEF 为矩形,  $\therefore CD = EF$ ,

在  $Rt\triangle ABE$  中,  $BE = \sqrt{AB^2 - AE^2} = \sqrt{10^2 - 6^2} = 8$ ,

∵OF ⊥ BE, ∴BF=EF=4, ∴CD=4.

答案: 4.

19. 一个不透明的袋子中装有黑、白小球各两个, 这些小球除颜色外无其他差别, 从袋子中随机摸出一个小球后, 放回并摇匀, 再随机摸出一个小球, 则两次摸出的小球都是白球的概率为\_\_\_\_\_.

解析: 列表得,

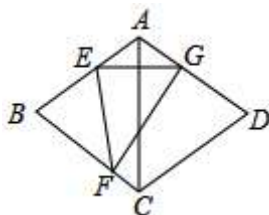
	黑1	黑2	白1	白2
黑1	黑1黑1	黑1黑2	黑1白1	黑1白2
黑2	黑2黑1	黑2黑2	黑2白1	黑2白2
白1	白1黑1	白1黑2	白1白1	白1白2
白2	白2黑1	白2黑2	白2白1	白2白2

∵由表格可知, 不放回的摸取 2 次共有 16 种等可能结果, 其中两次摸出的小球都是白球有

4 种结果, ∴两次摸出的小球都是白球的概率为:  $\frac{4}{16} = \frac{1}{4}$ ,

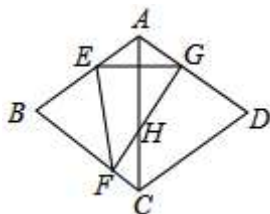
答案:  $\frac{1}{4}$ .

20. 如图, 在菱形 ABCD 中,  $\angle BAD=120^\circ$ , 点 E、F 分别在边 AB、BC 上,  $\triangle BEF$  与  $\triangle GEF$  关于直线 EF 对称, 点 B 的对称点是点 G, 且点 G 在边 AD 上. 若  $EG \perp AC$ ,  $AB=6\sqrt{2}$ , 则 FG 的长为\_\_\_\_\_.



解析: ∵四边形 ABCD 是菱形,  $\angle BAD=120^\circ$ ,

∴ $AB=BC=CD=AD$ ,  $\angle CAB=\angle CAD=60^\circ$ , ∴ $\triangle ABC$ ,  $\triangle ACD$  是等边三角形,





$\because EG \perp AC, \therefore \angle AEG = \angle AGE = 30^\circ,$   
 $\because \angle B = \angle EGF = 60^\circ, \therefore \angle AGF = 90^\circ, \therefore FG \perp BC, \therefore 2 \cdot S_{\triangle ABC} = BC \cdot FG,$   
 $\therefore 2 \times \frac{\sqrt{3}}{4} \times (6\sqrt{2})^2 = 6\sqrt{2} \cdot FG, \therefore FG = 3\sqrt{6}.$

答案:  $3\sqrt{6}.$

三、解答题(其中 21-22 题各 7 分, 23-24 题各 8 分, 25-27 题各 10 分, 共计 60 分)

21. 先化简, 再求代数式  $(\frac{2}{a+1} - \frac{2a-3}{a^2-1}) \div \frac{1}{a+1}$  的值, 其中  $a = 2\sin 60^\circ + \tan 45^\circ.$

解析: 先算括号里面的, 再算除法, 最后把 a 的值代入进行计算即可.

答案: 原式 =  $[\frac{2}{a+1} - \frac{2a-3}{(a+1)(a-1)}] \cdot (a+1)$

$$= \frac{2(a-1) - 2a + 3}{(a+1)(a-1)} \cdot (a+1)$$

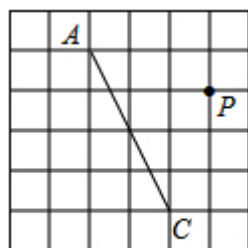
$$= \frac{2a - 2 - 2a + 3}{(a+1)(a-1)} \cdot (a+1)$$

$$= \frac{1}{(a+1)(a-1)} \cdot (a+1)$$

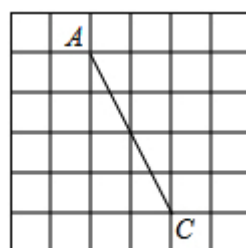
$$= \frac{1}{a-1},$$

当  $a = 2\sin 60^\circ + \tan 45^\circ = 2 \times \frac{\sqrt{3}}{2} + 1 = \sqrt{3} + 1$  时, 原式 =  $\frac{1}{\sqrt{3} + 1 - 1} = \frac{\sqrt{3}}{3}.$

22. 图 1、图 2 是两张形状和大小完全相同的方格纸, 方格纸中每个小正方形的边长均为 1, 线段 AC 的两个端点均在小正方形的顶点上.



(图1)



(图2)

(1) 如图 1, 点 P 在小正方形的顶点上, 在图 1 中作出点 P 关于直线 AC 的对称点 Q, 连接 AQ、

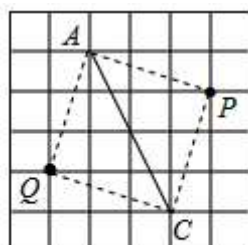
QC、CP、PA，并直接写出四边形AQCP的周长；

(2)在图2中画出一个以线段AC为对角线、面积为6的矩形ABCD，且点B和点D均在小正方形的顶点上.

解析：(1)直接利用网格结合勾股定理得出符合题意的答案；

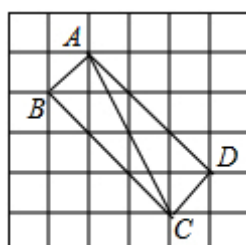
(2)直接利用网格结合矩形的性质以及勾股定理得出答案.

答案：(1)如图1所示：四边形AQCP即为所求，它的周长为： $4 \times \sqrt{10} = 4\sqrt{10}$ .



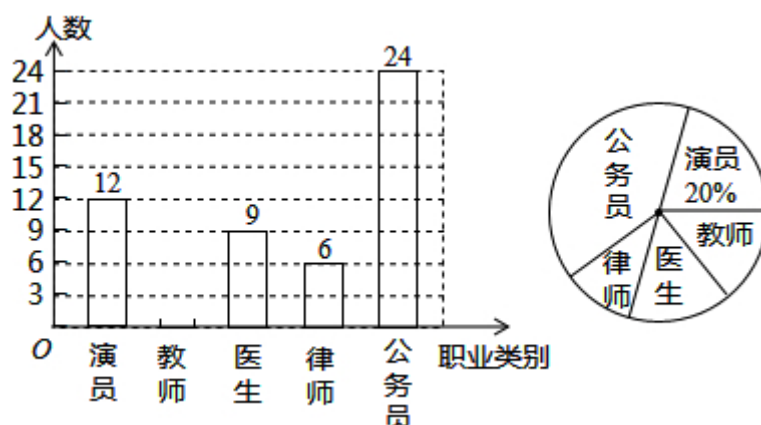
(图1)

(2)如图2所示：四边形ABCD即为所求.



(图2)

23. 海静中学开展以“我最喜爱的职业”为主题的调查活动，围绕“在演员、教师、医生、律师、公务员共五类职业中，你最喜爱哪一类？(必选且只选一类)”的问题，在全校范围内随机抽取部分学生进行问卷调查，将调查结果整理后绘制成如图所示的不完整的统计图，请你根据图中提供的信息回答下列问题：



(1)本次调查共抽取了多少名学生？

(2)求在被调查的学生中，最喜爱教师职业的人数，并补全条形统计图；

(3)若海静中学共有1500名学生，请你估计该中学最喜爱律师职业的学生有多少名？

解析：(1)用条形图中演员的数量结合扇形图中演员的百分比可以求出总调查学生数；

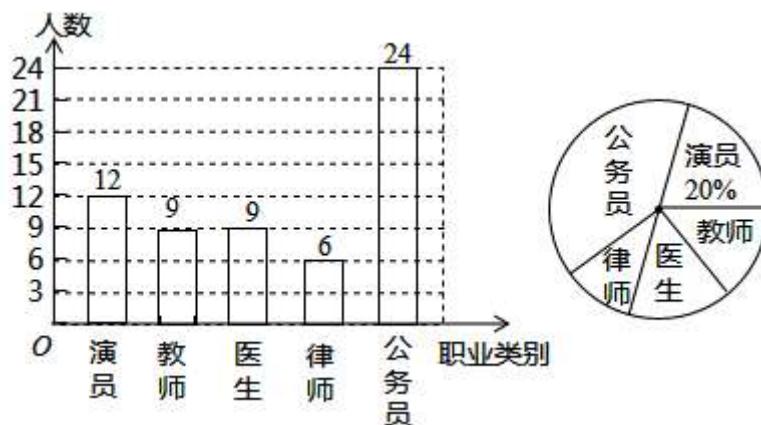
- (2) 用总调查数减去其他几个职业类别就可以得到最喜爱教师职业的人数；  
 (3) 利用调查学生中最喜爱律师职业的学生百分比可求出该中学中的相应人数.

答案：(1)  $12 \div 20\% = 60$ ,

答：共调查了 60 名学生.

(2)  $60 - 12 - 9 - 6 - 24 = 9$ ,

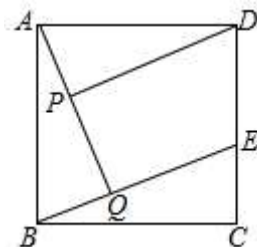
答：最喜爱的教师职业人数为 9 人. 如图所示：



(3)  $\frac{6}{60} \times 1500 = 150$  (名)

答：该中学最喜爱律师职业的学生有 150 名.

24. 已知：如图，在正方形 ABCD 中，点 E 在边 CD 上， $AQ \perp BE$  于点 Q， $DP \perp AQ$  于点 P.



(1) 求证： $AP = BQ$ ；

(2) 在不添加任何辅助线的情况下，请直接写出图中四对线段，使每对中较长线段与较短线段长度的差等于 PQ 的长.

解析：(1) 根据正方形的性质得出  $AD = BA$ ， $\angle BAQ = \angle ADP$ ，再根据已知条件得到  $\angle AQB = \angle DPA$ ，判定  $\triangle AQB \cong \triangle DPA$  并得出结论；

(2) 根据  $AQ - AP = PQ$  和全等三角形的对应边相等进行判断分析.

答案：(1)  $\because$  正方形 ABCD， $\therefore AD = BA$ ， $\angle BAD = 90^\circ$ ，即  $\angle BAQ + \angle DAP = 90^\circ$ ，

$\because DP \perp AQ$ ， $\therefore \angle ADP + \angle DAP = 90^\circ$ ， $\therefore \angle BAQ = \angle ADP$ ，

$\because AQ \perp BE$  于点 Q， $DP \perp AQ$  于点 P，

$\therefore \angle AQB = \angle DPA = 90^\circ$ ， $\therefore \triangle AQB \cong \triangle DPA$  (AAS)， $\therefore AP = BQ$ .

(2) ①  $AQ - AP = PQ$ ，②  $AQ - BQ = PQ$ ，③  $DP - AP = PQ$ ，④  $DP - BQ = PQ$ .

25. 早晨，小明步行到离家 900 米的学校去上学，到学校时发现眼镜忘在家中，于是他立即按原路步行回家，拿到眼镜后立即按原路骑自行车返回学校. 已知小明步行从学校到家所用

的时间比他骑自行车从家到学校所用的时间多 10 分钟，小明骑自行车速度是步行速度的 3 倍。

(1) 求小明步行速度(单位：米/分)是多少；

(2) 下午放学后，小明骑自行车回到家，然后步行去图书馆，如果小明骑自行车和步行的速度不变，小明步行从家到图书馆的时间不超过骑自行车从学校到家时间的 2 倍，那么小明家与图书馆之间的路程最多是多少米？

解析：(1) 设小明步行的速度是  $x$  米/分，根据题意可得等量关系：小明步行回家的时间=骑车返回时间+10 分钟，根据等量关系列出方程即可；

(2) 根据 (1) 中计算的速度列出不等式解答即可。

答案：(1) 设小明步行的速度是  $x$  米/分，

$$\text{由题意得：} \frac{900}{x} = \frac{900}{3x} + 10, \text{ 解得：} x=60,$$

经检验： $x=60$  是原分式方程的解，

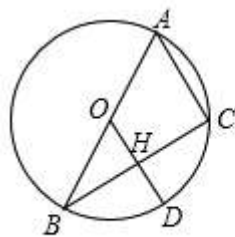
答：小明步行的速度是 60 米/分；

(2) 小明家与图书馆之间的路程最多是  $y$  米，

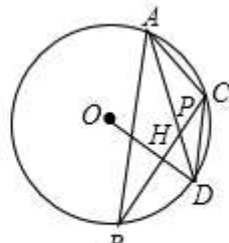
$$\text{根据题意可得：} \frac{y}{60} \leq \frac{900}{180} \times 2, \text{ 解得：} y \leq 240,$$

答：小明家与图书馆之间的路程最多是 240 米。

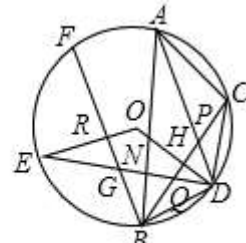
26. 已知： $\triangle ABC$  内接于  $\odot O$ ， $D$  是  $BC$  上一点， $OD \perp BC$ ，垂足为  $H$ 。



(图1)



(图2)



(图3)

(1) 如图 1，当圆心  $O$  在  $AB$  边上时，求证： $AC=2OH$ ；

(2) 如图 2，当圆心  $O$  在  $\triangle ABC$  外部时，连接  $AD$ 、 $CD$ ， $AD$  与  $BC$  交于点  $P$ ，求证： $\angle ACD = \angle APB$ ；

(3) 在 (2) 的条件下，如图 3，连接  $BD$ ， $E$  为  $\odot O$  上一点，连接  $DE$  交  $BC$  于点  $Q$ 、交  $AB$  于点  $N$ ，

连接  $OE$ ， $BF$  为  $\odot O$  的弦， $BF \perp OE$  于点  $R$  交  $DE$  于点  $G$ ，若  $\angle ACD - \angle ABD = 2\angle BDN$ ， $AC = 5\sqrt{5}$ ，

$BN = 3\sqrt{5}$ ， $\tan \angle ABC = \frac{1}{2}$ ，求  $BF$  的长。

解析：(1)  $OD \perp BC$  可知点  $H$  是  $BC$  的中点，又中位线的性质可得  $AC=2OH$ ；

(2) 由垂径定理可知： $BD = CD$ ，所以  $\angle BAD = \angle CAD$ ，由因为  $\angle ABC = \angle ADC$ ，所以  $\angle ACD = \angle APB$ ；

(3) 由  $\angle ACD - \angle ABD = 2\angle BDN$  可知  $\angle AND = 90^\circ$ ，由  $\tan \angle ABC = \frac{1}{2}$  可知  $NQ$  和  $BQ$  的长度，再由  $BF \perp OE$  和  $OD \perp BC$  可知  $\angle GBN = \angle ABC$ ，所以  $BG = BQ$ ，连接  $AO$  并延长交  $\odot O$  于点  $I$ ，连接  $IC$  后利用圆周角定理可求得  $IC$  和  $AI$  的长度，设  $QH = x$ ，利用勾股定理可求出  $QH$  和  $HD$  的长度，利用垂径定理可求得  $ED$  的长度，最后利用  $\tan \angle OED = \frac{1}{2}$  即可求得  $RG$  的长度，最后由垂径定理

可求得  $BF$  的长度.

答案：(1)  $\because OD \perp BC$ ， $\therefore$  由垂径定理可知：点  $H$  是  $BC$  的中点，

$\because$  点  $O$  是  $AB$  的中点， $\therefore OH$  是  $\triangle ABC$  的中位线， $\therefore AC = 2OH$ .

(2)  $\because OD \perp BC$ ，

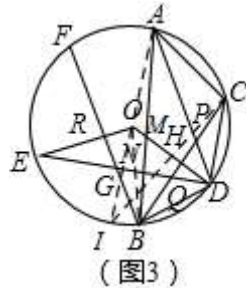
$\therefore$  由垂径定理可知： $BD = CD$ ， $\therefore \angle BAD = \angle CAD$ ，

$\because AC = AC$ ， $\therefore \angle ABC = \angle ADC$ ，

$\therefore 180^\circ - \angle BAD - \angle ABC = 180^\circ - \angle CAD - \angle ADC$ ，

$\therefore \angle ACD = \angle APB$ .

(3) 连接  $AO$  延长交于  $\odot O$  于点  $I$ ，连接  $IC$ ， $AB$  与  $OD$  相交于点  $M$ ，



$\because \angle ACD - \angle ABD = 2\angle BDN$ ， $\therefore \angle ACD - \angle BDN = \angle ABD + \angle BDN$ ，

$\because \angle ABD + \angle BDN = \angle AND$ ， $\therefore \angle ACD - \angle BDN = \angle AND$ ，

$\because \angle ACD + \angle ABD = 180^\circ$ ， $\therefore \angle ABD + \angle BDN = 180^\circ - \angle AND$ ， $\therefore \angle AND = 180^\circ - \angle AND$ ，

$\therefore \angle AND = 90^\circ$ ，

$\because \tan \angle ABC = \frac{1}{2}$ ， $BN = 3\sqrt{5}$ ， $\therefore NQ = \frac{3\sqrt{5}}{2}$ ， $\therefore$  由勾股定理可求得： $BQ = \frac{15}{2}$ ，

$\because \angle BNQ = \angle QHD = 90^\circ$ ， $\therefore \angle ABC = \angle QDH$ ，

$\because OE = OD$ ， $\therefore \angle OED = \angle QDH$ ，

$\because \angle ERG = 90^\circ$ ， $\therefore \angle OED = \angle GBN$ ， $\therefore \angle GBN = \angle ABC$ ，

$\because AB \perp ED$ ， $\therefore BG = BQ = \frac{15}{2}$ ， $GN = NQ = \frac{3\sqrt{5}}{2}$ ，

$\because AI$  是  $\odot O$  直径， $\therefore \angle ACI = 90^\circ$ ，

$\because \tan \angle AIC = \tan \angle ABC = \frac{1}{2}$ ， $\therefore \frac{AC}{IC} = \frac{1}{2}$ ， $\therefore IC = 105$ ，

∴由勾股定理可求得：AI=2√5，连接OB，

设QH=x，∵tan∠ABC=tan∠ODE=1/2，∴QH/HD=1/2，∴HD=2x，

∴OH=OD-HD=25/2-2x，BH=BQ+QH=15/2+x，

由勾股定理可得：OB²=BH²+OH²，

∴(25/2)²=(15/2+x)²+(25/2-2x)²，解得：x=9/2或x=5/2，

当QH=9/2时，∴QD=√5QH=9/2√5，∴ND=QD+NQ=6√5，∴MN=3√5，MD=15，

∵MD>15/2，∴QH=9/2不符合题意，舍去，

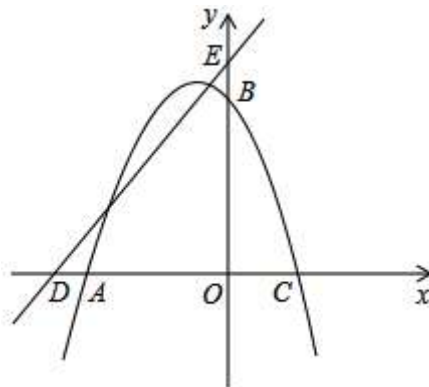
当QH=5/2时，∴QD=√5QH=5/2√5，∴ND=NQ+QD=4√5，

由垂径定理可求得：ED=10√5，∴GD=GN+ND=11/2√5，∴EG=ED-GD=9/2√5，

∵tan∠OED=1/2，

∴RG/ER=1/2，∴EG=√5RG，∴RG=9/2，∴BR=RG+BG=12，∴由垂径定理可知：BF=2BR=24.

27. 如图，在平面直角坐标系中，O为坐标原点，抛物线y=ax²+2xa+c经过A(-4, 0)，B(0, 4)两点，与x轴交于另一点C，直线y=x+5与x轴交于点D，与y轴交于点E.



(1) 求抛物线的解析式；

(2) 点 P 是第二象限抛物线上的一个动点，连接 EP，过点 E 作 EP 的垂线 l，在 l 上截取线段 EF，使 EF=EP，且点 F 在第一象限，过点 F 作 FM⊥x 轴于点 M，设点 P 的横坐标为 t，线段 FM 的长度为 d，求 d 与 t 之间的函数关系式(不要求写出自变量 t 的取值范围)；

(3) 在 (2) 的条件下，过点 E 作 EH⊥ED 交 MF 的延长线于点 H，连接 DH，点 G 为 DH 的中点，当直线 PG 经过 AC 的中点 Q 时，求点 F 的坐标。

解析：(1) 利用待定系数法求二次函数的解析式；

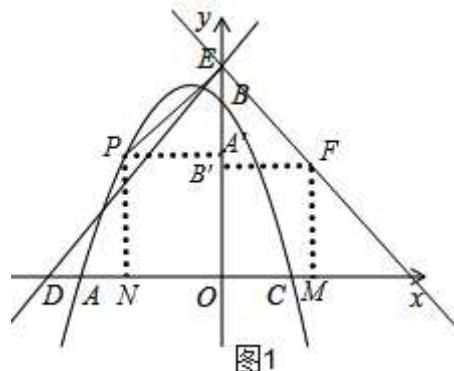
(2) 如图 1，作辅助线构建两个直角三角形，利用斜边 PE=EF 和两角相等证两直角三角形全等，得 PA' =EB'，则 d=FM=OE-EB' 代入列式可得结论，但要注意 PA' =-t；

(3) 如图 2，根据直线 EH 的解析式表示出点 F 的坐标和 H 的坐标，发现点 P 和点 H 的纵坐标相等，则 PH 与 x 轴平行，根据平行线截线段成比例定理可得 G 也是 PQ 的中点，由此表示出点 G 的坐标并列式，求出 t 的值并取舍，计算出点 F 的坐标。

答案：(1) 把 A(-4, 0)，B(0, 4) 代入  $y=ax^2+2xa+c$  得 
$$\begin{cases} 16a-8a+c=0, \\ c=4, \end{cases} \text{解得} \begin{cases} a=-\frac{1}{2}, \\ c=4, \end{cases}$$

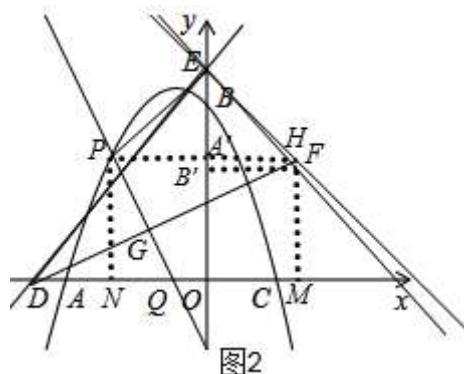
所以抛物线解析式为  $y=-\frac{1}{2}x^2-x+4$ 。

(2) 如图 1，分别过 P、F 向 y 轴作垂线，垂足分别为 A'、B'，过 P 作 PN⊥x 轴，垂足为 N，



由直线 DE 的解析式为：y=x+5，则 E(0, 5)，∴OE=5，  
 ∵∠PEO+∠OEF=90°，∠PEO+∠EPA' =90°，∴∠EPA' =∠OEF，  
 ∵PE=EF，∠EA' P=∠EB' F=90°，∴△PEA' ≅△EFB'，∴PA' =EB' =-t，  
 则 d=FM=OB' =OE-EB' =5-(-t)=5+t。

(3) 如图 2，由直线 DE 的解析式为：y=x+5，



∵EH⊥ED, ∴直线EH的解析式为:  $y=-x+5$ ,

$$\therefore FB' = A'E = 5 - \left(-\frac{1}{2}t^2 - t + 4\right) = \frac{1}{2}t^2 + t + 1,$$

$$\therefore F\left(\frac{1}{2}t^2 + t + 1, 5+t\right), \therefore \text{点H的横坐标为: } \frac{1}{2}t^2 + t + 1,$$

$$y = -\frac{1}{2}t^2 - t - 1 + 5 = -\frac{1}{2}t^2 - t + 4, \therefore H\left(\frac{1}{2}t^2 + t + 1, -\frac{1}{2}t^2 - t + 4\right),$$

∵G是DH的中点,

$$\therefore G\left(\frac{-5 + \frac{1}{2}t^2 + t + 1}{2}, \frac{-\frac{1}{2}t^2 - t + 4}{2}\right),$$

$$\therefore G\left(\frac{1}{4}t^2 + \frac{1}{2}t - 2, -\frac{1}{4}t^2 - \frac{1}{2}t + 2\right), \therefore PH \parallel x \text{ 轴},$$

$$\therefore DG = GH, \therefore PG = GQ, \therefore \frac{-1+t}{2} = \frac{1}{4}t^2 + \frac{1}{2}t - 2, t = \pm\sqrt{6},$$

∵P在第二象限, ∴ $t < 0$ , ∴ $t = -\sqrt{6}$ , ∴ $F(4-\sqrt{6}, 5-\sqrt{6})$ .